

Lycée de Cebbala – Sidi Bouzid

Prof : Barhoumi Ezzedine

Classe : 4^{ème} Sc. Inf.

◆ **DEVOIR DE CONTROLE N°2** ◆ **Durée** : 2H ◆

Matière : Sciences Physiques

A.S. : 2014/2015

Chimie : (5 points)

On réalise une pile constituée de deux demi-piles (**A**) et (**B**) reliées par un pont salin.

La demi-pile (**A**) est constituée d'une lame de cuivre plongée dans une solution de sulfate de cuivre II.

La demi-pile (**B**) est constituée d'une lame de zinc plongée dans une solution de sulfate de zinc II.

Les volumes de solutions des deux compartiments valent **V=100mL**.

Le symbole de la pile est : **Cu|Cu²⁺(0,1mol.L⁻¹)||Zn²⁺(0,1mol.L⁻¹)|Zn**.

1/ Représenter, avec toutes indications nécessaires, cette pile par un schéma.

2/ Lorsque la pile ne débite aucun courant, un voltmètre branché à ces bornes indique une différence de potentielle (**d.d.p**) : **V_{Zn}-V_{Cu} = -1,10V**.

a- Que représente cette **d.d.p** ?

b- Préciser, en le justifiant, la polarité des bornes de la pile.

3/ La pile débite maintenant un courant dans un circuit extérieur.

a- Ecrire les équations des transformations qui se produisent au niveau des électrodes de la pile en précisant s'il s'agit d'une oxydation ou d'une réduction ?

b- En déduire l'équation de la réaction qui se produit spontanément dans cette pile.

4/ Après une certaine durée de fonctionnement de la pile en circuit fermé, la masse du métal déposé sur l'une des deux lame est **m = 571,5 mg**.

a- Préciser, en le justifiant, le métal déposé (cuivre ou zinc).

b- Calculer la concentration en ions **Cu²⁺** dans la solution de sulfate de cuivre II après cette durée.

On donne la masse molaire atomique du cuivre **M(Cu) = 63,5 g.mol⁻¹**.

Physique : (15 points)

Exercice n°1 : (7 points)

A l'entrée du filtre schématisé sur la figure 1, on applique une tension sinusoïdale $u_E(t) = U_{Em} \sin(2\pi Nt)$ de valeur maximale U_{Em} constante, et de fréquence N réglable.

La tension de sortie du filtre est $u_S(t) = U_{Sm} \sin(2\pi Nt + \varphi)$.

La capacité du condensateur vaut $C = 2,1 \mu\text{F}$.

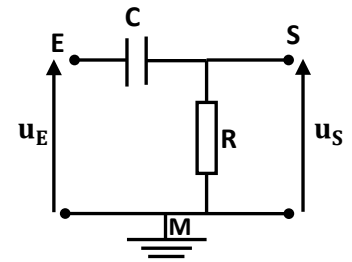


Figure 1

1/ a- Etablir l'équation différentielle à laquelle obéit la tension de sortie $u_S(t)$.

