

### Rappels et compléments

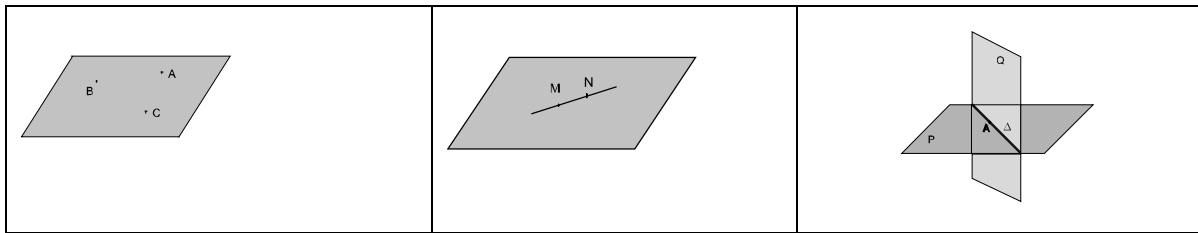
#### AXIOMES ADMIS :

AXIOME 1 : ( FONDAMENTAL ) : Tous les résultats de la géométrie plane, sont applicables dans chaque plan de l'espace .

AXIOME 2 : Trois points non alignés déterminent un plan unique.

AXIOME 3 : Si deux points distincts appartiennent à un même plan alors la droite passant par ces deux points est contenue dans ce plan .

AXIOME 4 : Si deux plans distincts ont un point en commun alors ils sont sécants suivant une droite passant par ce point .



#### Détermination d'un plan de l'espace :

Un plan P de l'espace est déterminé par :

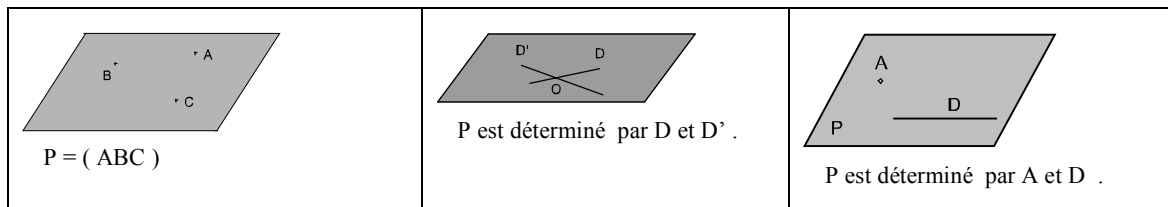
- trois points **non alignés** A, B et C ( on le désigne par  $P = ( ABC )$  .)

**ou**

- deux droites **sécantes** D et D' .

**ou**

- un point A et une droite D **ne passant pas** par A .



#### Points coplanaires – Droites coplanaires :

- Des points de l'espace sont dits coplanaires lorsqu'ils appartiennent à un même plan .

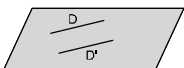
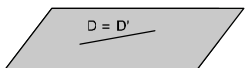
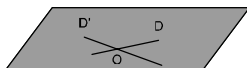
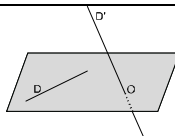
- Soient A, B et C trois points non alignés et D un point de l'espace . Lorsque D n'appartient pas au plan ( ABC ) on dit que les quatre points A, B, C et D ne sont pas coplanaires .

- Lorsque deux droites sont contenues dans un même plan, on dit qu'elles sont coplanaires .

- Si deux droites sont telles qu'il n'existe aucun plan les contenant toutes les deux, on dit qu'elles ne sont pas coplanaires .

Activité 6 page 120.

Positions relatives de deux droites D et D' de l'espace :

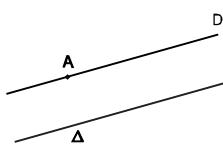
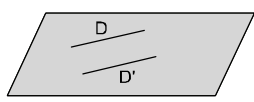
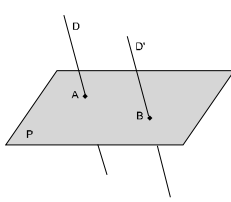
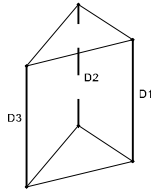
 <p><math>D \cap D' = \emptyset</math>.</p>	 <p>D et D' sont confondues <math>D \cap D' = D = D'</math></p>	 <p>D et D' sont sécantes en O. <math>D \cap D' = \{O\}</math>.</p>	 <p><math>D \cap D' = \emptyset</math> D' coupe le plan, déterminé par la droite D et le point O, en O.</p>
D et D' sont .....			D et D' .....

Droites parallèles :

Deux droites D et D' de l'espace sont parallèles lorsqu'elles sont incluses dans un même plan et parallèles dans ce plan. On écrit alors  $D // D'$



Propriétés :

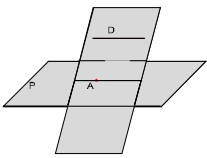
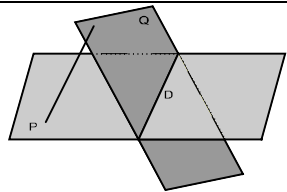
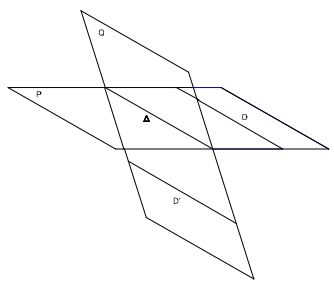
<p><b>P1 :</b> Par un point A extérieur à une droite <math>\Delta</math>, on peut tracer ..... parallèle à <math>\Delta</math>.</p>	
<p><b>P2 :</b> Deux droites strictement parallèles D et D' de l'espace déterminent.....</p>	
<p><b>P3 :</b> Si deux droites sont parallèles tout plan P qui coupe l'une ..... Si (<math>D // D'</math>, P et D sont sécants) alors (P et D'.....).</p>	
<p><b>P4 :</b> Dans l'espace, si deux droites <math>D_1</math> et <math>D_2</math> sont strictement parallèles alors toute droite <math>D_3</math> parallèle à l'une est .....</p>	

Activités 10 et 11 page 122 ; 4 page 128.

