

## Devoir de révision n°4

### PHYSIQUE:

#### Exercice n°1 :

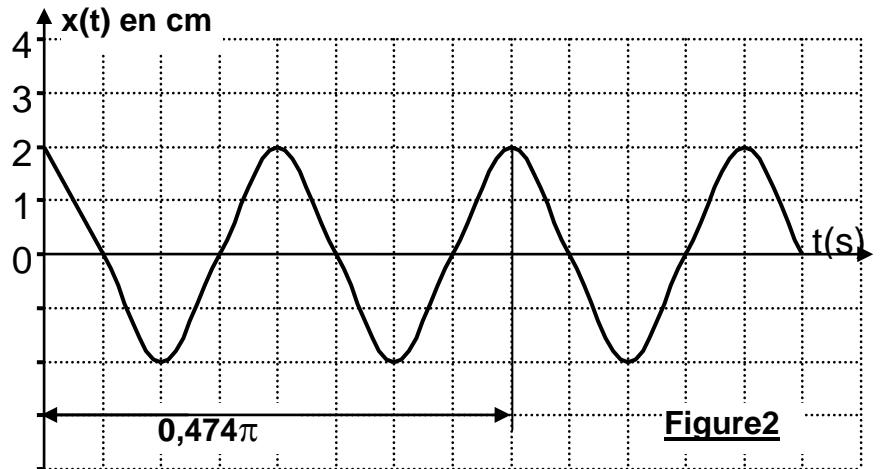
Un oscillateur mécanique est constitué d'un solide (**S**) de masse  $m = 0,400 \text{ kg}$  et de centre d'inertie **G**, attaché à l'extrémité d'un ressort (**R**), à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur  $k = 28,5 \text{ N.m}^{-1}$  (figure 1).

A l'équilibre, le centre d'inertie **G** de (**S**) coïncide avec l'origine **O** du repère  $(\text{O}, \vec{i})$  d'axe  $(\text{x}'\text{x})$ .

On désigne par  $x$  l'abscisse de **G** à un instant de date  $t$ , dans le repère  $(\text{O}, \vec{i})$  et par  $\vec{v}$  la valeur de sa vitesse à cet instant.

#### **A- Première expérience :**

On écarte (**S**) de sa position d'équilibre vers la droite d'une distance  $X_{1m}$  et on le lâche sans vitesse à un instant  $t = 0$ . La figure 2 représente la variation de l'élongation de **G** au cours du temps.



1) Préciser la nature des oscillations du pendule élastique.

2) a) Etablir l'expression de l'énergie mécanique totale du système {pendule élastique} dans une position d'abscisse  $x$  quelconque.

b) Sachant que l'énergie mécanique totale du système {pendule élastique} est constante, déduire, à partir de l'expression de l'énergie  $E$ , l'équation différentielle reliant  $x$  à sa dérivée seconde par rapport au temps.

3) Vérifier que  $x(t) = X_{1m} \sin(\omega_0 t + \phi_1)$  est une solution de cette équation et préciser l'expression de  $\omega_0$ .

Déduire, à partir du diagramme de la figure 2, les valeurs de l'amplitude  $X_{1m}$ , de la pulsation  $\omega_0$  et de la phase initiale  $\phi_1$ .

**B- Deuxième expérience :** le solide (**S**) est soumis à une force de frottement visqueux  $f$  portée par l'axe  $(\text{x}'\text{x})$ , opposée au mouvement de (**S**) et telle que  $f = -h\vec{v}$  ou  $h$  est une constante positive et  $\vec{v}$  le vecteur vitesse du centre d'inertie **G**.

Les oscillations de (**S**) sont entretenues à l'aide d'une force excitatrice  $\vec{F} = F_m \sin(\omega t) \cdot \vec{i}$  exercée par un dispositif approprié non représenté.

Ainsi, à tout instant, l'équation différentielle régissant les oscillations de (**S**) est

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + kx = F_m \sin \omega t. \text{ Elle admet une solution de la forme : } x(t) = X_{2m} \sin(\omega t + \phi_2).$$