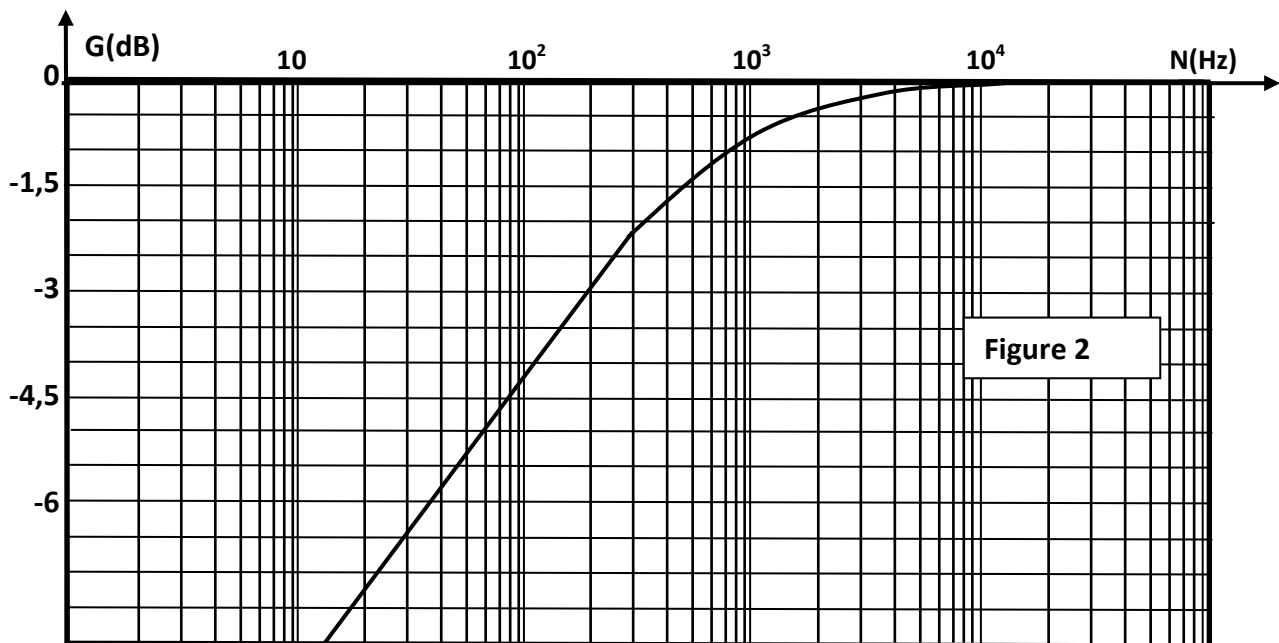
b- En utilisant la construction de Fresnel, déterminer l'expression de la transmittance T du filtre en fonction de N , R et C .

c- En déduire que le gain du filtre est donné par la relation : $G = -10 \log\left(1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2}\right)$.

d- Vérifier que G_0 la valeur maximale du gain est nulle.

2/ Montrer que la fréquence de coupure du filtre est : $N_c = \frac{1}{2\pi RC}$.

3/ On suit l'évolution du gain G du filtre en fonction de la fréquence N , puis on trace la courbe de $G=f(N)$ de la figure 2 ci-dessous :



a- Déterminer graphiquement la valeur de la fréquence de coupure N_c de ce filtre.

b- En déduire la bande passante du filtre. Ce filtre est-il passe-haut ou passe-bas ?

c- Calculer la valeur de la résistance R .

4/ On applique à l'entrée du filtre un signal (S_1) de fréquence $N_1 = 100 \text{ Hz}$

a- Montrer que ce signal n'est pas transmis.

b- On permute le condensateur et le résistor. La tension de sortie sera prise aux bornes du condensateur. Montrer alors que le signal (S_1) sera transmis.

c- Représenter, sur la figure 2 en annexe, l'allure de la courbe de $G=f(N)$ suite cette modification

Exercice n°2 : (8 points)

Le filtre électrique schématisé sur la figure 3 est constitué d'un amplificateur opérationnel supposé idéal, de deux conducteurs ohmiques de résistance respective R_1 et R_2 et d'un condensateur de capacité C .

Avec un générateur basse fréquence, on applique à l'entrée du filtre une tension sinusoïdale $u_E(t) = U_{Em} \sin(2\pi Nt)$, d'amplitude U_{Em} constante et de fréquence N réglable.

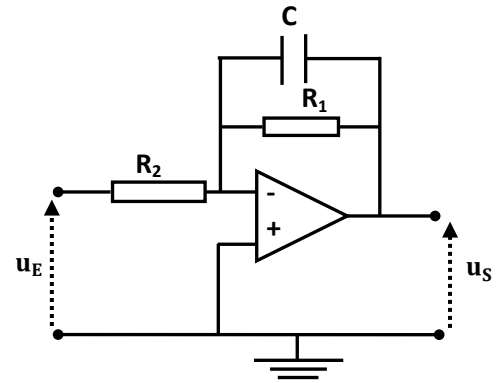


Figure 3

1/ Dire, en le justifiant, si le filtre étudié est actif ou passif.

