

**Chimie :**

**Exercice n°1: (4,5pts)**

En dissolvant chacun de trois acides  $AH_1$ ,  $AH_2$  et  $AH_3$  dans l'eau pure, on prépare respectivement trois solutions aqueuses d'acides ( $S_1$ ), ( $S_2$ ) et ( $S_3$ ) de concentrations molaires identiques  $C$ . On oublie de coller une étiquette portant le nom de la solution sur chaque flacon. Seul l'un des acides correspond à un acide fort (le chlorure d'hydrogène). Chacun des deux autres étant un acide faible. Pour identifier chaque solution, on mesure son pH et on porte les résultats dans le tableau suivant :

Solution	( $S_1$ )	( $S_2$ )	( $S_3$ )
pH	2,9	1	2,4

- 1) a) Classer les acides  $AH_1$ ,  $AH_2$  et  $AH_3$  par ordre de force décroissante, justifier la réponse.
- b) En déduire celui des trois acides qui correspond à HCl; Déterminer la valeur de la concentration de sa solution.
- 2) a) Exprimer le pka d'une solution d'acide faible HA en fonction de son pH et de la concentration  $C$ . Préciser les approximations utilisées sachant que  $C \geq 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$ .
- b) Calculer le pka de chacun de deux acides faibles.
- c) Identifier chacun de deux acides faibles en utilisant la liste des valeurs de pka de quelques acides consignés dans le tableau suivant :

Acide	méthanoïque	benzoïque	éthanoïque	carbonique
pKa	3,8	4,2	4,8	6,4

**Exercice n° 2: (4,5pts)**

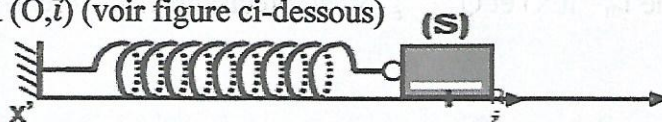
On étudie l'équilibre de dissociation du peroxyde de diazote  $N_2O_4(g) \rightleftharpoons 2NO_2(g)$   
Dans une enceinte de volume  $V = 20L$ , on introduit  $n_0 = 0,75 \text{ mol}$  de peroxyde d'azote  $N_2O_4$  à la température  $\theta_1 = 25^\circ C$  et sous une pression  $P$ . A l'équilibre, on obtient un système chimique ( $S_1$ ) formé par un mélange de  $N_2O_4$  et de  $NO_2$  tel que  $n(NO_2) = 2 n(N_2O_4)$ .

- 1) a) Déterminer la composition finale du système à l'équilibre.
- b) Calculer la constante équilibre  $K_1$  à la température  $\theta_1$ .
- c) Calculer le taux d'avancement final  $\tau_{f1}$  de la réaction de dissociation à la température  $\theta_1$ .
- d) On fait varier le système par  $\Delta n$  de la quantité de matière de  $NO_2$ , le taux d'avancement final prend la valeur  $\tau_{f2} = 0,3$ . Préciser le sens de déplacement de l'équilibre chimique. Dire si  $\Delta n$  est une augmentation ou une diminution.
- 2) lorsqu'on élève la température dans ( $S_1$ ) pour atteindre la valeur  $\theta_2$  supérieure à celle de  $\theta_1$ . On remarque que la couleur rouge brun de dioxyde d'azote  $NO_2$  devient plus intense.
- a) Déterminer le caractère énergétique de la réaction de dissociation de  $N_2O_4$ .
- b) Comparer en le justifiant  $K_1$  et  $K_2$  respectivement les constantes d'équilibre à  $\theta_1$  et à  $\theta_2$ .
- c) Préciser l'effet d'une augmentation de la pression sur cette équilibre.

**Physique :**

**Exercice n°1: (4,5pts)**

Un ressort à spires non jointives de masse négligeable et de coefficient de raideur  $K=20N.m^{-1}$  est disposé sur un plan horizontal, l'une de ses extrémités est fixe, on accroche à l'autre extrémité un solide (S) de masse  $m= 0,2kg$ . Ce solide peut se déplacer sans frottement le long d'un axe horizontal ( $x'x$ ). A l'équilibre le centre d'inertie G du solide (S) coïncide avec l'origine O du repère R ( $O, \vec{i}$ ) (voir figure ci-dessous)