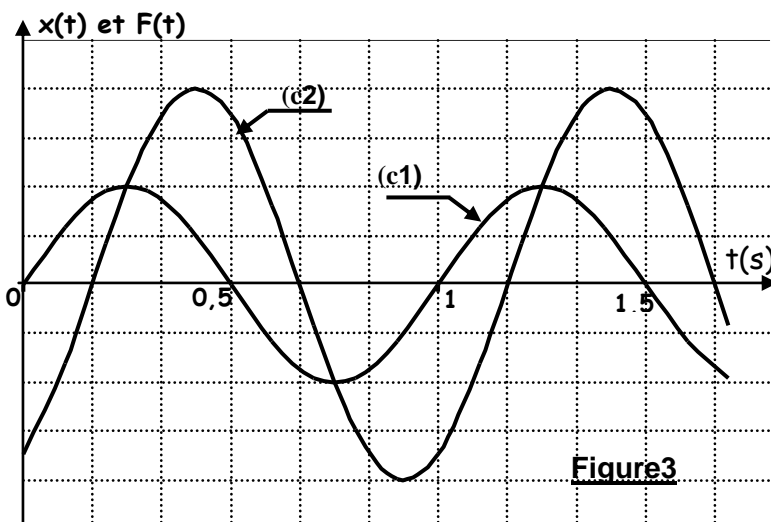
La figure 3 représente les variations des valeurs de  $x$  et de  $F$  au cours du temps.

1) Montrer, en le justifiant, que la courbe  $(c_2)$  correspond à  $x(t)$ .

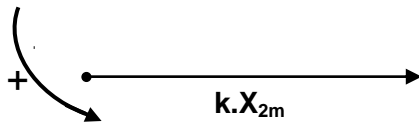
2) En exploitant la figure 3, préciser les expressions de  $x(t)$  et de  $F(t)$  en indiquant les valeurs de  $X_{2m}$ ,  $\phi_2$ ,  $\omega$  et  $F_m$ .

3) a- Compléter la construction de Fresnel de la figure 4.

b- A partir de cette construction retrouver la valeur de  $k$  et déduire celle de  $h$ .



Echelle	
Pour $x$ :	$0,02\text{m}$ $1/6 \text{ s}$
Pour $F$ :	$1\text{N}$ $1/6 \text{ s}$



Echelle : 1cm représente 0,5N

### Exercice n°2 :

Un pendule élastique horizontal est constitué d'un ressort **R** de raideur  $k = 12 \text{ N.m}^{-1}$  dont l'une de ses extrémités est fixée et d'un solide (**S**) de masse  $m$  attaché à l'autre extrémité. Lorsque (**S**) est au repos, son centre d'inertie  $G$  occupe la position  $O$  origine d'un axe  $x'ox$  orienté vers la droite. Au cours de son mouvement, le solide

(**S**) subit l'action d'une force de frottement  $\vec{f} = -h\vec{v}$  avec  $h$  une constante positive et  $\vec{v}$  le vecteur vitesse du solide. On écarte le solide de sa position d'équilibre d'une distance  $X_m = 3 \text{ cm}$  puis on l'abandonne sans vitesse initiale. L'enregistrement de l'élongation en fonction du temps a permis de tracer le graphe de la figure 3 a.

1°/ Quelle est la nature des oscillations enregistrées ?

2°/ Sachant que dans ces conditions la pseudo-période  $T$  peut être confondue avec la période propre  $T_0$  de l'oscillateur, déterminer la valeur de la masse  $m$  du solide (on prendra  $\pi^2 = 10$ ).

3°/ a) Etablir l'équation différentielle du mouvement du solide.

b) Montrer que l'énergie mécanique du système diminue au cours du temps. A quoi est due cette diminution ?

c) Calculer la variation de l'énergie mécanique du système entre l'instant  $t_1 = 0 \text{ s}$  et l'instant  $t_2 = 2 T$ .

4°/ On enregistre le mouvement du solide (**S**) pour trois valeurs différentes de  $h$  tel que

$h_1 < h_2 < h_3$ , on obtient les courbes de la figure 3 b.

a) Donner pour chaque enregistrement la valeur de  $h$  correspondante.

b) Nommer chaque type de régime d'oscillation observé.

