

Exercice n°1 : (5 Pts)

Le tableau ci-dessous est celui de $P(x) = ax^2 + bx + c$ où a, b et c sont trois réels tels que : $a \neq 0$.

| | | | | |
|--------|-----------|------|-----|-----------|
| x | $-\infty$ | -3 | 4 | $+\infty$ |
| $P(x)$ | - | 0 | + | 0 |

1) a) Déterminer le signe de a et de Δ le discriminant de $ax^2 + bx + c = 0$.

b) Déterminer le signe de $P(\pi)$, $P(3\sqrt{2})$.

c) Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $P(x) \leq 0$.

2) Montrer que : $b = -a$ et $c = -12a$.

3) En déduire les réels a, b et c sachant que : $P(1) = 24$.

Exercice n°2 : (7 Pts)

1) a) Résoudre dans \mathbb{R} les équations : $x^2 + 4x - 5 = 0$ et $x^2 + 7x + 12 = 0$

b) Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $\frac{x^2+7x+12}{x^2+4x-5} \leq 0$.

2) Soit l'équation : (E) : $-\sqrt{2}x^2 + 2\sqrt{2}x + \sqrt{6} = 0$

a) **Sans calculer le discriminant Δ** dire pour quoi l'équation (E) admet deux racines de signes opposés.

b) **Sans calculer x' et x''** , Calculer : $S = x' + x''$; $P = x' \cdot x''$; $A = (2x' + 1)(2x'' + 1)$ et

$$B = \frac{1}{x'^2} + \frac{1}{x''^2}$$

Exercice n°3 : (8 Pts)

Soit ABCD un parallélogramme de centre I et soit G le barycentre des points pondérés (A, -3) et (B, 1) et F le barycentre des points pondérés (C, -3) et (B, 1)

1) Construire G et F.

2) Montrer que I est le barycentre des points pondérés (A, 1) et (C, 1).

3) Soit K le point définie $-3\vec{KA} + 2\vec{KB} - 3\vec{KC} = \vec{0}$

Montrer que K est le barycentre des points pondérés (I, -3) et (B, 1)

4) Déterminer l'ensemble des points M tel que : $3\| -6\vec{MA} + 2\vec{MB} \| = 2\| 3\vec{MB} - 9\vec{MC} \|$

Bon travail