Sciences physiques

Cahiered Snoussicalisti

Remerciements aux Mrs:

Janan: Lycée pilote sfax

Cherchari Med: lycée sadiki Tunis

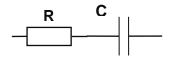
Evision

Bar, 2016

Sc.techniques

Circuit RC

Le dipôle RC est constitué d'un condensateur associé en série avec un résistor (conducteur ohmique).

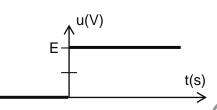


Echelon de tension

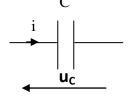
La tension aux bornes du dipôle RC

Pour t < 0; u = 0

Pour $t \ge 0$; u = E.



- La tension aux bornes d'un condensateur de capacité C est :



$$u_c(t) = \frac{q}{c}$$

$$i(t) = \frac{dq}{dt}$$

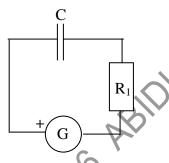
- L'énergie emmagasinée par un condensateur chargé est dite : énergie électrostatique notée Ee

Ee =
$$\frac{q^2}{2C} = \frac{1}{2}C.u_c^2$$
 unité (loule)

Charge d'un condensateur C

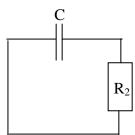
décharge d'un condensateur C

Montage électrique



R₁: résistance de charge

Montage électrique



R₂: résistance de décharge

Equation différentielle en u_c(t)

Loi des mailles
$$u_C + u_{R1} = E$$

or
$$u_{R1} = R_1 \cdot i = R_1 \cdot \frac{dq}{dt} = R_1 \cdot \frac{dCu_c}{dt} = R_1C \frac{du_c}{dt}$$

$$donc R_1 C \frac{du_c}{dt} + u_C = E$$

$$\Leftrightarrow \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{R_1C}u_C = \frac{E}{R_1C}$$

Loi des mailles $u_C + u_{R2} = 0$

or
$$u_{R2} = R_2 . i = R_2 . \frac{dq}{dt} = R_2 . \frac{dCu_c}{dt} = R_2 C \frac{du_c}{dt}$$

$$donc R_2 C \frac{du_c}{dt} + u_C = 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{R_2C}u_c = 0$$

Solution de l'équation différentielle

$$u_{C}(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

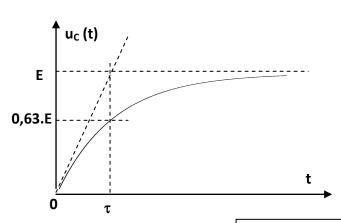
$$u_{C}(t) = E.e^{-t/\tau}$$

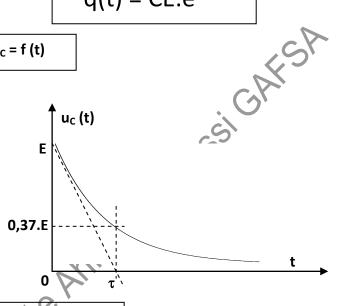
Expression de q (t) = C. $u_c(t)$

$$q(t) = CE(1-e^{-t/\tau})$$

$$q(t) = CE.e^{-t/\tau}$$

Courbe $u_C = f(t)$





Expression de (t)

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = \frac{d}{dt} [CE(1 - e^{-t/\tau})]$$

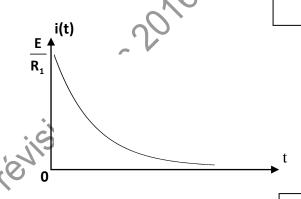
$$= CE \frac{d}{dt} (1 - e^{-t/\tau}) = -CE \frac{d}{dt} (e^{-t/\tau}) = CE$$

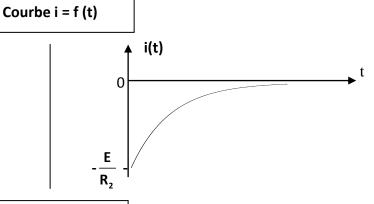
$$= \frac{CE}{\tau} e^{-t/\tau} = \frac{E}{R_1} e^{-t/\tau}$$

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = \frac{d}{dt} [CE.e^{-t/\tau})]$$

$$= CE \frac{d}{dt} (e^{-t/\tau}) = -\frac{CE}{\tau} e^{-t/\tau}$$

$$= -\frac{E}{R_2} e^{-t/\tau}$$





Constante de temps

$$\tau = \mathbf{R_1}\mathbf{C}$$

$$\tau = \mathbf{R_2C}$$

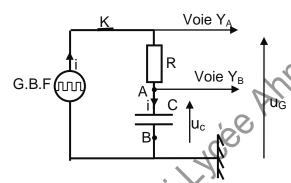
Durée de charge d'un condensateur

On peut considérer qu'un condensateur est complètement chargé lorsque sa tension u_c = 0,99E ce qui donne une durée de charge

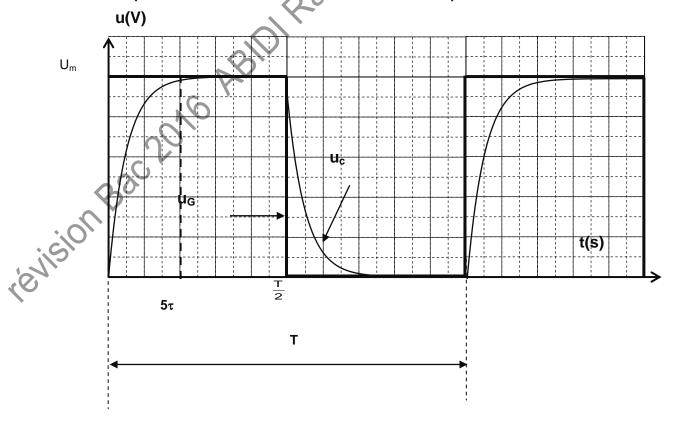
$$t_c \approx 5\tau = 5.RC$$

Le temps de charge augmente avec R et avec C. Pour $t < 5\tau$, on a le régime transitoire. Pour $t \ge 5\tau$, on a le régime permanent

- la réponse d'un dipôle RC à un échelon de tension est la charge progressive du condensateur : c'est un phénomène transitoire.
- Charge d'un condensateur par une tension créneaux.



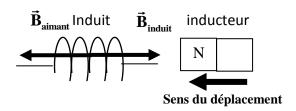
Pour $5\tau < \frac{T}{2}$, pendant une demi-période la tension u_c peut atteindre sa valeur finale donc on observe les courbes suivantes (les deux voies ont la même sensibilité verticale) :

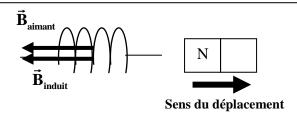


Le circuit RL

Dipôle RL: association série d'une bobine d'inductance L et d'un résistor R.

INDUCTION MAGNETIQUE





Toute variation de champ magnétique à proximité d'une bobine en circuit fermé produit un courant induit. Le phénomène s'appelle induction magnétique.

L'élément qui crée le champ magnétique est l'inducteur et la bobine est l'induit.

AUTO-INDUCTION MAGNETIQUE



La bobine joue à la fois l'inducteur et l'induit

- lorsque la bobine est à la fois l'inducteur et l'induit le phénomène s'appelle autoinduction. Une bobine traversée par
- un courant électrique variable est le siège d'une auto-induction.

L'auto-induction traduit L'opposition d'une bobine à toute variation de courant. La f.é.m d'auto-induction e

$$e = -L \frac{di}{dt}$$

La loi de LENZ

Le courant induit s'oppose par ses effets à la cause qui lui donne naissance.

