

**EXERCICE N°1(3pts)**

Pour chacune des trois questions , une seule proposition est exacte indiquer la .(Aucune justification n'est demandée)

1) Soit  $f$  la fonction définie sur  $]0, +\infty[$  par  $f(x) = 1 + \sqrt[3]{x}$  alors pour tout  $x \in ]0, +\infty[$  on a :

a)  $f'(x) = \frac{1}{2\sqrt[3]{x^2}}$       b)  $f'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$       c)  $f'(x) = 3\sqrt[2]{x}$

2) Soit A et B deux points distincts de l'espace .L'ensemble des points M de l'espace tel que  $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}) \cdot (\overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB}) = 0$  est :

a) Un plan      b) la droite ( AB )      c) Une droite perpendiculaire à ( AB ).

3) Soit ABC un triangle équilatéral de coté 1 . Soit  $\vec{U} = -\overrightarrow{AC}$  et  $\vec{V} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC}$

a)  $\vec{U}$  et  $\vec{V}$  sont orthogonaux.      b)  $||\vec{U} \wedge \vec{V} || = \frac{\sqrt{3}}{2}$       c)  $\vec{U} \wedge \vec{V} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$

**EXERCICE N°2(6pts)**

L'espace est muni d'un repère orthonormé direct  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

Soit les points A(- 1 ; 0 ; 2) , B(3 ; 2 ; - 4) , C(1 ; - 4 ; 2) et D(5 ; - 2 ; 4). Soit les points I , J et K définies par I et K sont les milieux respectives des segments [ AB ] et [ CD ] et  $\overrightarrow{BJ} = \frac{1}{4}\overrightarrow{BC}$ .

1) Déterminer les coordonnées des points I ,J et K .

2) a) Montrer que les points I,J et K ne sont pas alignés.

a) Justifier qu'une équation cartésienne du plan ( IJK ) est :  $8x + 9y + 5z - 12 = 0$ .

3) a) Montrer que la droite ( AD ) et le plan ( IJK ) sont sécants en un point L dont on déterminera les coordonnées.

b) Montrer que  $\overrightarrow{AL} = \frac{1}{4}\overrightarrow{AD}$ .

4) a) Montrer que les points A,I,J et K ne sont pas coplanaires.

b) Calculer le volume du tétraèdre AIJK.

c) En déduire la distance du point A au plan ( IJK ).

**EXERCICE N°3(4pts)**

Dans l'annexe ci-joint ( C ) est la courbe représentative d'une fonction  $f$  définie et dérivable sur  $]0, +\infty[$  et  $f'$  est continue sur  $]0, +\infty[$  . La droite ( AB ) est une asymptote à ( C ) au voisinage de  $(+\infty)$  , T est la tangente à ( C ) au point B(1,1), l'axe des ordonnées est une asymptote à ( C ) .

