



## DEVOIR DE CONTROLE N° 3 - MATHÉMATIQUES

CLASSE : 3<sup>ÈME</sup> SECONDAIRE / SECTION: SCIENCES EXPÉRIMENTALES

DURÉE : DEUX HEURES

POF : BELLASSOUED MOHAMED / ANNÉE SCOLAIRE 2017-2018



BAREME

### EXERCICE N° 1: 7POINTS

le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct  $\mathcal{R} = (O, \vec{u}, \vec{v})$

1-On considère les points A, B et C d'affixes respectives :

$$z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{2} \quad , \quad z_B = \sqrt{2} - i\sqrt{2} \quad , \quad z_C = -\sqrt{3} + i$$

a-Ecrire  $z_A$  ;  $z_B$  et  $z_C$  sous formes trigonométriques

1,5

b-En déduire que  $(\sqrt{2} + i\sqrt{2})^{2018} + (\sqrt{2} - i\sqrt{2})^{2018} = 0$

0,75

c-Placer les points A, B et C dans le repère  $\mathcal{R}$

0,75

d-Déterminer l'affixe  $z_D$  du point D pour que ABCD soit un parallélogramme

0,5

2-Déterminer et construire l'ensemble des points M d'affixe z tel que :

1

a-  $\Delta = \{M \in \mathbb{C} \text{ d'affixes } z \text{ telles que } |z - \sqrt{2} - i\sqrt{2}| = |z|\}$

b-  $\Gamma = \{M \in \mathbb{C} \text{ d'affixes } z \text{ telles que } |i\bar{z} - 1 + i\sqrt{3}| = 2\}$

3- On donne le nombre complexe  $u = z_B \times z_C$  les points

a-Ecrire u sous forme cartésienne

0,5

b-Ecrire u sous forme trigonométrique

0,5

c-Déduire les valeurs exactes de  $\cos \frac{7\pi}{12}$  ;  $\sin \frac{7\pi}{12}$  puis  $\cos \frac{\pi}{12}$  et  $\sin \frac{\pi}{12}$

1,5

### EXERCICE N° 2: 4 POINTS

le plan est muni d'un repère orthonormé direct  $\mathcal{R} = (O, \vec{i}, \vec{j})$

Soit f la fonction définie sur  $[-1;1]$  par  $f(x) = (1-x)\sqrt{1-x^2}$  et sa courbe représentative

1-a- Etudier la dérivabilité de f à droite de -1 et à gauche de 1 .

1

b-interpréter graphiquement le résultat .

0,5

2- Montrer que f est dérivable sur  $] -1;1[$  et que  $f'(x) = \frac{2x^2 - x - 1}{\sqrt{1-x^2}}$

0,75

3-a- Dresser le tableau de variations de f

0,5

b-Préciser les extrema de f

0,5

4- Montrer que l'équation  $f(x) = x$  admet une unique solution  $\alpha$  dans  $]0; \frac{1}{2}[$

0,75



# EXERCICE N° 3: 9 POINTS

BAREME

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4x - 1$

On désigne par  $\mathcal{C}_f$  la courbe représentative de  $f$

1~Déterminer  $f(0)$  ;  $f(1)$  ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

1

2~a-Montrer que  $f$  est dérivable sur  $\mathbb{R}$  et calculer  $f'(x)$

0,75

b-Dresser le tableau de variations de la fonction  $f$

0,75

c-En déduire que l'équation  $f(x) = 0$  admet une unique solution  $\alpha$  dans l'intervalle  $[0;1]$

0,75

3~a- Montrer que le point  $A(1;1)$  est un centre de symétrie de la courbe  $\mathcal{C}_f$

1

b-Montrer qu'une équation de la tangente  $T$  à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point  $A(1;1)$  est :  $T : y = x$

0,75

4~a-Vérifier que :  $f(x) - x = (x - 1)^3$

0,5

b-En déduire la position de la courbe  $\mathcal{C}_f$  par rapport à la tangente  $T$

0,5

c-Compléter sur la feuille annexe la courbe  $\mathcal{C}_f$

0,5

5~ On considère la fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $g(x) = f(|x - 1|) = |x - 1|^3 - 3|x - 1|^2 + 4|x - 1| - 1$

On désigne par  $\mathcal{C}_g$  la courbe représentative de  $g$

a-Montrer que la droite  $\Delta : x = 1$  est un axe de symétrie de la courbe  $\mathcal{C}_g$