- Une bobine parcourue par un courant électrique emmagasinée une énergie magnétique.
- La tension aux bornes de la bobine (L, r) est :

$$u_L(t) = L \cdot \frac{di}{dt} + r \cdot i$$
 L'énergie magnétique $E_L = \frac{1}{2}L \cdot i^2$ (joule)

$$E_L = \frac{1}{2}L.i^2$$
 (joule)

L: inductance de la bibine qui s'exprime en Henry (H)

Bobine purement inductive ou idéale

$$r = 0$$

en régime permanent i = I_{max} = constante

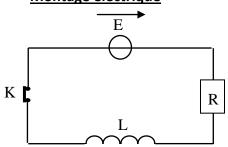
$$u_L(t) = L \frac{dI_{max}}{dt} + rI_{max} = RI_{max}$$

en régime permanent, la bobine jour le rôle d'un resistor de resistance r

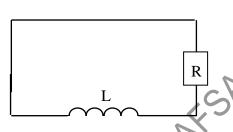
Etablissement du courant électrique

Rupture du courant

Montage électrique



Montage électrique



Equation différentielle en i(t)

Loi des mailles $u_L + u_R = E$

$$L. \frac{di}{dt} + r.i + R.i = E \iff L. \frac{di}{dt} + (r + R)i = E$$
$$\iff \frac{di}{dt} + \frac{R + r}{L}.i = \frac{E}{L}$$

Loi des mailles
$$u_1 + u_R = 0$$

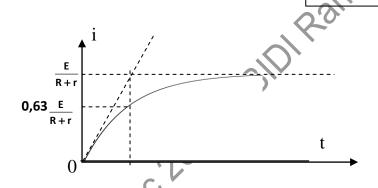
$$L.\frac{di}{dt} + r.i + R.i = 0 \Leftrightarrow L.\frac{di}{dt} + (r + R)i = 0$$
$$\Leftrightarrow \frac{di}{dt} + \frac{R + r}{L}.i = 0$$

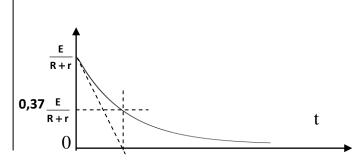
Solution de l'équation différentielle

$$i(t) = \frac{E}{R+r} (1-e^{-t/\tau})$$

$$i(t) = \frac{E}{R+r} \cdot e^{-t/\tau}$$

Courbe i = f (t)





La constante de temps τ est une grandeur caractéristique du dipôle RL, elle nous renseigne sur la rapidité avec laquelle s'effectue l'établissement du courant dans le circuit.

Constante de temps

$$\tau \; = \; \frac{L}{R+r}$$

LES OSCILLATIONS ÉLECTRIQUES LIBRES AMORTIES

Production des oscillations libres amorties

On place l'interrupteur sur la position 1 pour charger le condensateur puis on le place sur la position 2 pour avoir les oscillations électriques libres amorties (en cas de résistance R

Avant la décharge, la charge initiale du condensateur est $Q_0=C.E$

Cette décharge s'appelle décharge oscillante car elle s'effectue dans une bobine.

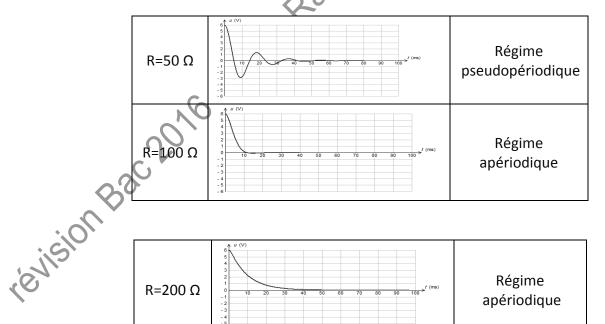
 R_1

Avec R=30 Ω (faible), on obtient le graphe suivant :



influence de l'amortissement

On répète la même expérience en augmentant la valeur de la résistance R, on obtient les graphes suivants:



Régime R=200 Ω apériodique

Remarque : le régime critique correspond au passage le plus rapide de u_c vers sa valeur nulle et sans oscillations.



Equation différentielle

D'après la loi des mailles(K est en position 2) :

$$\begin{aligned} &\textbf{u}_{B} + \textbf{u}_{R} + \textbf{u}_{C} = \textbf{0} &\iff L\frac{di}{dt} + ri + Ri + \textbf{u}_{c} = 0 &\iff L\frac{di}{dt} + ri + Ri + \frac{q}{C} = 0 &\iff L\frac{di}{dt} + (R + r)i + \frac{q}{C} = 0 &\text{avec} \\ & i = \frac{dq}{dt} \ \ \text{et} \ \ \frac{di}{dt} = \frac{d^{2}q}{dt^{2}} \ \ \text{donc} : \ \ \boxed{L\frac{d^{2}q}{dt^{2}} + (R + r)\frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0} &\text{ou} & \boxed{\frac{d^{2}q}{dt^{2}} + \frac{(R + r)}{dt}\frac{dq}{dt} + \frac{q}{LC} = 0} \end{aligned}$$

c'est l'équation différentielle qui régit les variations de la charge q(t) du condensateur en régime libre amorti.

Remarque : on peut établir l'équation différentielle régissant les variations de la tension uc aux bornes du condensateur en remplaçant q = Cuc

du condensateur en remplaçant
$$q = Cu_c$$

$$L \frac{d^2(Cu_c)}{dt^2} + (R+r) \frac{d(Cu_c)}{dt} + \frac{Cu_c}{C} = 0 \iff LC \frac{d^2u_c}{dt^2} + (R+r)C \frac{du_c}{dt} + u_c = 0$$

$$Non \ conservation \ de \ l'énergie \ totale \ d'un \ circuit \ RLC \ série$$

$$L'énergie \ totale \ E = E_c + E_L \ avec$$

$$E_c : \acute{e}nergie \ \acute{e}lectrique \ emmagasin\acute{e}e \ dans \ le \ condensateur.$$

$$E_L : \acute{e}nergie \ magnétique \ emmagasin\acute{e}e \ dans \ la \ bobine.$$

E_L: énergie magnétique emmagasinée dans la bobine.

$$E = \frac{1}{2}cu_{c}^{2} + \frac{1}{2}L^{2}$$

De même ici pour voir comment varie l'énergie totale E, on doit calculer sa dérivée :

$$\frac{dE}{dt} = \frac{1}{2}C\frac{d(u_{\rm c}^2)}{dt} + \frac{1}{2}L\frac{d(i^2)}{dt}$$

avec $u_c(t)$ et i(t) sont deux fonctions de temps(et non pas des valeurs constantes).

$$\frac{d(u_c^2)}{dt} = 2u_c \frac{du_c}{dt} \text{ et } \frac{d(i^2)}{dt} = 2i \frac{di}{dt} \qquad \frac{dE}{dt} = \frac{1}{2}C2u_c \frac{du_c}{dt} + \frac{1}{2}L2i \frac{di}{dt}$$

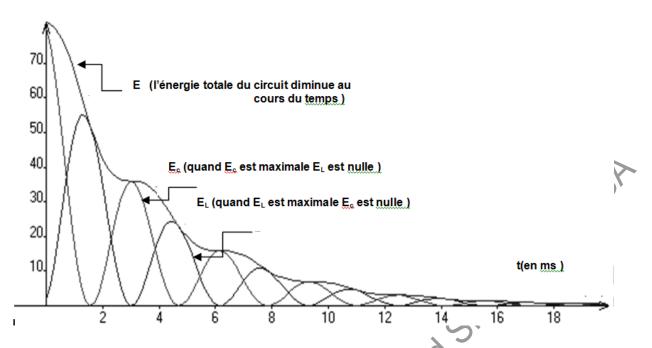
$$\frac{dE}{dt} = u_c C \frac{du_c}{dt} + Li \frac{di}{dt} \text{ or } C \frac{du_c}{dt} = i \text{ donc } \frac{dE}{dt} = u_c i + Li \frac{di}{dt} = i(u_c + L \frac{di}{dt})$$

d'après la loi des mailles
$$u_c + L \frac{di}{dt} = -(R + r)i$$

$$\frac{dE}{dt} = i(-(R+r)i) = -(R+r)i^2 \iff \frac{dE}{dt} < 0 \text{ donc E est décroissante.}$$



Es, EL et E (en J)



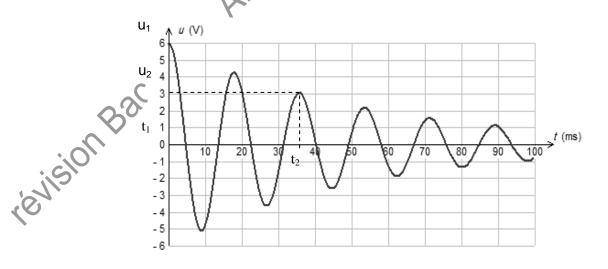
L'énergie totale d'un circuit RLC série diminue au cours du temps.