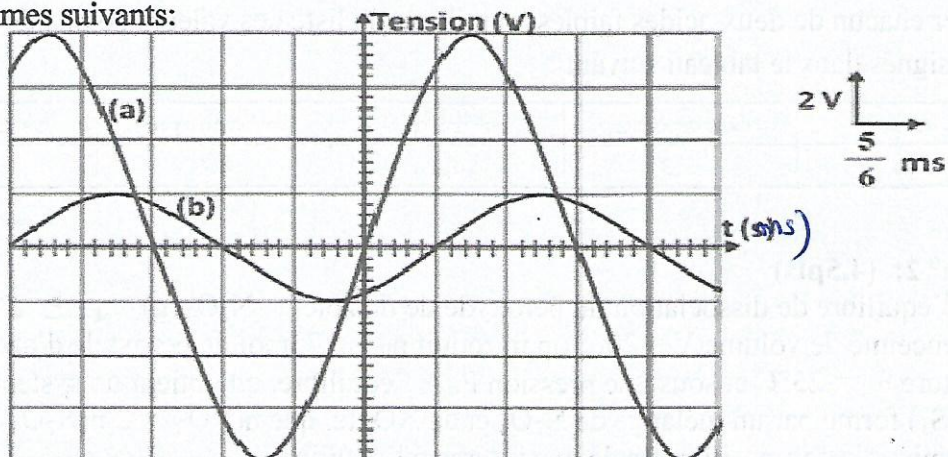


On allonge le ressort vers la droite, le point G occupe la position  $G_0$  telle que  $OG_0 = x_0 = 2,5 \text{ cm}$  et à l'instant  $t=0$ , on lâche le solide avec une vitesse initiale  $v_0 = 0,25 \text{ ms}^{-1}$ .

- 1- a- Etablir l'équation différentielle qui régit le mouvement de (G).
- b- En déduire l'expression de la pulsation propre  $\omega_0$  des oscillations de (G), calculer  $\omega_0$ .
- c- Vérifier que quelque soient les valeurs de  $x_m$  et  $\varphi$ , l'équation horaire  $x(t) = x_m \sin(\omega_0 t + \varphi)$  est solution de l'équation différentielle précédente.
- 2- a- Déterminer la valeur de l'amplitude  $x_m$  et celle de la phase initiale  $\varphi$ .
- b- En déduire l'expression de la vitesse instantanée  $v(t)$  de solide (S) en fonction de temps.
- c- Trouver la date pour laquelle le solide passe par sa position d'équilibre pour la 5<sup>ème</sup> fois.
- 3) a) Donner l'expression de l'énergie mécanique de cet oscillateur.
- b) Montrer que cette énergie se conserve au cours de temps.
- c) En déduire son expression en fonction de  $K$ ,  $m$ ,  $x_0$  et  $v_0$ . Calculer sa valeur.

### Exercice n°2 : (6,5pts)

On monte en série une bobine d'inductance  $L = 0,1 \text{ H}$  et de résistance  $r$ , un résistor de résistance  $R_0 = 10 \Omega$  et un condensateur de capacité  $C$ . ON applique aux bornes du circuit une tension alternative :  $u(t) = U_m \sin(2\pi Nt)$  de fréquence  $N$  réglable. On visualise sinusoidalement, à l'aide d'un oscilloscope bi courbe, les deux tensions  $U_{R_0}(t)$  et  $u(t)$  respectivement aux bornes du résistor  $R_0$  et aux bornes de tout le circuit, on obtient les oscillogrammes suivants:



- 1) a) Montrer que la courbe (a) représente la variation de la tension aux bornes du circuit RLC
- b) Faire un schéma du montage en indiquant les branchements à effectuer entre l'oscilloscope et le circuit.
- 2) A partir des oscillogrammes ci-dessus, déterminer:
  - a) La fréquence  $N$  de la tension  $u(t)$ .
  - b) la valeur maximale de l'intensité  $i(t)$  du courant débité dans le circuit et en déduire l'impédance  $Z$  du circuit.
  - c) Le déphasage de l'intensité du courant  $i(t)$  par rapport à la tension  $u(t)$  et déduire la nature de circuit.
- 3) Etablir l'équation différentielle en  $i$  relative à cet oscillateur
- 4) Faire la construction de Fresnel à échelle convenable pour la valeur de  $N$  trouvé en 2) et en déduire la valeur de  $C$  et celle de  $r$ .
- 5) On règle la fréquence du générateur à la valeur  $N_0$  (fréquence propre). Déterminer dans ces conditions la valeur  $N_0$ , l'intensité maximale  $I_m$  et le coefficient de surtension  $Q$ .
- 6) Tracer les allures de  $I_m = f(N)$  et  $Q_m = g(N)$  en précisant les différents points particuliers.