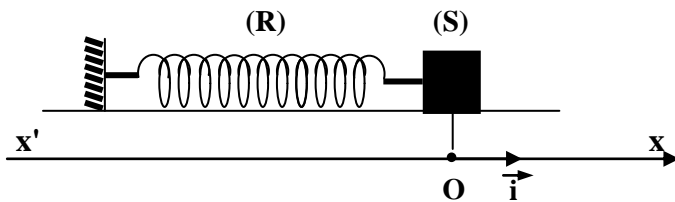
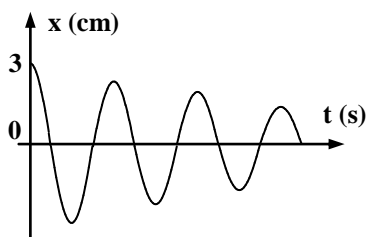
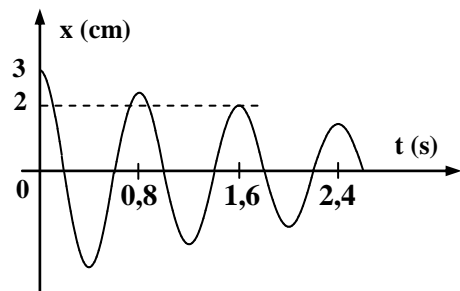
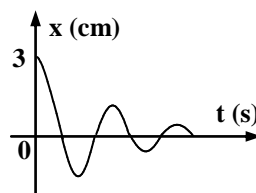


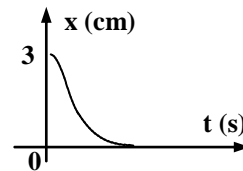
figure 3 a



Enregistrement n° 1



Enregistrement n° 2



Enregistrement n° 3

Figure 3 b

### Exercice n°3 :

Un oscillateur mécanique est constitué d'un ressort **(R)**, à spires non jointives, de masse supposée négligeable et de raideur  $k=25\text{N.m}^{-1}$ , lié à un solide **(S)** supposé ponctuel de masse  $m$  qui peut se déplacer sur un plan horizontal.

A l'équilibre, le centre d'inertie **G** du solide coïncide avec l'origine **O** d'un repère  $((\text{O}, \vec{i}))$ . La position du solide à un instant  $t$  donné est repérée par son abscisse  $x(t)$  dans ce repère (**figure1**). Au cours de son mouvement, le solide **(S)** est soumis

à une force de frottement visqueux  $\vec{f} = -h \cdot \vec{v}$  ; où  $h$  est une constante positive et  $\vec{v}$  est le vecteur vitesse instantanée de **G**. Un dispositif approprié (moteur) permet d'exercer sur **(S)** une force excitatrice

$\vec{F}(t) = F_m \cdot \sin(2\pi Nt) \cdot \vec{i}$ , d'amplitude  $F_m$  constante et de fréquence  $N$  réglable, de façon que  $x(t) = X_m \cdot \sin(2\pi Nt + \varphi_x)$  ; où  $X_m$  est l'amplitude et  $\varphi_x$  est la phase initiale de  $x(t)$ .

1) Une étude expérimentale a permis de tracer les courbes **(a)** et **(b)**, données par la **figure2**, dont l'une représente l'évolution de l'élongation  $x(t)$  et l'autre celle de  $F(t)$ .

a) Justifier que la courbe **(a)** correspond à  $x(t)$ .

b) Déterminer les valeurs de  $X_m$ ,  $F_m$  et  $N$ .

c) Déterminer le déphasage  $\Delta\varphi = \varphi_F - \varphi_x$  ; où  $\varphi_F$  est la phase initiale de  $\vec{F}(t)$ .

2) Etablir l'équation différentielle du mouvement du centre d'inertie **G** du solide **(S)**, en fonction de  $x$  et ses dérivés première et seconde.

3) a- Faire la construction de Fresnel associée à l'équation différentielle précédente.

b- En déduire les valeurs de la constante  $h$  et de la masse  $m$ .

c- Montrer que  $X_m = \frac{F_m}{\sqrt{(2\pi N h)^2 + (k - 4\pi^2 N^2 m)^2}}$

4) Pour une valeur  $N_1$  de la fréquence  $N$ , le déphasage est  $\Delta\varphi = \varphi_F - \varphi_x = \frac{\pi}{2} \text{rad}$ .

a- En se référant à une analogie formelle électrique-mécanique, montrer que l'oscillateur est en état de résonance de vitesse.

b- En déduire la valeur de  $N_1$ .

5) La masse  $m$  ne peut rester solidaire du ressort que pour une valeur de la tension du ressort ne dépassant pas  $1,5\text{N}$ .

On fait diminuer la valeur de  $h$  jusqu'à atteindre la valeur  $h_2 = 0,8\text{N.m}^{-1}\text{s}$ . La résonance d'élongation est obtenue pour une fréquence  $N_2 = 2,35\text{Hz}$ .

a- Déterminer la valeur de l'allongement maximale  $X_{2m}$  du ressort pour  $N = N_2$ .

b- Préciser, en le justifiant, si le solide reste attaché au ressort, dans ce cas.