Calcul de l'énergie perdue pendant une durée $\Delta t = t_2 - t_1$

Exemple : on prend t_1 = 0 s et t_2 = 35 ms. En ces deux dates, u_c est maximale donc E_e est maximale d'où E_L est nulle (car lorsque u_c est maximale $\frac{du_c}{dt}$ = 0 or $i = C \frac{du_c}{dt}$ donc i=0 d'où E_L = 0).

A t_1 , $E_1 = E_e(t=t_1) = \frac{1}{2}Cu_1^2$ et à $t=t_2$ on a $E_2 = E_e(t=t_2) = \frac{1}{2}Cu_2^2$ donc l'énergie dissipée par effet joule dans (R + r) ou perdue est égale à

$$E_{\text{dissipée}} = E_1 - E_2 = \frac{1}{2}C(u_1^2 - u_2^2)$$



LES OSCILLATIONS LIBRES NON AMORTIES

Production des oscillations électriques libres non amorties

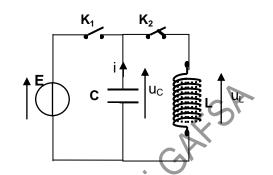
L'interrupteur K₁ est fermé, K₂ est ouvert

On considère le circuit électrique schématisé ci-dessous, lorsque le condensateur se charge complètement, sa charge est maximale Q_{max}. D'après la loi des mailles :

$$u_G - u_C = 0$$

$$E - \frac{Q_{max}}{C} = 0$$

$$Q_{max} = CE$$

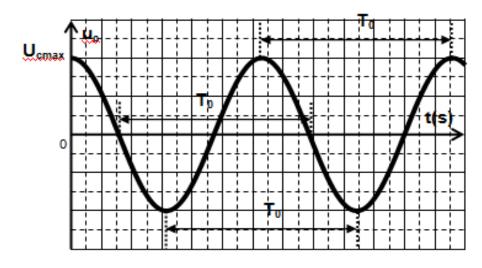


L'énergie électrique emmagasinée par le condensateur est

$$E_e = \frac{1}{2} \frac{Q_{max}^2}{C} = \frac{1}{2} CE^2 \text{ avec } E : f.e.m$$

L'interrupteur K₁ est ouvert, K₂ est fermé

est fermé is une inductance pure. Or $\frac{1}{2}$. Voila les variantes $\frac{1}{2}$. Le condensateur se décharge dans une inductance pure, on obtient des oscillations électriques libres non amorties (oscillations sinsoïdales). Voila les variations de la tension uc aux bornes du condensateur :



Avec T_0 est la période propre du circuit LC.

Equation différentielle

d'après la loi des mailles (K1 est ouvert et K2 est fermé) : la décharge du condensateur dans une inductance pure.

$$\mathbf{u_c + u_L = 0} \iff \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{C}} + \mathbf{L}\frac{\mathbf{d}\mathbf{i}}{\mathbf{d}\mathbf{t}} = 0 \text{ or } \mathbf{i} = \frac{\mathbf{d}\mathbf{q}}{\mathbf{d}\mathbf{t}} \text{ donc } \frac{\mathbf{d}\mathbf{i}}{\mathbf{d}\mathbf{t}} = \frac{\mathbf{d}^2\mathbf{q}}{\mathbf{d}\mathbf{t}^2} \iff \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{C}} + \mathbf{L}\frac{\mathbf{d}^2\mathbf{q}}{\mathbf{d}\mathbf{t}^2} = 0$$

$$\boxed{\frac{\mathbf{d}^2\mathbf{q}}{\mathbf{d}\mathbf{t}^2} + \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{L}\mathbf{C}} = 0}$$

Equation différentielle des oscillations électriques libres non amorties de pulsation propre ω₀ tel que

$$\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$$
 et de période propre $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC}$



Solution de l'équation différentielle

L'équation différentielle précédente a pour solution :

$$q(t) = Q_{max} \sin(\omega_0 t + \phi_q)$$
 avec :

Q_{max}: amplitude.

 $\omega_0 t + \varphi_q$: phase de la charge q(t) à la date t.

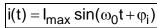
 φ_q : phase initiale de la charge q(t).(phase à t=0)

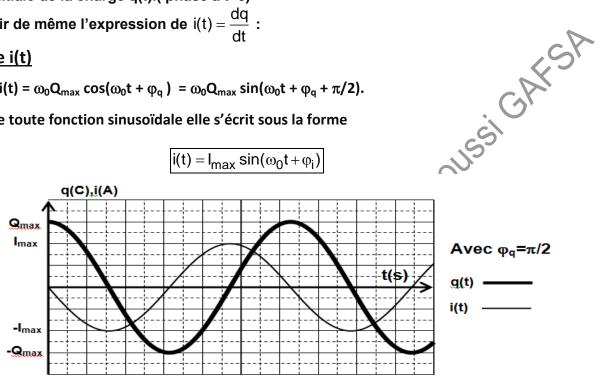
On peut avoir de même l'expression de $i(t) = \frac{dq}{dt}$:

Expression de i(t)

$$i(t) = \frac{dq}{dt} \iff i(t) = \omega_0 Q_{\text{max}} \cos(\omega_0 t + \phi_q) = \omega_0 Q_{\text{max}} \sin(\omega_0 t + \phi_q + \pi/2).$$

Or i(t) comme toute fonction sinusoïdale elle s'écrit sous la forme





$$\begin{array}{c} \text{Donc} \begin{cases} I_{\text{max}} \! = \! \omega_0 Q_{\text{max}} \\ \phi_i \! = \! \phi_q \! + \! \frac{\pi}{2} \end{cases} \end{array}$$

D'après le graphe, on remarque que lorsque :
$$\boxed{q=\pm Q_{max}\,;\;i=0}\quad\text{et}\quad [i=\pm I_{max}\,;\;q=0]\quad\text{càd lorsque}:$$

le condensateur est complètement chargé, la bobine est vide.

le condensateur est vide, le courant dans la bobine atteint sa valeur maximale.

le condensateur est vide, le courant dans la bobine atteint sa valeur
Conservation de l'énergie électrique

$$E = E_e + E_L, l'énergie électrique peut être notée E_e ou E_c.$$

$$E = \frac{q^2}{2C} + \frac{Li^2}{2} \Leftrightarrow E = \frac{Q^2_{max}}{2C} sin^2(\omega_0 t + \phi_q) + L\omega_0^2 Q^2_{max} cos^2(\omega_0 t + \phi_q) or \omega_0^2 = \frac{1}{LC}$$

$$E = \frac{Q^2_{max}}{2C} sin^2(\omega_0 t + \phi_q) + L\frac{1}{LC} Q^2_{max} cos^2(\omega_0 t + \phi_q)$$

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{Q}_{\text{max}}^2}{2\mathbf{C}} \sin^2(\omega_0 \mathbf{t} + \varphi_{\mathbf{q}}) + \mathbf{L} \frac{1}{\mathbf{L}\mathbf{C}} \mathbf{Q}_{\text{max}}^2 \cos^2(\omega_0 \mathbf{t} + \varphi_{\mathbf{q}})$$

$$= \frac{Q_{\text{max}}^{2}}{2C} \underbrace{\left(\sin^{2}(\omega_{0}t + \phi_{q}) + \cos^{2}(\omega_{0}t + \phi_{q})\right)}_{\text{max}}$$

$$\boxed{E = \frac{1}{2C}Q_{\text{max}}^2} \quad \text{or} \quad \frac{1}{C} = L\omega_0^2 \lim_{x \to \infty} \quad \text{donc} \quad E = \frac{L}{2}\omega_0^2Q_{\text{max}}^2 \quad \text{et comme} \quad I_{\text{max}} = \omega_0Q_{\text{max}} \quad \text{d'où} : \boxed{E = \frac{1}{2}LI_{\text{max}}^2}$$