Droite et Plan parallèles


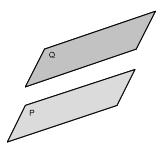
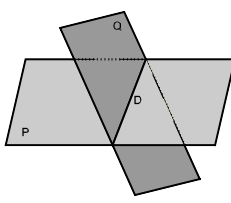
- Une droite D est parallèle à un plan P lorsqu'elle est parallèle à une droite de ce plan On note  $D // P$ .
- Une droite D est parallèle à un plan P, si D est contenue dans P, ( $D \subset P$ ) ou si l'intersection de D avec P est vide, ( $D \cap P = \emptyset$  : D est strictement parallèle à P).

Propriétés :

<p><b>P1 :</b> Si une droite D est parallèle à un plan P alors toute droite D' parallèle à D et passant par un point A de P est .....dans ce plan P .</p> <p><b>P2 :</b> Si une droite D est parallèle à un plan P alors tout plan contenant D et sécant à P le coupe suivant une droite .....</p>	
<p><b>P3 :</b> Si une droite est parallèle à la fois à deux plans sécants alors elle est parallèle à.....</p>	
<p><b>P4 : Théorème ( du Toit ) :</b> Soient P et Q deux plans de l'espace sécants suivant une droite <math>\Delta</math> . Si D et D' sont deux droites parallèles telles que <math>D \subset P</math> et <math>D' \subset Q</math> alors la droite <math>\Delta</math> est ..... à D et à D'.</p>	

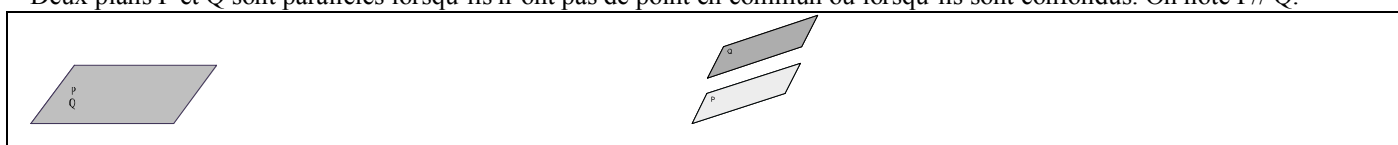
Activité 10 page 130.

Positions relatives de deux plans P et Q de l'espace

 <p>les plans P et Q sont confondus (<math>P = Q</math>)</p>	 <p>les plans P et Q sont disjoints : <math>P \cap Q = \emptyset</math></p>	 <p>les plans P et Q sont sécants suivant une droite D ; <math>P \cap Q = D</math></p>
<p>P et Q non sécants</p>		<p>P et Q sécants</p>

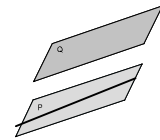
Plans parallèles :

Deux plans P et Q sont parallèles lorsqu'ils n'ont pas de point en commun ou lorsqu'ils sont confondus. On note  $P // Q$ .

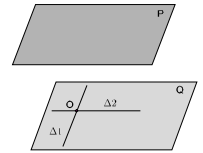


Propriétés :

**P1 :** Si deux plans sont parallèles alors toute droite de l'un est parallèle à l'autre .



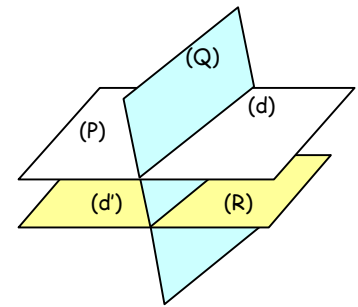
**P2 :** Si un plan P est parallèle à deux droites sécantes  $\Delta_1$  et  $\Delta_2$  d'un plan Q alors le plan P est parallèle au plan Q .



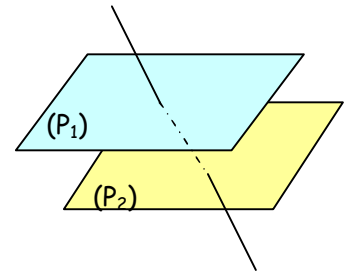
**Point méthode :** Pour montrer que deux plans sont parallèles il suffit de montrer que l'un deux contient deux droites sécantes parallèles à l'autre .

**P3 :** Par un point O donné passe un seul plan Q parallèle à un plan donné P .

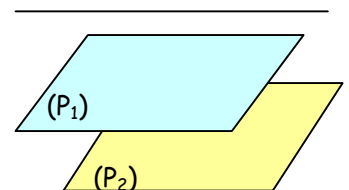
**P4 :** Si deux plans sont parallèles alors tout plan qui coupe l'un coupe l'autre et les droites d'intersection sont parallèles .



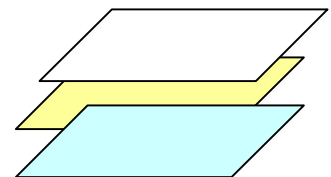
**P5 :** Si deux plans sont parallèles alors toute droite qui perce l'un perce l'autre .



**P6 :** Si deux plans sont parallèles alors toute droite parallèle à l'un est parallèle à l'autre.



**P7 :** Si deux plans sont parallèles alors tout plan parallèle à l'un est parallèle à l'autre.



Activités 16 et 18 pages 132 et 133.