

Résumé sur les ondes progressives

I- Définitions

- L'onde est le phénomène qui résulte de la propagation d'une succession d'ébranlements.
- Une onde progressive est une onde qui se propage dans un milieu illimité ou ouvert.
- Une onde mécanique est une onde qui ne peut se propager que dans un milieu matériel.
- Une onde transversale est dont la direction de propagation est orthogonal à celle de la perturbation.
- Une onde longitudinale est dont la direction de propagation est identique à celle de la perturbation.
- La longueur d'onde est la distance parcourue par l'onde pendant une période temporelle T . $\lambda = T.V = V/N$.

II- Equation horaire d'un point M du milieu d'abscisse x :

D'après le principe de propagation :

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 \leq t \leq \theta \quad y_M = 0 \\ t \geq \theta \quad y_M = y_S(t - \theta) \text{ avec } \theta = \frac{x}{V} \end{array} \right.$$

$$y_M(t) = a \sin(\omega(t - \theta) + \phi_s)$$

$$= a \sin(\omega t - \omega\theta + \phi_s)$$

$$= a \sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{T.V} + \phi_s\right)$$

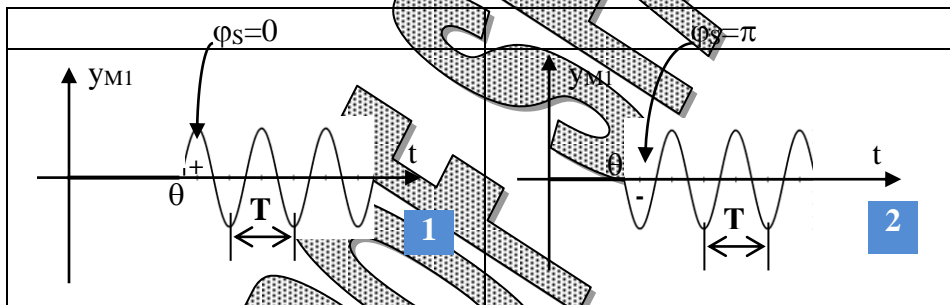
$$y_M(t) = a \sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda} + \phi_s\right)$$

III- Diagramme de mouvement d'un point M₁ d'abscisse donnée x₁

(sinusoïde de temps) :

On calcule tout d'abord $\theta = \frac{x_1}{V}$ puis on l'exprime en fonction de T

(exemple $\frac{\theta}{T} = 1,5$).



A partir de cette courbe, on peut déterminer :

- L'amplitude a
- La période temporelle T et la fréquence $N = \frac{1}{T}$.
- Le retard temporel θ or $\theta = \frac{x_1}{V}$ on peut calculer la célérité $V = \frac{x_1}{\theta}$.
- La longueur d'onde $\lambda = T.V = \frac{V}{N}$.
- La phase initiale de l'élongation du point M :
 - Pour la courbe 1: on peut dire qu'à $t = \theta + \frac{T}{4}$; $y_M(\theta + \frac{T}{4}) = a$.

$a \sin(\omega(\theta + \frac{T}{4}) + \varphi_M) = a$ puis on remplace θ en fonction de T
pour avoir φ_M .

- **Pour la courbe 2:** on peut dire qu'à $t = \theta + \frac{T}{4}$; $y_M(\theta + \frac{T}{4}) = -a$.

$a \sin(\omega(\theta + \frac{T}{4}) + \varphi_M) = -a$ puis on remplace θ en fonction de T
pour avoir φ_M .

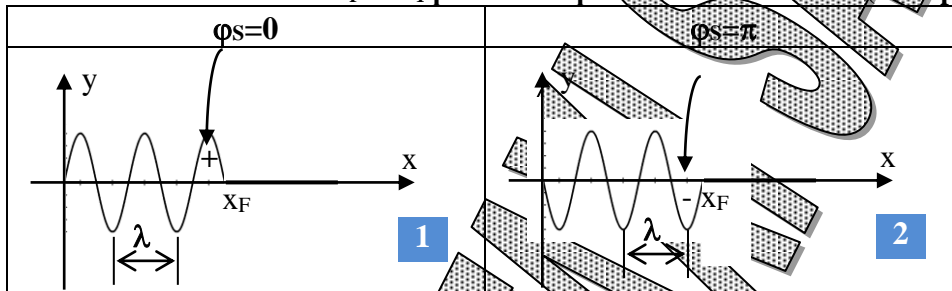
Attention :

En observant l'une des courbes on peut savoir directement la valeur de φ_s :

- Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant θ , en se dirigeant dans le sens positif $\varphi_s = 0$ rad.
- Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant θ , en se dirigeant dans le sens négatif $\varphi_s = \pi$ rad.

IV- Aspect de la corde à un instant donné t_1 (sinusoïde des espaces):

On calcule tout d'abord $x_F = V \cdot t_1$ puis on l'exprime en fonction de λ (exemple $x_F = 2,5\lambda$).



A partir de cette courbe, on peut déterminer :

- L'amplitude a
- La période spatiale λ .
- La distance x_F parcourue par l'onde à t_1 et on en déduit la célérité $V = \frac{x_F}{t_1}$.
- La période temporelle $T = \frac{\lambda}{V}$ ou $N = \frac{1}{\lambda}$.
- La phase initiale de l'élongation du point M :

- **Pour la courbe 1:** on peut dire qu'à $x = \frac{\lambda}{4}$; $y_M(\frac{\lambda}{4}) = a$.

$a \sin(\omega t_1 - \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{4} + \varphi_s) = a$ on aura directement φ_s .

- **Pour la courbe 2:** on peut dire qu'à $x = \frac{\lambda}{4}$; $y_M(\frac{\lambda}{4}) = -a$.

$a \sin(\omega t_1 - \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{4} + \varphi_s) = -a$ on aura directement φ_s .

Attention :

En observant l'une des courbes on peut savoir directement la valeur de φ_s :

- Lorsque la sinusoïde se termine par une alternance positive, $\varphi_s = 0$ rad.
- Lorsque la sinusoïde se termine par une alternance négative, $\varphi_s = \pi$ rad.