Oscillateur mécanique libre non amorti	Oscillateur électrique libre non amorti		
Equation différentielle			
$\frac{\mathrm{d}^2 \mathbf{x}}{\mathrm{dt}^2} + \frac{\mathbf{k}}{\mathbf{m}} \mathbf{x} = 0$	$\frac{\mathrm{d}^2 q}{\mathrm{d}t^2} + \frac{1}{\mathrm{LC}} \mathbf{q} = 0$		
$\mathbf{w_o} = \sqrt{\frac{\mathbf{k}}{\mathbf{m}}}$	$\mathbf{w_o} = \sqrt{\frac{1}{LC}}$		
Solution de l'équa	ition différentielle		
$x(t) = X_m \sin(w_0 t + \phi_x)$	$q(t) = Q_m \sin(w_0 t + \phi_q)$		
A la Résonance de vitesse w = w ₀ F et v sont en phase	<u>Résonance d'intensité</u> w = w ₀ u et i sont en phase		
Oscillateur mécanique libre amorti	Oscillateur électrique libre amorti		
Equation différentielle			
$\mathbf{m}\frac{\mathrm{d}^2\mathbf{x}}{\mathrm{dt}^2} + \mathbf{h}\frac{\mathrm{d}\mathbf{x}}{\mathrm{dt}} + \mathbf{k}\mathbf{x} = 0$	$\mathbf{L}\frac{\mathrm{d}^2\mathbf{q}}{\mathrm{d}t^2} + \mathbf{R}_{T}\frac{\mathrm{d}\mathbf{q}}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C}\mathbf{q} = 0$		
Solution de l'équation dif	férentielle : pas demandée		
Oscillateur mécanique forcé	Oscillateur électrique forcé		
Equation différentielle			
$m\frac{d^2x}{dt^2} + h\frac{dx}{dt} + kx = Fm.sin(wt + \varphi_F)$	$L\frac{d^2q}{dt^2} + R_T \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} q = Um.sin(wt + \varphi_u)$		
F(t) est toujours en avance de phase par rapport à x(t)	u(t) est toujours en avance de phase par rapport à q(t)		



$$X_{m} = \frac{Fm}{\sqrt{h^{2}w^{2} + (k - mw^{2})^{2}}}$$

A la résonance d'élongation

$$W = \sqrt{w_0^2 - \frac{h^2}{2m^2}}$$

Condition sur h : $h < mw_0 \cdot \sqrt{2}$

$$Q_{m} = \frac{Um}{\sqrt{R_{T}^{2}w^{2} + \left(\frac{1}{C} - Lw^{2}\right)^{2}}}$$

A la résonance de charge

$$\mathbf{w} = \sqrt{w_0^2 - \frac{{R_T}^2}{2L^2}}$$

Condition sur R_T : $R_T < Lw_0 \cdot \sqrt{2}$

Equation différentielle en v(t)

$$m\frac{dv}{dt}$$
 + h.v + k $\int v.dt$ = Fm.sin(wt + ϕ_F)

$$Vm = \frac{Fm}{\sqrt{h^2 + \left(\frac{k}{w} - mw\right)^2}}$$

Equation différentielle en i(t)

$$L\frac{di}{dt} + R_T.i + \frac{1}{C} \int i.dt = Um.sin(wt + \varphi_u)$$

$$Im = \frac{Um}{\sqrt{R_T^2 + \left(\frac{1}{Cw} - Lw\right)^2}}$$

Puissance mécanique moyenne

$$P_{m} = \frac{F_{m}V_{m}}{2}\cos(\varphi_{v} - \varphi_{F})$$

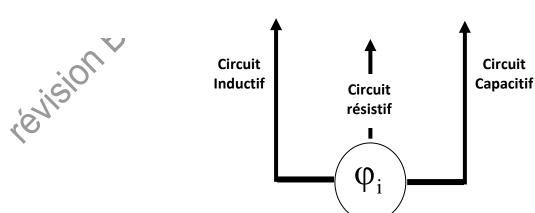
Résonance de puissance moyenne F et v sont en phase Puissance électrique moyenne

$$P_{m} = \frac{U_{m}I_{m}}{2}\cos(\varphi_{i} - \varphi_{u}) = UI\cos(\varphi_{i} - \varphi_{u})$$

Résonance de puissance moyenne u et i sont en phase

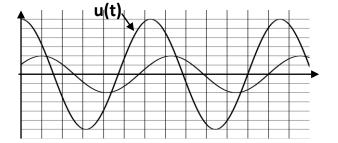
Pour les oscillateurs électriques forcés, on a toujours

 $\varphi_{uC} < \dots < \varphi_{u} < \dots < \varphi_{uL}$

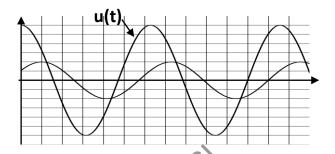


Des astuces pour résoudre un exercice sur les oscillateurs électriques forcés

Si les courbes fournies sont u(t) et $u_R(t)$



Si les courbes fournies sont u(t) et $u_c(t)$



Pour identifier les courbes il suffit de comparer les impédances Z et Z_R
On a toujours Z > Z_R ⇔ U_m > U_{Rm}
La courbe qui possède l'amplitude la plus grande est celle aux bornes du GBF (attention aux sensibilités verticales)

a partir de la courbe $\mathbf{U}_{R}(t)$ on peut déterminer la valeur de \mathbf{I}_{m} = $\frac{U_{Rm}}{R}$

on peut déterminer facilement la valeur de

l'impédance du circuit Z = $\frac{U_{\rm m}}{I_{\rm m}}$

On peut connaître la nature du circuit (inductif , capacitif ou résistif) par le calcul de $\left|\Delta\phi\right|=\left|\phi_{u}-\phi_{uR}\right|=\left|\phi_{u}-\phi_{i}\right|$ ------

la résistance interne de la bobine peut être déterminée à partir de la valeur de l'impédance électrique à la résonance d'intensité ou par la construction de Fresnel

$$\cos\Delta\phi = \frac{R+r}{Z}$$

la détermination des grandeurs électriques inconnues (R, r, C,...) nous permet de calculer le facteur de surtension Q

la courbe qui est en avance de phase est celle aux bornes du GBF

a partir de la courbe $u_{\text{C}}(t)$ on peut déterminer la valeur de I_{m}

$$U_{Cm} = \frac{I_m}{C.\omega} \Leftrightarrow Im = C.w.U_{Cm}$$

on peut déterminer facilement la valeur de

l'impédance du circuit Z =
$$\frac{U_{m}}{I_{m}}$$

On peut connaître la nature du circuit (inductif , capacitif ou résistif) par le calcul de $|\Delta \phi| = |\phi_u - \phi_{uC}|$

$$\phi_{u\mathrm{C}} = \phi_i$$
 - $\frac{\pi}{2}$

on peut déterminer facilement la valeur du facteur de surtension avec ou sans utiliser les grandeurs électriques (R, r, C,...)

$$Q = \frac{U_{Cm}}{U_m} = \frac{Lw_0}{R+r} = \frac{1}{R+r} \sqrt{\frac{L}{C}}$$

Si Q > 1 : phénomène de surtension

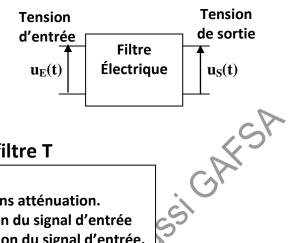
Le voltmètre indique une tension efficace $U = \frac{Um}{\sqrt{2}}$

L'ampèremètre indique une intensité efficace $I = \frac{Im}{\sqrt{2}}$



LES FILTRES ELECTRIQUES

Un filtre de fréquence est un quadripôle linéaire (2 bornes d'entrées, et 2 bornes de sorties), qui ne laisse passer que les signaux compris dans un domaine de fréquence limité, appelé la bande passante.



Transmittance d'un filtre T

$$T = \frac{U_{sm}}{U_{em}}$$

- Si T = 1 : transmission sans atténuation.
- Si T < 1 : il y a atténuation du signal d'entrée
- Si T > 1 : il y a amplification du signal d'entrée. gain d'un filtre

le gain d'un filtre, noté G, est donné par la relation :

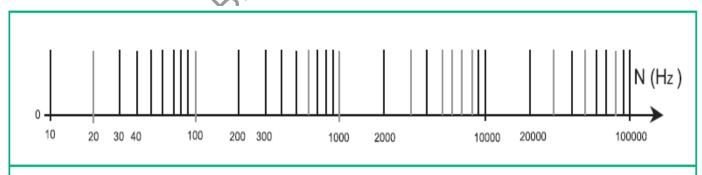
$$G = 20.log(T)$$

qui s'exprime en décibel (dB)

Un filtre est dit passant si :

$$T \ge \frac{T_0}{\sqrt{2}} \quad \underline{\text{ou bien}} \quad G \ge G_0 - 3 \, dB$$

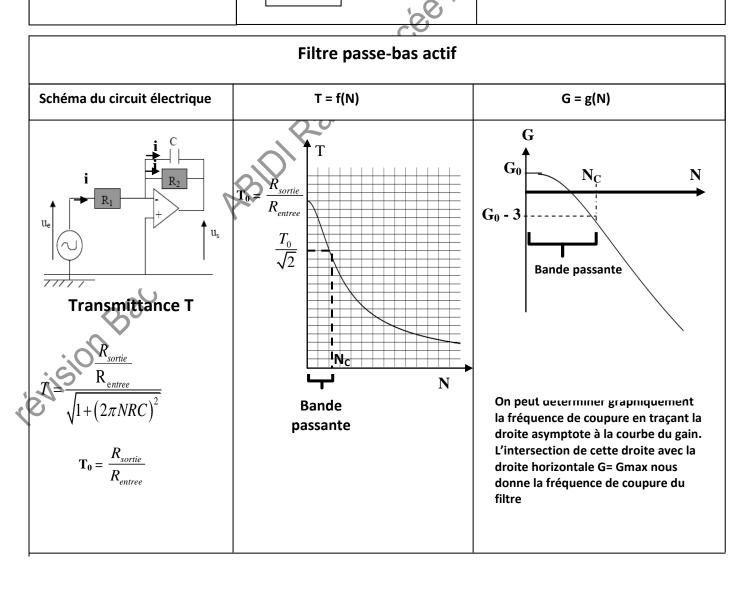
La courbe T = f(N) ou G = g(N) représente la réponse du filtre où N représente la fréquence du signal d'entrée



L'axe des abscisses gradué en logarithme décimal de N.

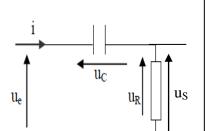


Filtre passe-bas passif Schéma du circuit électrique T = f(N)G = g(N)G - 3 $T_0 = 1$ **Transmittance T** Bande passante $T_0 = 1$ On peut déterminer graphiquement la fréquence de coupure en traçant la droite u_e(t) est toujours asymptote à la courbe du gain. en avance de L'intersection de cette droite avec phase par rapport **Bande** l'axe de fréquence nous donne la passante à u_s(t) fréquence de coupure du filtre



Filtre passe-haut

Schéma du circuit électrique

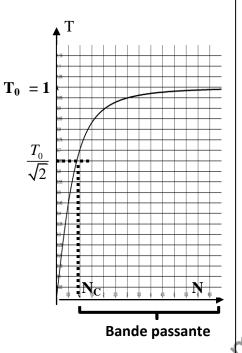


Transmittance T

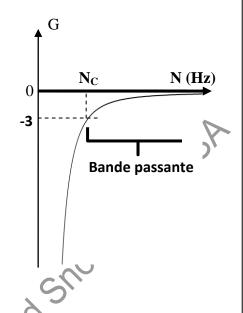
$$T = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{\left(2\pi NRC\right)^2}}}$$

$$T_0 = 1$$





G = g(N)

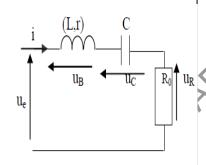


Filtre passe-bande

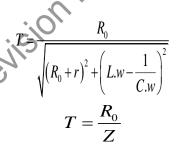
Schéma du circuit électrique

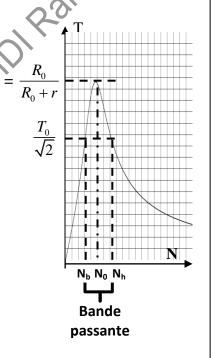
$$T = f(N)$$

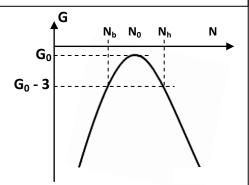




Transmittance T







La largeur de la bande passante est donnée par la différence $N_h - N_b$ des fréquences de coupures.

$$\mathbf{N_h} - \mathbf{N_b} = \frac{No}{Q} = \frac{R+r}{2.\pi.L}$$

No : fréquence à la résonance

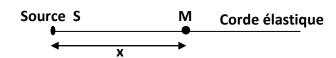
d'intensité

Q : facteur de qualité

ondes progressives

Corde élastique

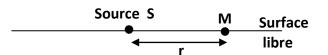
surface libre d'un liquide



M reproduit le mouvement de la source $\text{avec un retard horaire} \ \ \theta_\text{M} = \frac{\text{X}}{\text{C}}$

$$y_{M}(t, x) = y_{S}(t-\theta)$$

$$\begin{aligned} \mathbf{y}_{\mathrm{M}}(t) &= a \sin(\omega(t-\theta) + \phi_{\mathrm{S}}) \\ &= a \sin(\omega t - \omega \theta + \phi_{\mathrm{S}}) \\ &= a \sin(\omega t - \frac{2\pi}{T} \frac{\mathbf{x}}{C} + \phi_{\mathrm{S}}) \\ \mathbf{y}_{\mathrm{M}}(t) &= a \sin(\omega t - \frac{2\pi \mathbf{x}}{\lambda} + \phi_{\mathrm{S}}) \text{ si } t \geq \theta \end{aligned}$$



M reproduit le mouvement de la source avec un retard horaire $\theta_{\rm M} = \frac{r}{r}$

$$y_{M}(t, r) = y_{S}(t-\theta)$$

$$\begin{aligned} \mathbf{y}_{\mathrm{M}}(t) &= a \sin(\omega(t-\theta) + \phi_{\mathrm{S}}) \\ &= a \sin(\omega t - \omega \theta + \phi_{\mathrm{S}}) \\ &= a \sin(\omega t - \frac{2\pi}{T} \frac{\mathbf{r}}{C} + \phi_{\mathrm{S}}) \\ \mathbf{y}_{\mathrm{M}}(t) &= a \sin(\omega t - \frac{2\pi \mathbf{r}}{\lambda} + \phi_{\mathrm{S}}) \text{ si } t \geq \theta \end{aligned}$$

L'onde présente une double périodicité:

une périodicité temporelle de période T (exprimée en secondes).

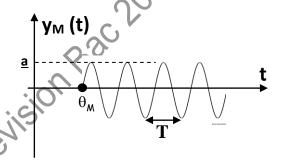
une périodicité spatiale ou longueur d'onde λ (exprimée en mètres).

Sinusoïde des temps

Sinusoïde des espaces

Ou aspect (cas d'une corde)
Ou coupe (cas d'un liquide)
Le temps est fixe

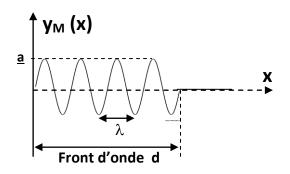
La position du point est fixe



T: période temporelle

Longueur d'onde (λ)
C'est la distance parcourue par l'onde
progressive pendant la durée T

$$\lambda = C.T = \frac{C}{N}$$



 λ : période spatiale

Front d'onde (d)
C'est la distance parcourue par
l'onde progressive pendant la durée t

$$\mathbf{d} = \mathbf{C.t}$$

En observant la <u>sinusoïde des temps</u> on peut savoir directement la valeur de ϕ_S : Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant θ , en se dirigeant dans le sens positif ϕ_S = 0 rad. Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant θ , en se dirigeant dans le sens négatif ϕ_S = π rad.