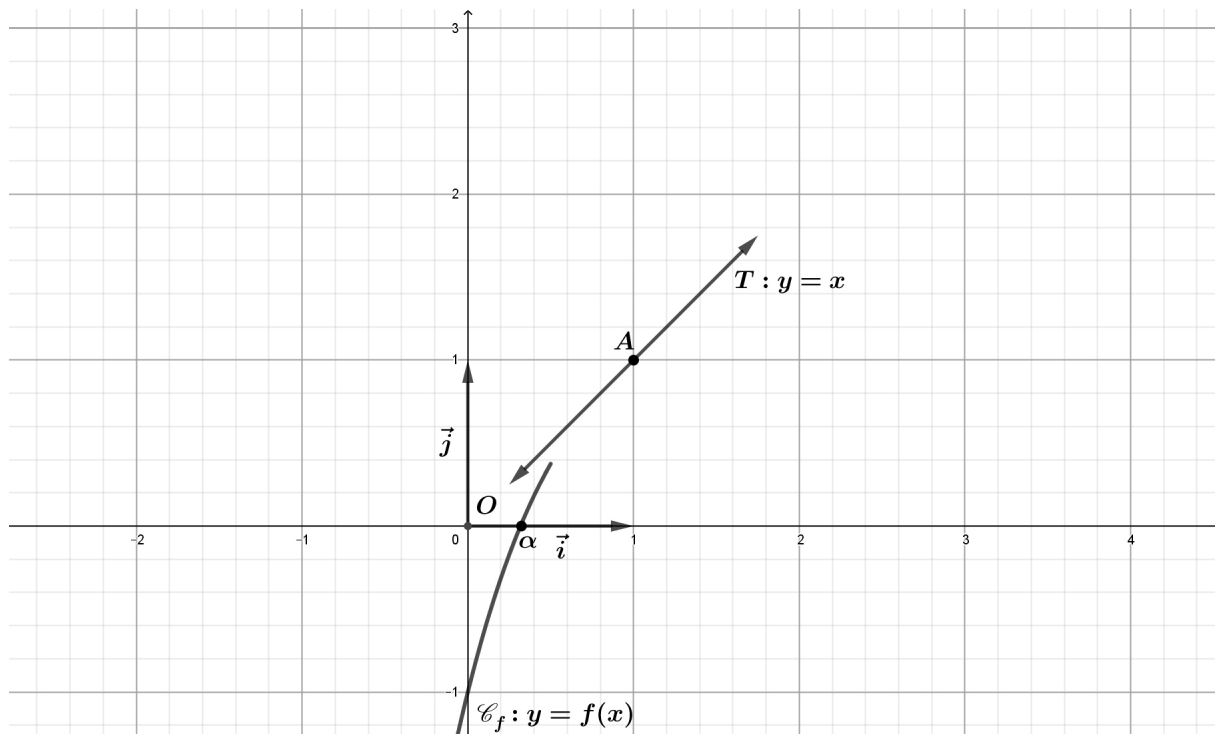
0,5

b-Montrer que le point  $B(1;-1)$  est un point anguleux pour la courbe  $\mathcal{C}_g$

1

c-Tracer sur la feuille annexe la courbe  $\mathcal{C}_g$  à partir de  $\mathcal{C}_f$

1



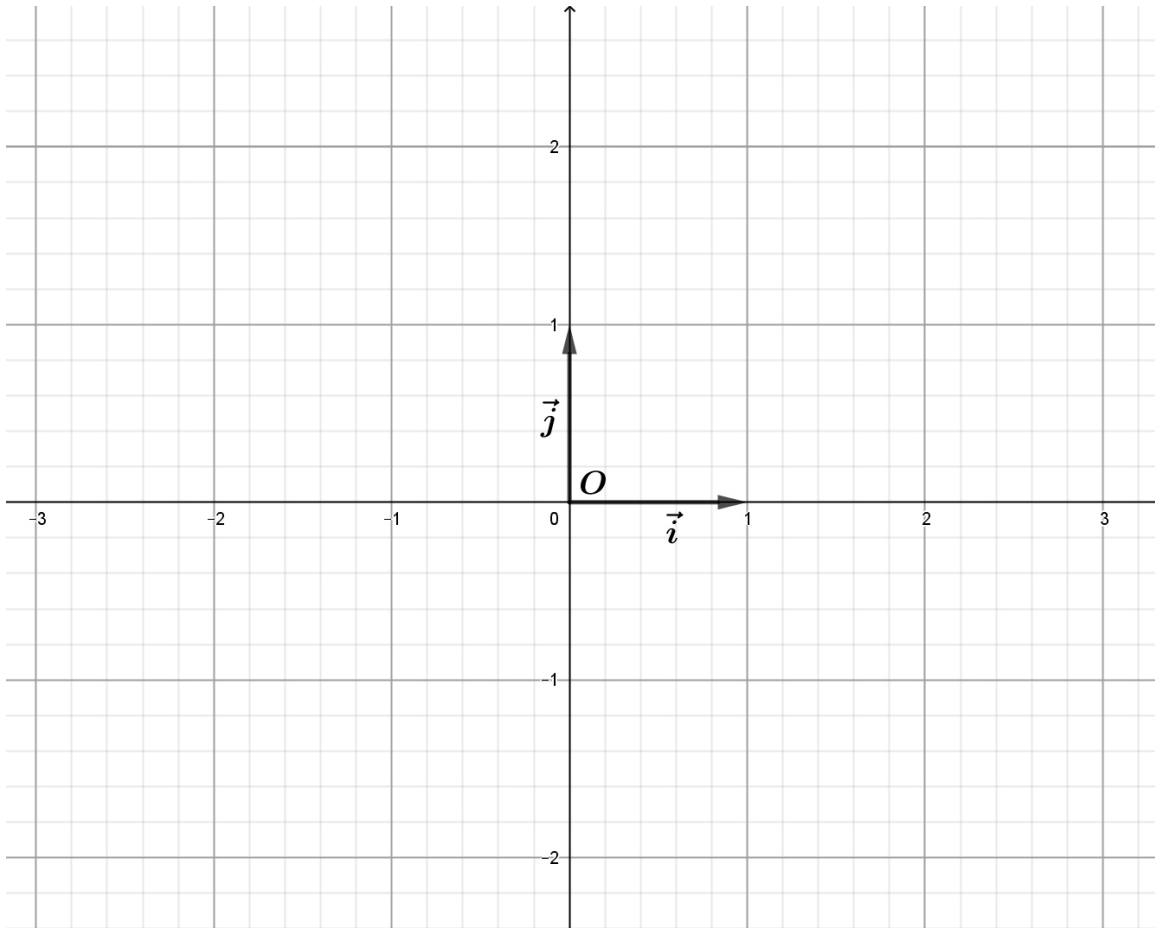
# FEUILLE ANNEXE

NOM \_\_\_\_\_

PRENOM \_\_\_\_\_

CLASSE \_\_\_\_\_

## EXERCICE N° 1:



## EXERCICE N° 3:

