

Exercice n°1 :

Déterminer une primitive F de f sur I :

- 1) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{-4x+5}}$ 2) $f(x) = \frac{\cos\sqrt{x}}{\sqrt{x}}$ 3) $f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{-x^2+x+1}}$ 4) $f(x) = \frac{1}{\cos^4(x)}$ 5) $f(x) = \frac{3x^2}{(1+x^3)^4}$
- 6) $f(x) = \frac{\sin(x)}{(2+\cos(x))^2}$ 7) $f(x) = (x+2)(\sqrt{x-1})$ 8) $f(x) = (x+1)\sqrt{x}$ 9) $f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x-1}}$
- 10) $f(x) = x(1+x^2)^{2014}$ 11) $f(x) = \frac{1}{x^2} \sqrt{\frac{3+x}{2x}}$ 12) $f(x) = x^2 \sin(1+x^3)$ 13) $f(x) = \frac{3x+1}{\sqrt{x^2+\frac{2}{3}x+10}}$

Exercice n°2 :

On pose $\varphi(x) = \frac{1}{1+x^2}$ pour $x \in \mathbb{R}$. Soit G la primitive de φ sur \mathbb{R} qui s'annule en 0

- 1) Montrer que G est impaire.
- 2) a) On pose pour tout $x \in \mathbb{R}^*$, $\psi(x) = G(x) + G(\frac{1}{x})$ Montrer que ψ est constante sur \mathbb{R}^*
En déduire $\lim_{x \rightarrow +\infty} \psi(x) = 2G(1)$
b) On pose $U(t) = G(\tan t)$ $t \in]-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}[$; Calculer $U'(t)$ et en déduire $U(t)$
- 3) Déterminer $G(1)$ et déterminer $\lim_{x \rightarrow +\infty} \psi(x)$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} G(x)$
- 4) Construire la courbe représentative de G dans un R.O.N

Exercice n°3 :

Soit $f: [0, \pi] \rightarrow \mathbb{R}$; $f(x) = \sqrt{1 + \cos(x)}$

- 1) a) Montrer que f est une bijection de $[0, \pi]$ sur $[0, \sqrt{2}]$
b) Montrer que f^{-1} est dérivable sur $]0, \sqrt{2}[$ et expliciter $(f^{-1})'(x)$
- 2) Soit g définie sur $] -\sqrt{2}, \sqrt{2}[$ par $g(x) = \frac{2}{\sqrt{2-x^2}}$. On note G la primitive de g sur $] -\sqrt{2}, \sqrt{2}[$ telle que $G(0)=0$
- a) Calculer la dérivée de $G(x)+G(-x)$. En déduire que G est impaire
- b) Montrer que pour tout x de $[0, \sqrt{2}[$ $G(x)=\pi - f^{-1}(x)$ En déduire $G(1)$

Exercice n°4 :

Soit g la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $g(x)=x\sqrt{x}$.

- 1) Calculez la dérivée de g sur $]0, +\infty[$
- 2) soit f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x)=\sqrt{x}$.
- Déduisez de la première question une primitive de f sur $]0, +\infty[$