2/ La tension de sortie est $u_S(t) = U_{Sm} \sin(2\pi Nt + \phi)$ d'amplitude U_{Sm} donnée par l'expression :

$$U_{Sm} = \frac{R_1 U_{Em}}{R_2 \sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}}$$

a- Etablir l'expression de la transmittance T de ce filtre et montrer que $T = \frac{T_0}{\sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}}$ où T_0 est la transmittance maximale de ce filtre.

b- Préciser le comportement de ce filtre pour les basses et les hautes fréquences et en déduire la nature du filtre (passe bas, passe haut ou passe bande).

c- Rappeler la condition sur T , pour qu'un filtre électrique soit passant. En déduire l'expression de la fréquence de coupure N_c du filtre étudié.

3/ L'étude expérimentale de ce filtre a permis de tracer la courbe de la figure 4 donnant l'évolution de la transmittance T en fonction de la fréquence N du signal d'entrée.

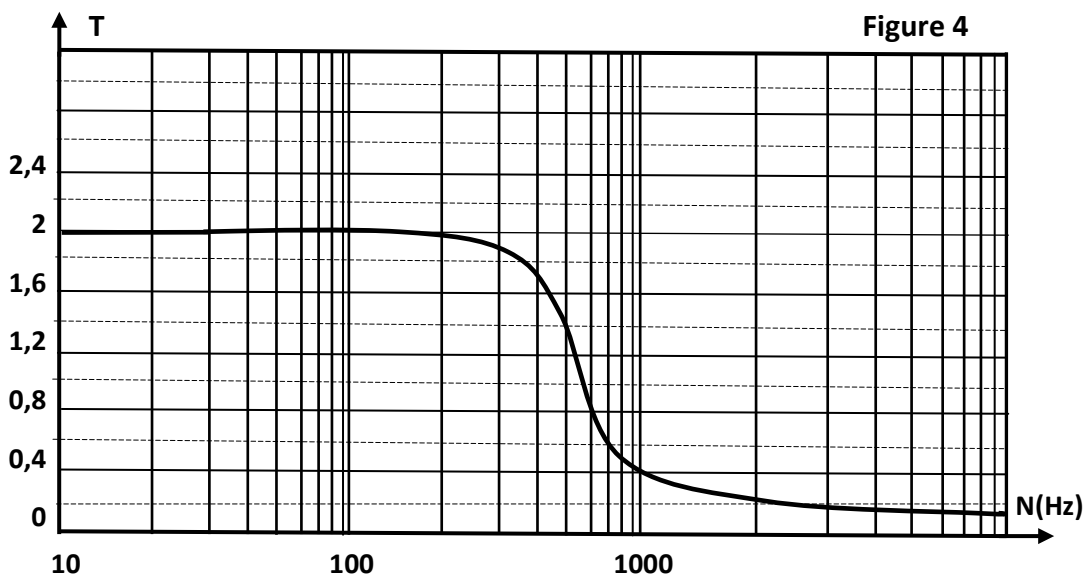


Figure 4

a- Déterminer graphiquement la valeur T_0 , N_c (On prendra $\sqrt{2}=1,4$).

b- Sachant que $R_1=320\Omega$, déterminer les valeurs de R_2 et C .

4/ On désire augmenter la fréquence de coupure du filtre (N'_c devient égale à 1000Hz) sans modifier la valeur de la transmittance maximale T_0 .

