

**Exercice N°1**

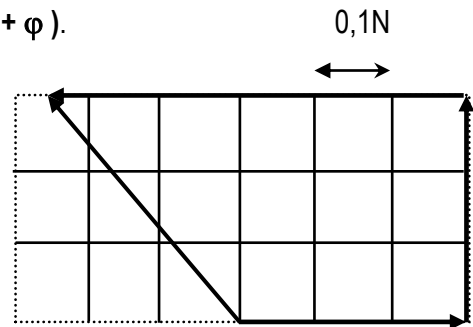
Un oscillateur mécanique est constitué d'un solide S de masse  $m = 0,2 \text{ Kg}$  suspendu à l'extrémité inférieure d'un ressort de raideur  $K = 20 \text{ N.m}^{-1}$ . Le ressort est disposé verticalement.

Le solide S est soumis à une force de frottement visqueux  $\vec{f} = -h \cdot \vec{v}$  et une force excitatrice verticale de valeur  $F = F_m \cdot \sin(\omega t)$ .

On admet que la loi horaire du mouvement du solide est  $x(t) = X_m \sin(\omega t + \varphi)$ .

1- On règle la pulsation à une valeur  $\omega_1$ .

- Etablir l'équation différentielle relative à l'abscisse  $x$ .
- La construction de Fresnel associée à l'équation différentielle est donnée par la figure ci-contre :



En exploitant la construction fournie.

- Déterminer les valeurs de  $X_m$ ,  $\omega_1$ ,  $h$  et  $\varphi$ .
- Déterminer l'expression de  $F_m$  en fonction de  $X_m$ ,  $h$ ,  $\omega_1$ ,  $k$  et  $m$ . La calculer.

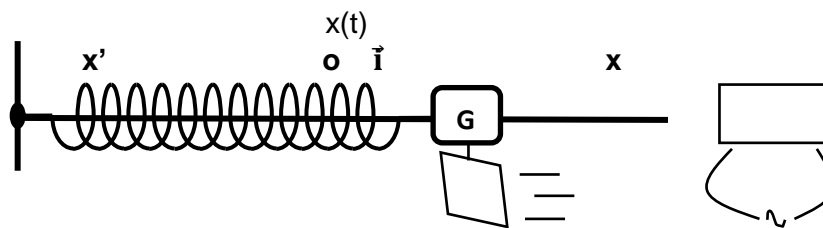
2- On règle la pulsation à une valeur  $\omega_2$  de façon que  $X_m$  prend sa valeur maximale.

- Qu'appelle-t-on ce phénomène ?
- Déterminer l'expression de la pulsation  $\omega_2$  correspondante et calculer sa valeur.
- Tracer l'allure des variations de  $X_m = f(\omega)$  ; on notera approximativement sur le tracé, la position de  $\omega_2$  par rapport à  $\omega_0$ . Justifier.

Quel est l'effet d'une augmentation des frottements sur l'allure de cette courbe ?

3- On règle la pulsation à une valeur  $\omega_3$  de sorte que l'amplitude de la vitesse prend sa valeur maximale.

- Etablir l'équation différentielle du mouvement relative à la vitesse.
- Faire la construction de Fresnel relative à  $\omega_3$  et déduire les valeurs de  $V_m$  et le déphasage de la vitesse par rapport à la force excitatrice.
- le ressort perd son élasticité une fois que la puissance moyenne absorbée par cet oscillateur dépasse une valeur limite  $P_L = 1 \text{ W}$ . Dire si dans ces conditions le ressort fonctionne normalement. Justifie.

**Exercice N°2**

Un pendule élastique est formé par un aimant (solide) (S) de masse  $m = 0,25 \text{ Kg}$ , et un ressort à spires non jointives, de masse négligeable et de raideur  $K$ . Ce pendule peut coulisser le long d'une tige horizontale.

Une large plaque, de masse négligeable, attachée au solide permet à l'air d'exercer sur (S) une force de frottement visqueux  $\vec{f} = -h \cdot \vec{v}(t)$  ( $h$  étant le coefficient de frottement).

A l'instant  $t$  quelconque, on désignera par  $x$  et  $v$  respectivement l'abscisse et la vitesse du centre d'inertie du solide dans le repère  $(O, \vec{i})$  d'origine  $O$ , la position d'équilibre du solide et d'axe porté par la tige et orienté de gauche à droite.

Une bobine à noyau en fer doux, parcourue par un courant alternatif sinusoïdal de fréquence  $N$ , exerce sur le solide, une force excitatrice:  $\vec{F} = F_m \sin(\omega t + \varphi_F) \vec{i}$  avec :  $(\omega = 2 \pi N)$

1°- a- Montrer que l'équation différentielle du mouvement du solide peut s'écrire sous la forme :

$$m \frac{d^2x}{dt^2} + h \frac{dx}{dt} + Kx = F$$

b- Déduire la nature du mouvement du centre d'inertie G.

2°- Pour une pulsation  $\omega = \omega_1$  :

- la construction de Fresnel correspondante est donnée sur la **figure - 1**
- Les représentations, sur le même système d'axes, de la force excitatrice  $F(t)$  et de la tension du ressort  $T(t)$  sont données sur la **figure - 2**.

a- Déterminer pour chaque force :

- L'amplitude.
- La phase initiale.

b- En déduire les expressions instantanées des forces  $F(t)$  et  $T(t)$ .

3°- En s'appuyant sur la construction de Fresnel précédente et sur les courbes, déterminer :

a- La valeur de la raideur  $K$  du ressort puis de la pulsation propre  $\omega_0$  du pendule.

b- La valeur du coefficient de frottement  $h$ .

c- La valeur de l'amplitude  $X_m$  et celle de la phase initiale  $\varphi_x$  de l'élongation  $x(t)$ .

5°- Dire, si pour la pulsation  $\omega_1$ , le pendule est en résonance d'amplitude ou non ? Justifier la réponse.

6°- Comment doit – on varier la pulsation excitatrice  $\omega$  pour atteindre cette résonance ?

7°- Pour quelle valeur  $\omega_r$  a – t – on résonance d'amplitude ? En déduire la valeur de l'amplitude  $X_m$  dans ce cas.

