



**EXAMEN DE BACCALAURÉAT BLANC**

**CLASSE : 4<sup>ÈME</sup> SECONDAIRE / SECTION : SCIENCES EXPÉRIMENTALES**

POF : BELLASSOUED MOHAMED / ANNÉE SCOLAIRE 2016-2017  
DURÉE : 3 HEURES



**EXERCICE 1: 3 POINTS**

**BAREME**

Les deux parties A et B sont indépendantes

**A** Pour chacune des questions suivantes une seule des quatre réponses proposées est exacte. L'élève indiquera sur la copie le numéro de la question et la lettre correspondant à la réponse choisie. Les réponses doivent être justifiées .

1~ On considère une pièce de monnaie dont la probabilité d'obtenir face est  $p(F) = \frac{1}{3}$   
On lance la pièce cinq fois de suite . X est la variable aléatoire prenant pour valeurs le **nombre de fois ou face est apparu** .  $p(X = 2) = \dots$

- a.  $\frac{1}{9}$                       b.  $\frac{1}{243}$                       c.  $\frac{80}{243}$                       d.  $\frac{40}{243}$                       0,5

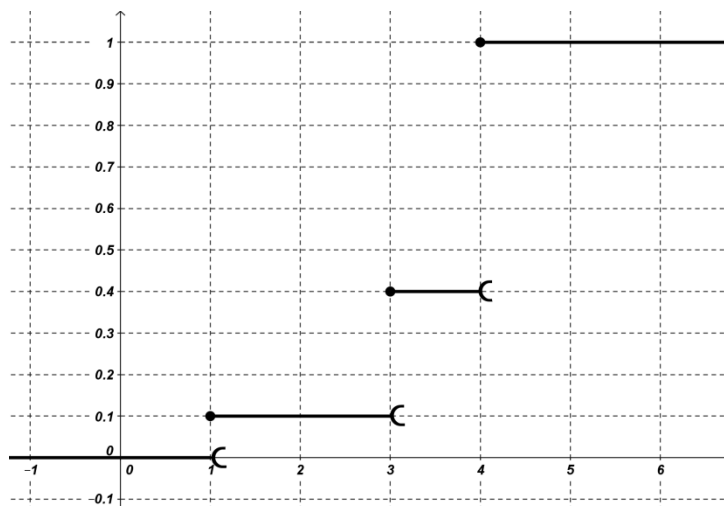
2~ On suppose que le temps d'attente, exprimé en minutes, à une station de métro suit une loi uniforme sur l'intervalle  $[0 ; 15]$ . Sachant qu'un passager a déjà attendu 10 minutes, quelle est la probabilité qu'il doive attendre encore au moins 3 minutes ?

- a.  $\frac{3}{13}$                       b.  $\frac{10}{13}$                       c.  $\frac{2}{5}$                       d.  $\frac{13}{15}$                       0,5

3~La durée de vie d'un appareil électronique, exprimée en années , jusqu'à ce que survienne la Première panne, est une variable aléatoire X qui suit une loi exponentielle de parametre  $\lambda > 0$  .  
La valeur de t pour laquelle on a :  $P(X \leq t) = P(X > t)$  est:

- a.  $t = \frac{\ln 2}{\lambda}$                       b.  $t = \frac{\lambda}{\ln 2}$                       c.  $t = \frac{\lambda}{2}$                       d.  $t = \frac{2}{\lambda}$                       0,5

**B** La courbe si dessous représente la fonction de répartition d'une variable aléatoire X  
Déterminer la loi de probabilités de X et son espérance E(X) 1,5



## EXERCICE 2: 3 POINTS

BAREME

Pour des raisons pratiques, la production mensuelle du groupe chimique de l'un des produits qu'il commercialise ne doit pas excéder 10 tonnes

Le groupe a relevé le coût total de production mensuelle en milliers de dinars, noté  $y$  en fonction de la production  $x$  en tonnes. Les résultats sont donnés dans le tableau ci-dessous :

<b>x</b>	1	2	4	6	8	10
<b>y</b>	32.5	38.5	44.6	48.4	51.1	53.3

1~On a représenté ci-contre le nuage de points de la série  $(x, y)$

a~Indiquer si ce nuage justifie la recherche d'un ajustement affine. 0,5

b~Calculer le coefficient de corrélation linéaire  $r$  entre  $x$  et  $y$  0,25

2~On pose  $z = e^{(0,1)y}$

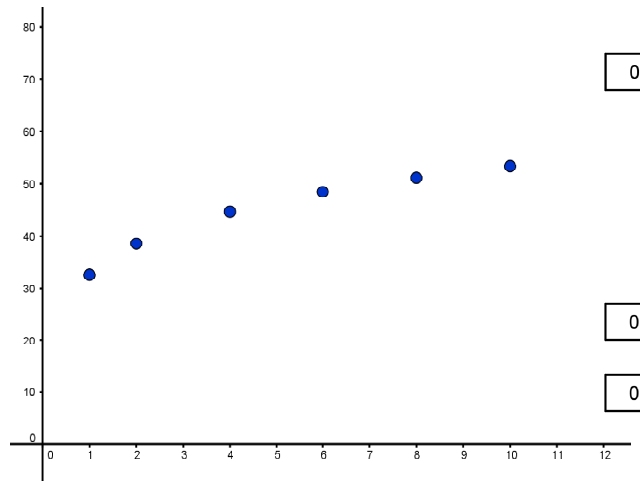
a~Recopier et compléter le tableau ci-dessous 0,5