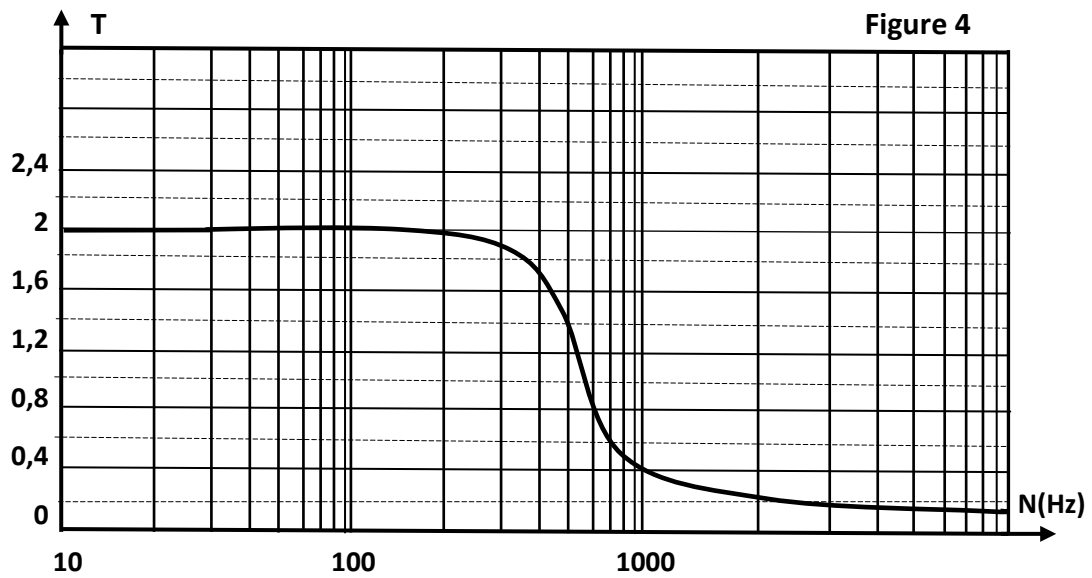
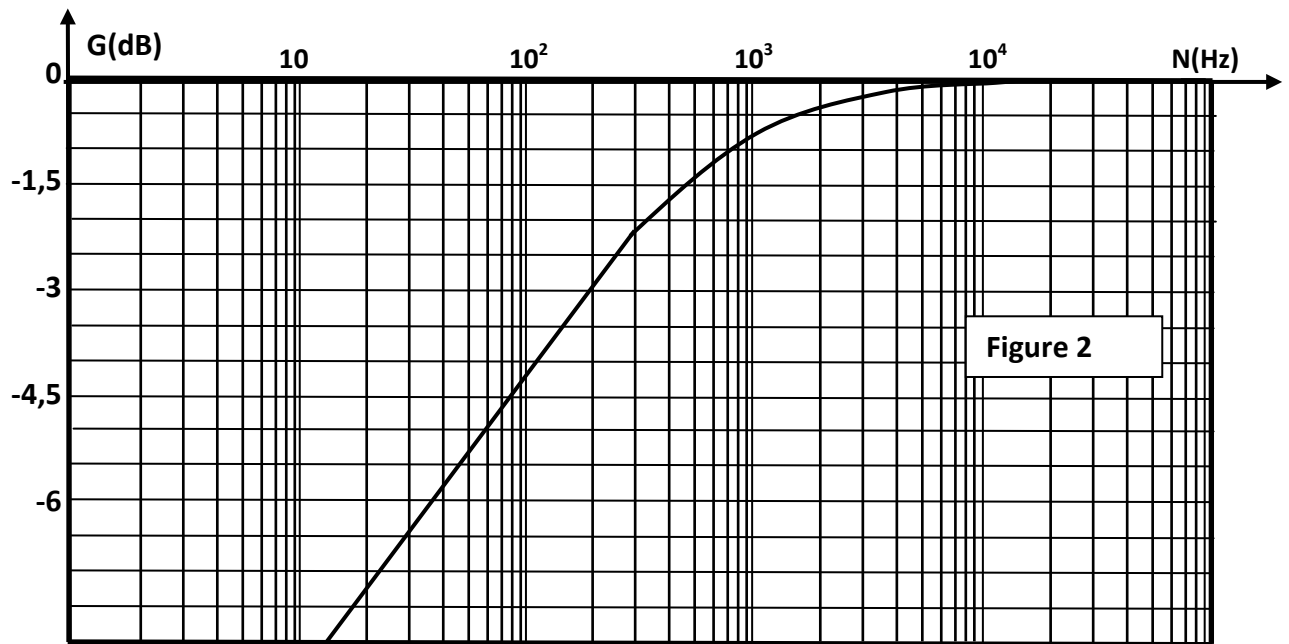
a- Laquelle des paramètres R_1 , R_2 ou C faut-il modifier pour cette fin ?

Préciser si cette modification est une augmentation ou une diminution.

b- Représenter l'allure de la courbe $T = f(N)$ après modification.