### Exercice facultatif (4pts)

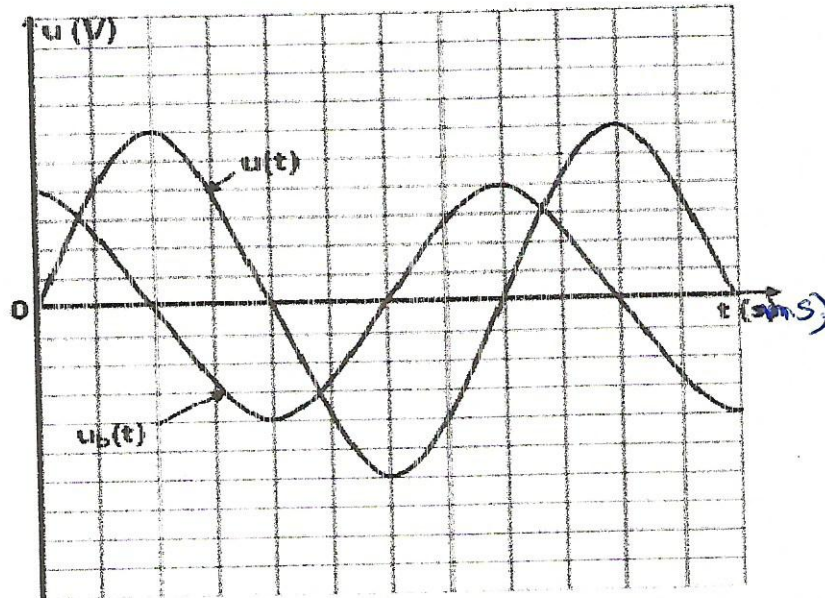
Un circuit électrique comporte en série :

- un résistor de résistance  $R = 32 \Omega$ ,
- une bobine d'inductance  $L$  et de résistance  $r$ ,
- un condensateur de capacité  $C$ .

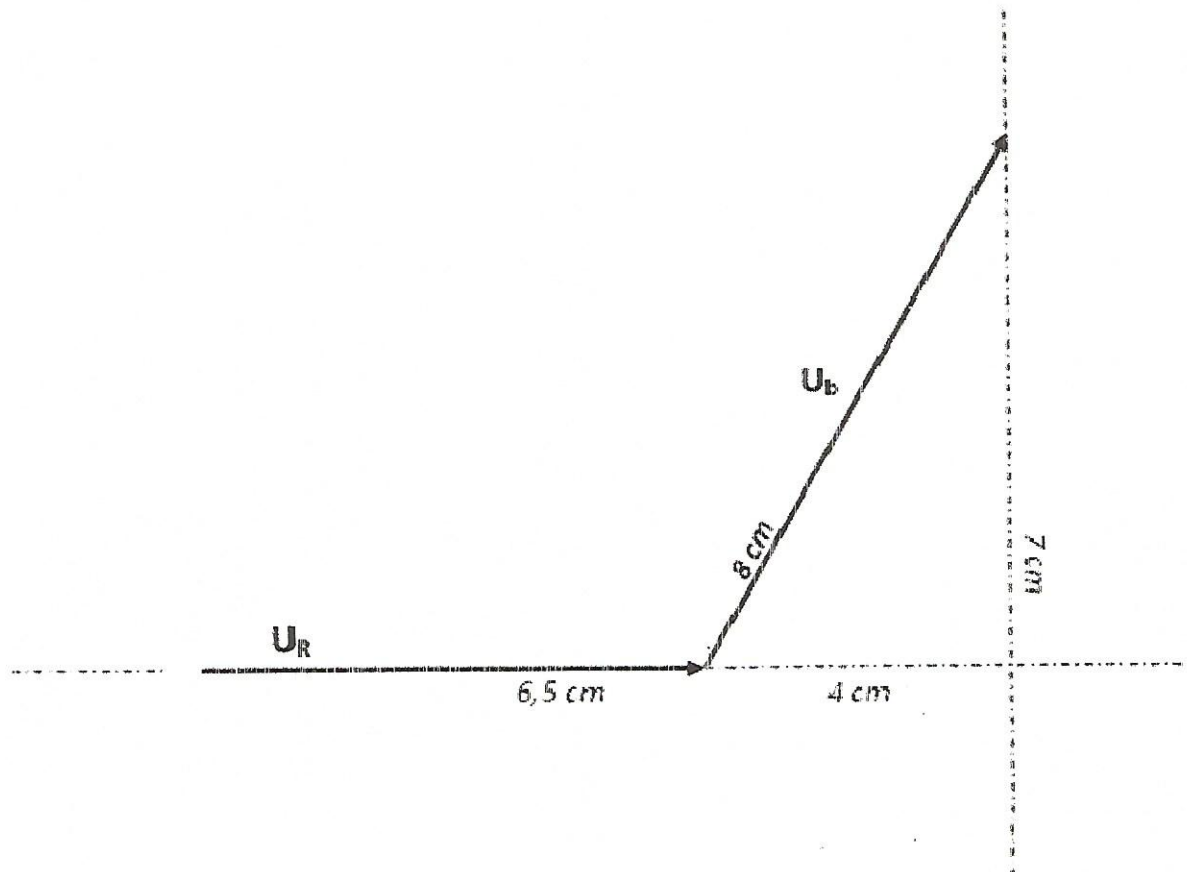
L'ensemble est alimenté par un GBF délivrant une tension alternative sinusoïdale :