En observant la sinusoïde des espaces on peut savoir directement la valeur de ϕ_S : Lorsque le front d'onde se termine par un minimum ou creux (cas d'un liquide) $\phi_S = \pi$ rad Lorsque le front d'onde se termine par un maximum ou crête (cas d'un liquide) $\phi_S = 0$ rad

Effet d'une lumière stroboscopique

N : fréquence des vibrations

$$Si \frac{N}{Ne} = K$$
 Immobilité apparente

Si $\frac{N}{Ne}$ est légèrement supérieur à K

Mouvement ralenti dans le sens réel

Ne : fréquence du stroboscope

Si $\frac{N}{Ne}$ est légèrement inferieur à K

Mouvement ralenti dans le sens inverse

K est un entier non nul

Vibration des points remarquables

Point vibrant en phase par rapport à la source

$$x \text{ ou } r = k \cdot \lambda$$

$$k \in \square *$$

revision Bac 201

Point vibrant en opposition phase par rapport à la source

$$x ou r = \frac{\lambda}{2} + k \cdot \lambda$$

$$k \in \square$$

Point vibrant en quadrature avance de phase par rapport à la source

$$x ou r = -\frac{\lambda}{4} + k \cdot \lambda$$

Point vibrant en quadrature retard de phase par rapport à la source

$$x ou r = \frac{\lambda}{4} + k \cdot \lambda$$

$$k \in \square$$

Partie Chimie

Equilibre chimique

Toute réaction limitée aboutit à un état d'équilibre dynamique (ou chimique). Un système chimique est en équilibre dynamique si, en dehors de toute intervention du milieu extérieur, les réactifs et les produits sont présents dans le système et leurs quantités de matière ne changent pas au cours du temps.

a.A + b.B
$$\xrightarrow{\text{Réaction totale}}$$
 c.C + d.D

a.A + b.B
$$\stackrel{\text{sens direct}}{\longleftarrow}$$
 c.C + d.D

Taux d'avancement final
$$\tau_f = \frac{X_f}{X_{max}}$$

Une réaction est dite totale si $x_f = x_{max}$ ou $\tau_f = 1$ Une réaction est dite limitée si $x_f < x_{max}$ ou $\tau_f < 1$

Loi d'action de masse

Soit la réaction chimique suivante :

Fonction des concentrations π

$$\pi = \frac{\left[C\right]^{c}\left[D\right]^{d}}{\left[A\right]^{a}\left[B\right]^{b}}$$

Constante d'équilibre K

$$K = (\frac{\left[C\right]^c \left[D\right]^d}{\left[A\right]^a \left[B\right]^b})_{\acute{e}q}$$

Si π < K
Le sens direct est spontané
Si π = K
équilibre dynamique
Si π > K
Le sens indirect est spontané

La constante d'équilibre K ne dépend que de la température

<u>Remarque</u>: Pour la fonction usuelle des concentrations (utilisée lors de la résolution des exercices), on ne fait pas figurer les concentrations des liquides purs, des solides purs ou des solvants. Leurs concentrations seront remplacées par 1.

L'estérification est une réaction chimique entre un acide carboxylique R –COOH et un alcool R' –OH pour donner un ester R –COO – R' et de l'eau.

$$R-COOH + R'-OH \iff R-COO-R' + H_2O$$

Rappel:

Alcool C _n H _{2n+1} OH	Acide carboxylique C _n H _{2n+1} COOH
CH ₃ -OH: méthanol	H-COOH Acide méthanoïque
C₂H₅-OH : éthanol	CH₃-COOH Acide éthanoïque ou acide acétique
C ₂ H ₅ -CH ₂ -OH: propan-1-ol	C ₂ H ₅ -COOH Acide propanoique

lente, limitée et athermique.



Tableaux d'avancement en fonction de l'avancement x (en mol)

Eq de la réaction		a.A + b.B			- d.D
A t = 0 s	0	n ₁	n ₂	0	0
A t > 0 s	х	n ₁ - a.x	n ₂ - b.x	c.x	d.x
A t _{final}	Xf	n ₁ - a.x _f	n ₂ - b.x _f	C.X _f	d.x _f

<u>Tableaux d'avancement en fonction de l'avancement volumique y (en mol.L⁻¹)</u>
Si les réactifs et les produits d'un système chimique constituent une seule phase et si la transformation se produit à volume constant V, on peut définir l'avancement volumique y :

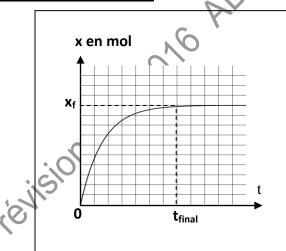
$$y = \frac{x}{V}$$

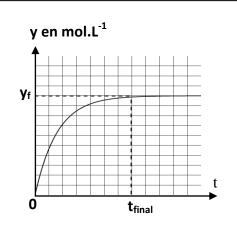
Eq de la réaction		a.A +	b.B ←	<u>→</u> c.C +	d.D
A t = 0 s	0	C ₁	C ₂	0	0
A t > 0 s	у	C ₁ - a.y	C ₂ - b.y	c.y	d.y
A t _{final}	y f	C ₁ - a.y _f	C ₂ - b.y _f	c.y _f	d.y _f

L'avancement maximal et le réactif limitant

Lorsqu'une réaction est considérée totale, elle ne s'arrête qu'en l'absence d'au moins un réactif : le réactif ayant totalement disparu en fin de réaction est nommé réactif limitant

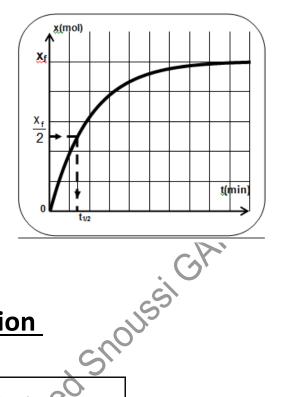
courbes d'évolution





Le temps de demi-réaction $t_{1/2}$ Le temps de demi-réaction, noté $t_{1/2}$, correspond au temps nécessaire pour que l'avancement x soit parvenu à la moitié de sa valeur finale.

Pour
$$t = t_{1/2}$$
 on a $x = \frac{x_f}{2}$



Le temps de demi-réaction est déterminé graphiquement. A l'aide de la courbe représentant l'avancement x=f(t).

 $t_{1/2}$ est l'abscisse du point d'ordonnée $\frac{X_f}{2}$

Lois de modération

Les facteurs d'équilibre sont :

- * Concentration de l'un des constituants.
- * Température (Si la réaction n'est pas athermique)
- * Lapression (Si le système chimique renferme au moins un gaz)

Effet de la variation d'une concentration à température constante sur un système chimique en équilibre

Toute augmentation (diminution) de la concentration de l'un des constituants, à température constante, d'un système chimique initialement en équilibre, favorise la réaction qui tend à diminuer (augmenter) cette concentration

Effet de la variation de température à pression constante sur un système chimique fermé en équilibre

- •Une réaction athermique est une réaction au cours de laquelle la température reste constante.
- Une réaction exothermique est une réaction au cours de laquelle la température augmente.
- Une réaction endothermique est une réaction au cours de laquelle la température diminue. Effet de la variation de température à pression constante sur un système chimique fermé en équilibre

Toute augmentation de la température, à pression constante, d'un système chimique fermé initialement en équilibre, favorise la réaction endothermique.

Toute diminution de la température, à pression constante, d'un système chimique fermé initialement en équilibre, favorise la réaction exothermique.