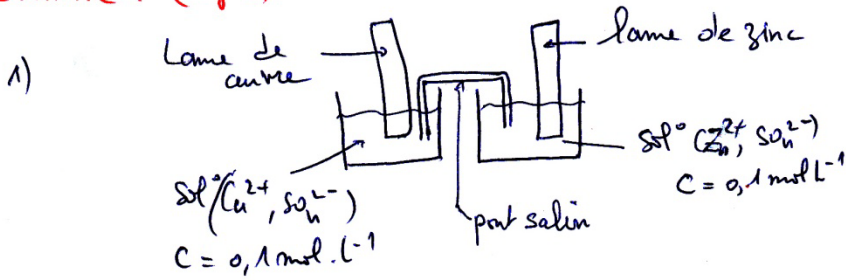
Nom de l'élève :

Annexe



Correction du D.C n° 2

Chimie : (5pts)



1

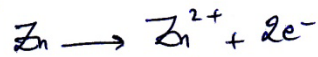
2) a) cette d.d.p. représente la force électromotrice (f.e.m.) de la pile

0,5

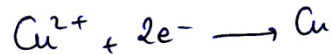
b) $V_{Zn} - V_{Cu} \leq 0 \Rightarrow V_{Zn} < V_{Cu} \Rightarrow$
 { lame de cuivre : \oplus
 { lame de zinc : \ominus

0,5

3) a) La lame de zinc subit une oxydation



la lame de cuivre subit une réduction



1

b) L'équation bilan de la réaction s'écrit :



0,5

4) a) D'après l'équation stœchiométrique (3°) b) c'est le cuivre qui se dépose.

0,5

b)

$$n_{Cu \text{ déposé}} = \frac{m}{M_{Cu}} = \frac{571,5 \cdot 10^{-3}}{63,5} = 9 \cdot 10^{-3} \text{ mol.}$$

$$n_i(Cu^{2+}) = C \times V = 0,1 \times 0,1 = 0,01 \text{ mol.}$$

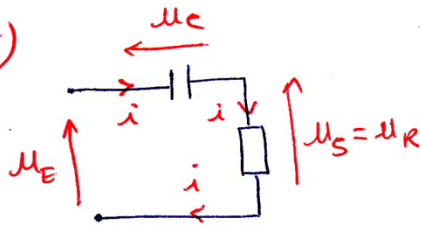
$$n_{Cu^{2+}} = n_i(Cu^{2+}) - n_{Cu \text{ déposé}} = 0,01 - 9 \cdot 10^{-3} = 10^{-3} \text{ mol}$$

$$[Cu^{2+}] = \frac{10^{-3}}{0,1} = 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

1

Ex. n°1 (8pts)

1) a)



La loi des mailles s'écrit

$$u_E - u_C - u_S = 0 \quad (1)$$

or $u_S = u_R = Ri$ et $u_C = \frac{q}{c} = \frac{1}{c} \int i dt = \frac{1}{c} \int \frac{u_R dt}{R}$

1

$$\Rightarrow u_C = \frac{1}{RC} \int u_S dt$$

L'eq. (1) devient $u_E - \frac{1}{RC} \int u_S dt - u_S = 0 \Leftrightarrow \boxed{u_S + \frac{1}{RC} \int u_S dt = u_E}$

b) $u_S(t) = u_{Sm} \sin(2\pi Nt + \varphi) \rightarrow \vec{OA} [u_{Sm}, \varphi]$

$\frac{1}{RC} \int u_S(t) = \frac{1}{RC \times 2\pi N} u_{Sm} \sin(2\pi Nt + \varphi - \frac{\pi}{2}) \rightarrow \vec{AB} [\frac{u_{Sm}}{2\pi NRC}, \varphi - \frac{\pi}{2}]$

1

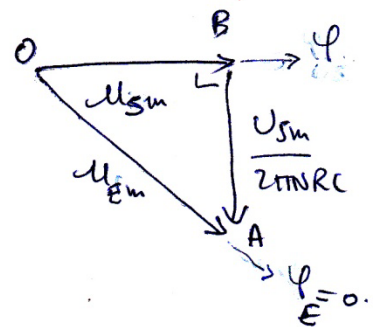
$u_E(t) = u_{Em} \sin(2\pi Nt) \rightarrow \vec{OB} [u_{Em}, 0]$

le triangle OAB est rectangle en B

$$u_{Sm}^2 + \frac{u_{Sm}^2}{(2\pi NRC)^2} = u_{Em}^2$$

$$u_{Sm}^2 \left(1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \right) = u_{Em}^2$$

$$T = \frac{u_{Sm}}{u_{Em}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2}}}$$



0,5

c) $G = 20 \log T = 20 \log \sqrt{1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2}} = -10 \log \left(1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \right)$

0,5

d) si $N \rightarrow 0 \rightarrow G \rightarrow -\infty$
 si $N \rightarrow +\infty \rightarrow G \rightarrow 0$

Donc la valeur maximale de G est $G_0 = 0$ dB.