$$u(t) = 30\sqrt{2} \sin(2\pi Nt), \text{ avec } N = 50 \text{ Hz.}$$

- 1) À l'aide d'un oscilloscope bicourbe, on observe les tensions  $u(t)$  sur la voie (1) et  $u_b(t)$  aux bornes de la bobine sur la voie (2), on obtient les oscillogrammes ci-contre.



- a) Faire le schéma du circuit et préciser les branchements sur l'oscilloscope.  
b) Déterminer le déphasage  $\Delta\varphi = \varphi_{u_b} - \varphi_u$ .  
c) Exprimer  $u_b(t)$  sachant que la sensibilité verticale est la même sur les deux voies.
- 2) Établir l'équation différentielle vérifiée par  $i(t)$ .
- 3) On donne, dans la figure ci-dessous, la représentation de Fresnel incomplète relative aux tensions efficaces.
- a) À partir de cette représentation déterminer l'intensité efficace  $I$  et la résistance  $r$ .  
b) Calculer le déphasage  $\Delta\varphi = \varphi_{u_b} - \varphi_i$ . En déduire l'inductance  $L$ .  
c) Montrer que le circuit est capacitif. Compléter la représentation et déduire la valeur de la capacité  $C$ .
- 4) Pour une fréquence  $N_1$ , la puissance moyenne consommée prend une valeur maximale  $P_1$ .
- a) Calculer  $N_1$  et  $P_1$ .  
b) Établir l'expression de  $u_c(t)$ .  
c) Calculer le coefficient de surtension du circuit.



## Chimie:

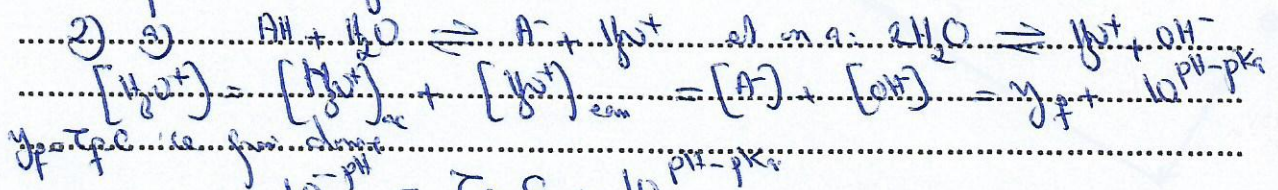
## Exercice n°1:

a) à égales concentrations, l'acide le plus fort lui correspond le pH le plus petit donc:

$A_2H$  |  $A_3H$  |  $A_1H$  → acidité décroissante

b)  $A_2H$  est le plus fort et  $A_1H$  et  $A_3H$  ont des acides faibles  
 ⇒  $A_2H$  est l'acide chlorhydrique HCl

$$pH = -\log c \quad \text{donc} \quad c = 10^{-pH} = 10^{-1} \text{ mol.l}^{-1}$$



$y_f = \tau_f c$  (le plus simple)

$$10^{-pH} = \tau_f c + 10^{pH-pK_a}$$

$$c \geq 10^{-6} \text{ mol.l}^{-1} \quad \text{donc} \quad 10^{pH-pK_a} \ll 10^{-pH} \quad \text{pour une solution acide} \Rightarrow 10^{-pH} \approx \tau_f c \quad (*)$$

$$K_a = \frac{[A^-][H_3O^+]}{[AH]} = \frac{\tau_f \cdot 10^{-pH}}{c - y_f} = \frac{\tau_f \cdot c \cdot 10^{-pH}}{c(1 - \tau_f)} = \frac{\tau_f \cdot 10^{-pH}}{1 - \tau_f}$$

l'acide est faible ⇒  $1 - \tau_f \approx 1 \Rightarrow \tau_f = K_a \cdot 10^{pH-pK_a}$