Effet de la variation de pression à température constante sur un système chimique fermé en équilibre

Toute augmentation (diminution) de la pression, à température constante, d'un système chimique fermé initialement en équilibre, favorise la réaction qui tend à diminuer (augmenter) le nombre total de moles gazeuzes.



<u>Remarque</u> : Comment connaître la réaction qui tend à augmenter ou à diminuer le nombre de moles total de gaz ?

On va répondre par un exemple : On considère la réaction de diazote et de dihydrogène.

$$N_2(g) + 3H_2(g) \xrightarrow{\text{(sens direct) } n_g \searrow} 2NH_3(g)$$

Attention: dans l'exemple précédent

Le sens direct s'appelle : synthèse.

Le sens inverse s'appelle : Décomposition ou dissociation.

ACIDE - BASE

Un monoacide est une espèce chimique capable de céder un proton H⁺ au cours d'une réaction chimique.

$$AH + H_2O \longrightarrow A^- + H_3O^+$$

Une monobase est une espèce chimique capable de capter un proton H⁺ au cours d'une réaction chimique.

$$B + H_2O \longrightarrow BH^+ + OH^-$$

Un ampholyte (ou amphotère) est une espèce chimique qui, dans un couple, se présente comme un acide et dans un autre comme une base.

Exemple:

 H_2O est un ampholyte on le trouve dans H_3O^+/H_2O comme une base et dans H_2O/OH^- comme un acide

Loi d'action de masse appliquée aux réactions acide-base :

Soient les deux couples acide-base suivant acide1 / base1 et acide2 / base2

la constante d'équilibre de cette réaction est : $K = \frac{[base1].[acide2]}{[base2].[acide1]}$

Si K > 1 : Le sens direct est spontané \Leftrightarrow (acide 1) est plus fort que (acide 2)

(base 2) est Plus forte que (base 1)

Si K = 1: équilibre dynamique.

Si K < 1 : Le sens indirect est spontané \Leftrightarrow (acide 2) est plus fort que (acide 1)

(base 1) est plus forte que (base 2)

Constante De basicité Kb:

$$B + H_2O \longrightarrow BH^+ + OH^-$$

la constante d'acidité est :

$$\mathsf{Kb} = \frac{\left[\mathsf{BH}^{+}\right].\left[\mathsf{OH}^{-}\right]}{\left[\mathsf{B}\right]}$$

Constante d'acidité Ka:

$$AH + H_2O \longrightarrow A^- + H_3O^+$$

la constante d'acidité est :

$$Ka = \frac{\left[A^{-}\right].\left[H_{3}O^{+}\right]}{\left[AH\right]}$$

$$pKb = - log(Kb)$$

$$Kb = 10^{-pKb}$$

pKa =
$$-\log(Ka)$$

Ka = 10^{-pKa}

Le couple acide-base ayant Kb la plus grande ou pKb la plus petite présente la base la plus forte et l'acide le plus faible

Le couple acide-base ayant Ka la plus grande ou pKa la plus petite présente l'acide le plus fort et la base la plus faible

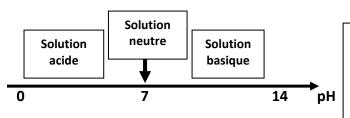
pH d'une solution aqueuse

La formule de pH est applicable uniquement pour les solutions de concentration molaire

$$10^{-6} \, \text{mol.L}^{-1} \le C \le 10^{-1} \, \text{mol.L}^{-1}$$

$$pH = -\log[H_3O^+]$$

$$\left\lceil \text{H}_{\text{\tiny 3}}\text{O}^{\scriptscriptstyle +}\right\rceil = 10^{\text{-pH}}$$



- milieu acide : [OH⁻] est négligeable devant [H₃O⁺]
- milieu basique : [H₃O⁺] est négligeable devant [OH⁻]

- milieu neutre :
$$\left[OH^{-}\right] = \left[H_{3}O^{+}\right]$$

On peut appliquer ces deux formules directement

le tableau d'avancement : il n y'a pas d'état intermédiaire car l'équilibre chimique s'établit instantanément.

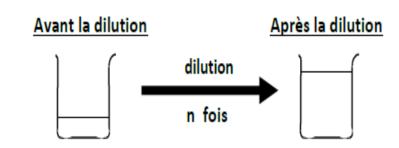
Eq de la réaction		AH +	+ H₂O	A +	H ₃ O [†]
A t = 0 s	0	C _A	excès	0	10 ^{-pKe/2}
At final	y f	C _A -y _f	excès	y f	10 ^{-pKe/2} + y _f
800		•			10 ^{-pH}

Eq de la réaction		В +	H ₂ O	BH ⁺ ·	+ OH
A t = 0 s	0	Св	excès	0	10 ^{-pKe/2}
At final	y f	C _A -y _f	excès	y f	10 ^{-pKe/2} + y _f
	•				10 ^{pH-pKe}

Solution	Acide fort	Base forte	Acide faible	Base faible
aqueuse				
pН	- log C _A	pKe + log C _B		
	on peut appliquer cette	on peut appliquer cette	Bac Sc et Maths	Bac Sc et Maths
	formule directement	formule directement		
Dissociation	totale	totale	faible	faible
dans l'eau	[H ₃ O+] = C _A	[OH-] = CB	[H ₃ O+] < C _A	[OH⁻] < C _B

Jussi

Dilution des solutions acides et basiques



Volume	V	$V' = n.V = V + V_{eau}$
Concentration molaire	С	$C' = \frac{C}{n}$
pH	рН	pH'

Au cours de la dilution la quantité de matière ne change pas

$$C.V = C'.V'$$

Le taux d'avancement final le plus grand correspond a la solution (acide ou basique) la plus forte Pour des solutions aqueuses de même concentration molaire , le pH le plus proche de 7 correspond à la solution la plus faible. une solution aqueuse acide ou basique est dite faiblement ionisée si $\tau_{\rm f} < 0.05$

Dosage Acide – Base

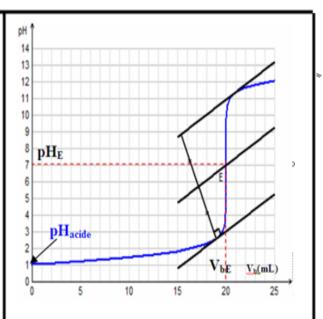
Dosage Acide fort - Base forte

- Faible variation de pH avant et après l'équivalence.
- Saut brusque de pH au voisinage du point d'équivalence.
- La courbe admet un point d'inflexion, c'est le point d'équivalence E
- pH_E = 7 la solution est neutre à l'équivalence
- Equation de la réaction du dosage

$$H_3O^+ + OH^- \rightarrow 2H_2O$$

Cette réaction est totale car :

$$K = \frac{1}{[H_3O^+][OH^-]} = 10^{14} + 25 \degree C \text{ donc } K >> 10^4$$



Dosage Acide faible - Base forte

- Faible variation de pH avant et après l'équivalence.
- Saut brusque de pH au voisinage du point d'équivalence.
- La courbe admet deux points d'inflexion,
- le point d'équivalence E et le point de demi-équivalence $E_{1/2}$.
- pH_E > 7 la solution est basique à l'équivalence.
- Equation de la réaction du dosage

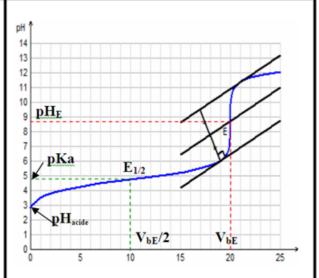
$$AH + OH \rightarrow A + H_2O$$

Cette réaction est totale car :

$$\mathbf{K} = \frac{\begin{bmatrix} A^{-} \end{bmatrix}^{-}}{\begin{bmatrix} AH \end{bmatrix}\begin{bmatrix} OH^{-} \end{bmatrix}} = \frac{\begin{bmatrix} A^{-} \end{bmatrix}^{-}}{\begin{bmatrix} AH \end{bmatrix}\begin{bmatrix} OH^{-} \end{bmatrix}\begin{bmatrix} H_{3}O^{+} \end{bmatrix}} = \frac{K_{a}}{K_{\epsilon}}$$

$$= \begin{bmatrix} 10^{pK\epsilon - pKa} = 1,57.10^{9} & \text{donc } \mathbf{K} >> 10^{4} \end{bmatrix}$$

(dans notre cas le pKa = 4.8)



Dosage Acide fort – Base faible

- Faible variation de pH avant et après l'équivalence.
- Chute brusque de pH au voisinage du point d'équivalence.
- La courbe admet deux points d'inflexion,

le point d'équivalence \vec{E} et le point de demi-équivalence $E_{1/2}$.