2) $G \geq G_0 - 3 \text{ dB}$ pour que le filtre soit passant

$$-10 \log \left(1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \right) \geq -3 \quad (\Rightarrow \log \left(1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \right) \leq 0,3$$

1 $\Rightarrow 1 + \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \leq 10^{0,3} \quad (\Rightarrow \frac{1}{(2\pi NRC)^2} \leq 1$

$\Rightarrow 1 \leq (2\pi NRC)^2 \quad (\Rightarrow N \geq \frac{1}{2\pi RC} \Rightarrow N_c = \frac{1}{2\pi RC}$

3) a) Pour $G = G_0 - 3 \text{ dB} = -3 \text{ dB} \rightarrow N = N_c = 200 \text{ Hz}$.

0,5 b) La bande passante $[200 \text{ Hz}, +\infty[\rightarrow$ ce filtre transmet les signaux de haute fréquence; c'est un filtre passe haut.

0,5 c) $N_c = \frac{1}{2\pi RC} \quad (\Rightarrow R = \frac{1}{2\pi N_c C} = \frac{1}{2 \times 3,14 \times 200 \times 2,1 \cdot 10^{-6}}$

0,5 $R = 379 \Omega$

4) a) $N_1 \notin [200 \text{ Hz}, +\infty[\rightarrow$ le signal (S_1) n'est pas transmis.

1 b) On permute le condensateur et le résistor, la tension de sortie sera aux bornes du condensateur et le filtre devient un filtre passe bas dont la bande passante est $[0, \infty[\text{ Hz}]$.

1 c) voir annexe.

Exercice n°2 (7 pts)

1) Le filtre renferme un dipôle actif (A.O)

0,5

⇒ c'est un filtre actif.

2) a) on a
$$U_{sm} = \frac{R_1 U_{em}}{R_2 \sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}}$$

1

La transmittance
$$T = \frac{U_{sm}}{U_{em}} = \frac{R_1}{R_2 \sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}}$$

⇒
$$T = \frac{R_1/R_2}{\sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}} = \frac{T_0}{\sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}} \quad \text{avec } T_0 = \frac{R_1}{R_2}$$

b) si $N \rightarrow 0$ alors $T \rightarrow T_0$

si $N \rightarrow +\infty$ alors $T \rightarrow 0$

0,5

le filtre transmet les signaux de faibles fréquences
c'est un filtre passe bas.

c) Pour que le filtre soit passant, il faut que

1

$$T \geq \frac{T_0}{\sqrt{2}} \Leftrightarrow \frac{T_0}{\sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2}} \geq \frac{T_0}{\sqrt{2}}$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{1 + (2\pi N R_1 C)^2} \leq \sqrt{2} \Leftrightarrow (2\pi N R_1 C)^2 \leq 2 - 1$$

$$\Leftrightarrow 2\pi N R_1 C \leq 1 \Leftrightarrow N \leq \frac{1}{2\pi R_1 C} \Rightarrow \boxed{N_c = \frac{1}{2\pi R_1 C}}$$

3) a) D'après la courbe $T = f(N)$

1

$T_0 = 2$ et lorsque $T = \frac{T_0}{\sqrt{2}} = 1,4 \Rightarrow N_c = 500 \text{ Hz}$.

b) on a $T_0 = \frac{R_1}{R_2} \Leftrightarrow R_2 = \frac{R_1}{T_0} = \frac{320}{2} = 160 \text{ Hz}$.

1

$$N_c = \frac{1}{2\pi R_1 C} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi R_1 N_c} = \frac{1}{2 \times 3,14 \times 320 \times 500} = 9,9 \cdot 10^{-7} \text{ F}$$

4) a) Si on modifie R_1 ou R_2 , la transmittance max. T_0 sera

1

modifiée → Donc il faut diminuer la valeur de R_1 .

Nom de l'élève :

Annexe

correctum