<b>x</b>	1	2	4	6	8	10
<b><math>z = e^{(0,1)y}</math></b>	25.79	46.99				

b~ Calculer le coefficient de corrélation linéaire  $r$  entre  $x$  et  $z$ . Interpréter 0,5

c~Déterminer l'équation de la droite de régression de  $Z$  en  $X$  par la méthode des moindres carrés 0,5

d~Estimer le coût correspondant à une production de 7 tonnes. 0,75



## EXERCICE 3: 4 POINTS

Au début d'une épidémie on constate que 0,01% de la population est contaminé.

Pour  $t \in [0; 30]$ ; on note  $y(t)$  le pourcentage de personnes touchées par la maladie après  $t$  jours :

On a donc  $y(0) = 0,01$ . On admet que la fonction  $y$  ainsi définie sur  $[0; 30]$  est dérivable strictement positive et vérifie  $y' = 0,05y(10 - y)$

1~ On considère la fonction  $z$  définie sur l'intervalle  $[0; 30]$  par  $z = \frac{1}{y}$ . Montrer que :

$y$  solution de (E) :  $\begin{cases} y(0) = 0,01 \\ y' = 0,05y(10 - y) \end{cases}$  (signifie)  $z$  solution de (E') :  $\begin{cases} z(0) = 100 \\ z' = -0,5z + 0,05 \end{cases}$  0,75

2~a~On déduit qu'une expression de la fonction  $y$  est  $y(x) = \frac{1}{99,9e^{-0,5x} + 0,1}$  1

b~Calculer le pourcentage de la population infectée après 30 jours. (arrondi à l'unité) 0,25

3~• Le quart de la population est vacciné contre cette maladie contagieuse. De plus, on estime que :

- Sur la population vaccinée, 92% des individus ne tombent pas malades.
- Sur la population totale, 10% des individus sont malades.

On choisit au hasard un individu dans cette population

BAREME

a-Montrer que la probabilité de l'événement « l'individu n'est pas vacciné et tombe malade » est égale à 0,08 0,75

b-Montrer que la probabilité de tomber malade pour un individu n'est pas vacciné est égale à 0,11 ( valeur approché à  $10^{-2}$  près ) 0,75

c-Construire alors l'arbre de probabilité traduisant la situation 0,5

### EXERCICE 4: 10 POINTS

Le plan est rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

#### PREMIÈRE PARTIE

Soit la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = \frac{e^{2x} - 1}{e^{2x} + 1}$  et  $\Gamma$  sa courbe représentative.

1~Résoudre dans l'équation  $f(x) = 0$  .

2~ a-Quelles sont les limites de  $f$  en  $-\infty$  et  $+\infty$  ? 0,75

b-En déduire les équations des asymptotes à la courbe  $\Gamma$  0,5

3~ a-Montrer que pour tout  $x \in \mathbb{R}$ ,  $f'(x) = \frac{4e^{2x}}{(e^{2x} + 1)^2}$  0,75

b-Dresser le tableau de variations de  $f$  puis en déduire le signe de  $f(x)$  sur  $\mathbb{R}$  0,75

4~ a-Montrer que  $f$  réalise une bijection de  $\mathbb{R}$  sur  $] -1, 1 [$  0,25

On note  $f^{-1}$  La fonction réciproque de  $f$  .

b-Montrer que pour tout  $x \in ] -1, 1 [$ ,  $f^{-1}(x) = \frac{1}{2} \text{Ln} \left( \frac{1+x}{1-x} \right)$  0,75

#### DEUXIÈME PARTIE

1-Déterminer l'équation de la tangente  $T_1$  à  $\Gamma$  au point d'abscisse 0. 0,25

2~ a-Montrer que pour tout nombre réel  $t$ ,  $f'(t) = 1 - [f(t)]^2$ . 0,5

b-En déduire que  $0 < f'(t) < 1$ . 0,5

c- Justifier alors que pour tout  $x \in \mathbb{R}_+$  on a :  $0 \leq f(x) \leq x$  0,75

d-En déduire que le point  $O$  est un point d'inflexion de la courbe  $\Gamma$  0,5

3- Tracer la courbe  $\Gamma$  de  $f$ , la droite  $T_1$  et la courbe  $\Gamma'$  de la fonction  $f^{-1}$  1

4-Calculer l'aire  $\mathcal{A}$  de la partie du plan comprise entre  $\Gamma$ , la droite  $T_1$  et les droites d'équations  $x = 0$  et  $x = 1$ . Hachurer cette surface sur la représentation graphique. 0,75

5~ a-Montrer que :  $\int_0^1 (1 - [f(x)]^2) dx = \frac{e^2 - 1}{e^2 + 1}$ . 0,5

b-En déduire le volume  $\mathcal{V}$  de révolution engendré par la rotation autour de l'axe des abscisses de l'arc  $\mathcal{C}$  de la courbe  $\Gamma$  limitée par les droites d'équations  $x = 0$  et  $x = 1$  0,75