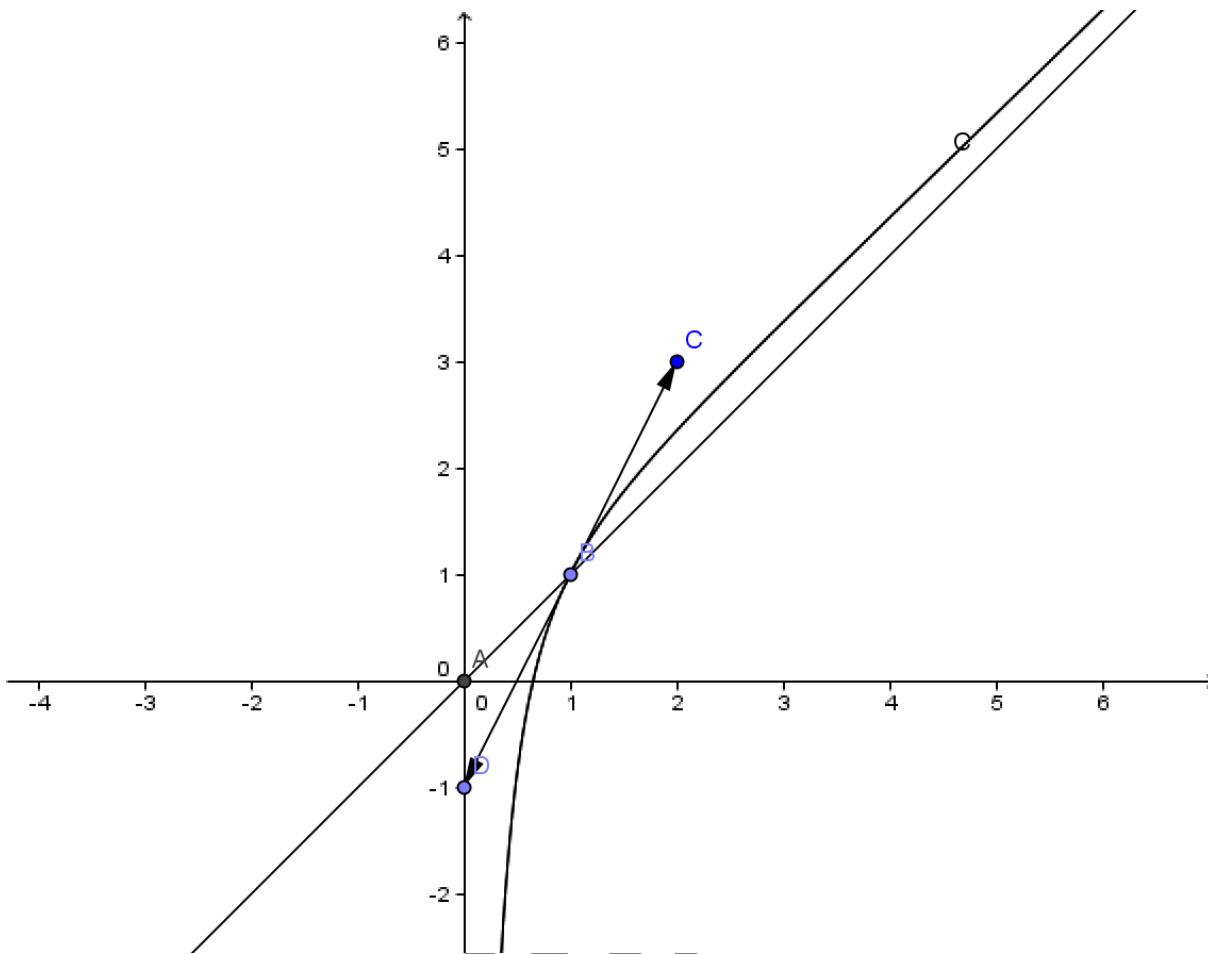
En utilisant le graphique ci-joint et les données précédents répondre aux questions suivantes :

1) Déterminer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$  ,  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - x$  et  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  .

2) Donner le tableau de variation de  $f$  sur  $]0, +\infty[$  .

- 3) Donner la valeur de  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)-1}{x-1}$ . En déduire la valeur de  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f \cdot \left(\frac{1}{x} + 1\right)$

**ANNEXE**



**EXERCICE N°4(7pts)**

Soit  $f$  la fonction définie sur  $] -1, +\infty [$  par  $f(x) = x - \frac{1}{\sqrt{1+x}}$ . On note  $(C)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- 1) Montrer que  $f$  est dérivable sur  $] -1, +\infty [$  et calculer  $f'(x)$ .
- 2) Dresser le tableau de variation de  $f$ .
- 3) a) Montrer que la droite  $D : y=x$  est une asymptote à  $(C)$  au voisinage de  $(+\infty)$ .  
c) Tracer  $(C)$  et  $D$ .
- 4) a) Montrer que  $f$  admet une fonction réciproque  $f^{-1}$  définie sur un intervalle  $J$  qu'on précisera.  
b) Montrer que  $f^{-1}$  est dérivable sur  $J$ .  
b) Tracer la courbe  $(C')$  de  $f^{-1}$  dans le même repère.
- 5) Montrer que l'équation  $f(x)=0$  admet une unique solution  $\alpha$  sur  $] -1, +\infty [$  et que  $0 < \alpha < 1$ .

**BON TRAVAIL.**

Bouzouraa.Anis