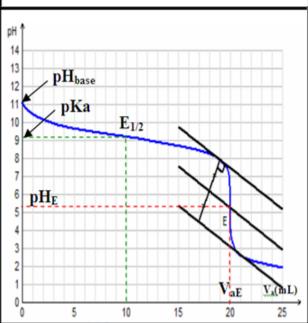
- pH_R < 7 la solution est acide à l'équivalence
- Equation de la réaction du dosage

$$B + H_3O^+ \rightarrow BH^+ + H_2O$$

Cette réaction est totale car :

K =
$$\frac{\begin{bmatrix} BH^+ \end{bmatrix}^-}{\begin{bmatrix} B \end{bmatrix} \begin{bmatrix} H_3O^+ \end{bmatrix}} = \frac{\begin{bmatrix} BH^+ \end{bmatrix} |}{\begin{bmatrix} B \end{bmatrix} \begin{bmatrix} H_3O^+ \end{bmatrix}} \frac{\begin{bmatrix} H_2O \end{bmatrix}}{K\alpha} = 10^{pK\alpha}$$

= 1,57.10° donc K >> 10⁴
(dans notre cas le pKa = 9.2.)



piles électrochimiques

Oxydant

C'est une entité chimique capable de capter un ou plusieurs électrons au cours d'une transformation chimique

Réducteur

C'est une entité chimique capable de libérer un ou plusieurs électrons au cours d'une transformation chimique

Oxydation

C'est une réaction chimique au cours de la quelle il y a perte d'électrons

Réduction

C'est une réaction chimique au cours de la quelle il y a gain d'électrons

schéma général

électrode 2 M_1 électrode 1 pont salin électrolyte 1 électrolyte 2

Le pont salin assure - la fermeture du circuit électrique. - la neutralité électrique des solutions.

Symbole de la pile	$M_1 M_1^{2+} M_2^{2+} M_2$
Equation chimique associée à la pile	$M_1 + M_2^{2+} \xrightarrow{\text{direct}} M_1^{2+} + M_2$
La fonction des concentrations π	$\pi = \frac{\left[\mathbf{M}_{1}^{2+}\right]}{\left[\mathbf{M}_{2}^{2+}\right]}$
La force électromotrice (f.é.m) de la pile E	E = V _{droite} - V _{gauche} = V _{M2} - V _{M1}

Sens d'évolution spontané

f.é.m de la pile : E = V_{droite} - V_{Gauche}

Si E > 0 : Le sens direct est spontané Si E < 0 : Le sens indirect est spontané Si E = 0 V : équilibre dynamique

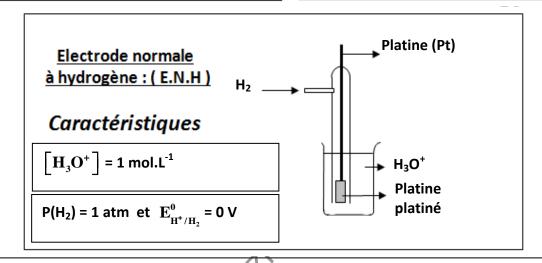
Pile épuisée

La f.é.m de la pile

$$E = E^0 - \frac{0.06}{n} \log(\pi)$$

La constante d'équilibre

$$K = 10^{\frac{nE^0}{0.06}}$$



Le couple Ox/red qui possède $E^0_{ox/red}$ la plus grande présente l'entité la plus oxydante et l'entité la moins réductrice

La pile Leclanché

est constituée des deux couples redox Zn2+/Zn et MnO2/ MnO2H sépares par un électrolyte constitue d'une solution gélifiée de chlorure d'ammonium NH₄Cl et de chlorure de zinc ZnCl₂.

La pile Mallory

est constituée des couples redox Zn(OH)₄²⁻/Zn et MnO₂/MnO₂H. L'électrolyte est une solution d'hydroxyde de potassium gélifiée.

La pile a oxyde d'argent

est constituée des couples redox Zn(OH₄) ²⁻/Zn et Ag₂O/Ag sépares par un électrolyte constitue d'une solution gélifiée d'hydroxyde de potassium.

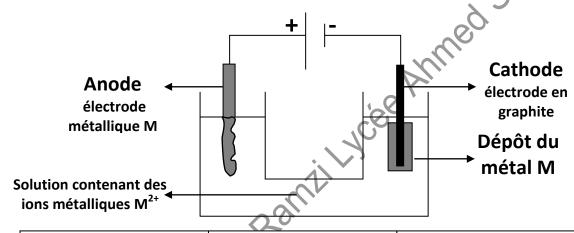
ELECTROLYSE

Réaction chimique spontanée :

Une réaction est dite spontanée si elle se déroule sans intervention extérieure c'est-à-dire elle est spontané dans un sens et impossible dans un autre Réaction chimique imposée :

Une réaction est dite <u>imposée</u> si elle se déroule avec intervention extérieure (existence d'un générateur)

Electrolyse d'une solution à électrode attaquable :



Au niveau de l'anode	Au niveau de la cathode	La réaction d'électrolyse
Oxydation	Réduction	Réaction redox
M → M ²⁺ + 2.e ⁻	M ²⁺ + 2.e ⁻ → M	$M^{2+} + 2.e^{-} \rightarrow M$ $M \rightarrow M^{2+} + 2.e^{-}$ $M + M^{2+} \rightarrow M^{2+} + M$

n : nombre de moles du métal

déposé. n =
$$\frac{m}{M}$$
 = $\frac{Q}{2.F}$

Q :quantité d'électricité consommée au cours de la réaction Q = I.t

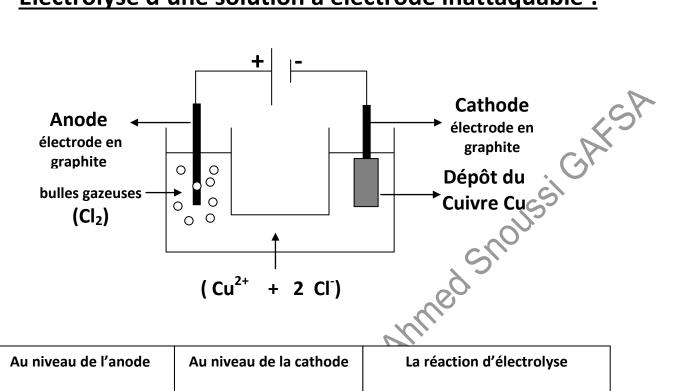
Attention le temps est en seconde

F : constante de Faraday

$$F = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$$

$$\mathbf{m} = \frac{\text{I.t.M}}{2.\text{F}}$$

Electrolyse d'une solution à électrode inattaquable :



Au niveau de l'anode	Au niveau de la cathode	La réaction d'électrolyse
Oxydation	Réduction	Réaction redox
2Cl⁻ → Cl₂ + 2.e⁻	Cu ²⁺ + 2.e ⁻ → Cu	$2Cl^{-} \rightarrow Cl_{2} + 2.e$ $Cu^{2+} + 2.e^{-} \rightarrow Cu$ $Cu^{2+} + 2Cl^{} \rightarrow Cu + Cl_{2}$

Les accumulateurs sont des piles rechargeables

ACCUMULATEUR PLOMB-ACIDE

Une batterie au plomb est constituée d'un ensemble d'accumulateurs plomb-acide dispose en serie (six accumulateurs pour les batteries de 12 V et trois accumulateurs pour les batteries de 6 V). Un élément d'accumulateur possède une tension nominale de 2 V,