(\*) devient

$$10^{2pH-pK_a} = \frac{1}{c} \Leftrightarrow 2pH - pK_a = -\log c$$

$$\boxed{pK_a = 2pH + \log c}$$

$$b) \quad pK_{a1} = 2 \times pH_1 + \log c = 2 \times 2,9 - 1 = 4,8$$

$$pK_{a2} = 2 \times pH_2 + \log c = 2 \times 2,4 - 1 = 3,8$$

c)  $A_1H$  est l'acide éthanoïque:

$A_2H$  est l'acide méthanoïque:

## Exercice n°2:



à t:  $n_0$   $0$

à t:  $n_0 - 2x_f$   $2x_f$

$$\text{en} \quad n(NO_2) = 2 \cdot (N_2O_4) \quad \text{donc} \quad 2(n_0 - 2x_f) = 2x_f \Leftrightarrow 2x_f = n_0$$

$$x_f = \frac{1}{2} n_0 = 0,375 \text{ mol}$$

la composition de mélange à l'équilibre:

$$n_f(N_2O_4) = n_0 - 2x_f = 0,375 \text{ mol}$$

$$n_f(NO_2) = 2x_f = 0,75 \text{ mol}$$

$$b) K_p = \frac{[NO_2]_f^2}{[N_2O_4]_f} = \frac{1}{V} \frac{(n_{NO_2})^2}{n_{N_2O_4}} = \frac{1}{20} \frac{0,75^2}{0,375} = 0,75$$

$$c) \varphi_1 = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{x_f}{n_0} = \frac{0,375}{0,75} = 0,5$$

d)  $T_{f2} < T_{f1}$  : l'équilibre est déplacé dans le sens inverse pour déplacer l'équilibre dans le sens inverse il faut augmenter sans changement de volume la quantité de  $NO_2$  selon la loi de modération donc on est une augmentation.

e) a) l'augmentation de l'intensité de la lumière cesse bristique de  $NO_2$  montre que l'équilibre est déplacé dans le sens direct suite à cette augmentation de la température donc la réaction de dissociation de  $N_2O_4$  est endothermique selon la loi de modération.

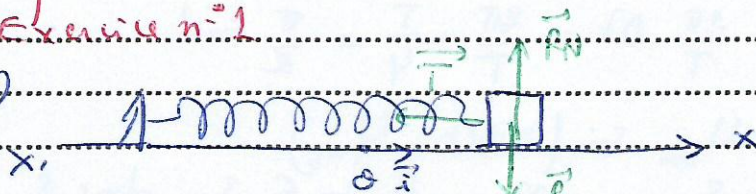
b)  $K_2 > K_1$  puisque l'équilibre est déplacé dans le sens direct lorsque  $\theta$  est augmenté de  $\theta_1$  à  $\theta_2$ .

c) une augmentation de la pression à température constante déplace l'équilibre dans le sens inverse qui tend à diminuer le nb de mole totale gazes selon la loi de modération.

Physique:

Exercice n°1

D.2)



le solide est soumis à l'action des 3 poids  $\vec{P}$  la tension de ressort  $\vec{T}$  et la réaction normale  $\vec{R}$  avec  $\vec{T} + \vec{R} + \vec{P} = m\vec{a}$

par projection sur (x'x) on a :  $-Kx = ma$   
 donc  $\frac{dx}{dt} + \frac{K}{m}x = 0$

b) l'équation différentielle homogène est de la forme

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0 \quad \text{ce qui donne } \omega_0^2 = \frac{k}{m}$$

alors  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$   
 $\omega_0 = \sqrt{\frac{20}{0,2}} = 10 \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$

1)  $x(t) = X_m \sin(\omega_0 t + \varphi_x)$  alors  $\frac{dx}{dt} = \omega_0 X_m \cos(\omega_0 t + \varphi_x)$

avec  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega_0^2 X_m \sin(\omega_0 t + \varphi_x) = -\omega_0^2 x$   
 on trouve l'équation différentielle  $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega_0^2 x = 0$

alors  $x(t) = X_m \sin(\omega_0 t + \varphi_x)$  est une solution de cet équation diff.

2) a)  $x(0) = X_m \sin(\omega_0 \cdot 0 + \varphi_x) = X_m \sin(\varphi_x) = x_0$  (1)

v(0) =  $X_m \omega_0 \cos(\omega_0 \cdot 0 + \varphi_x) = \omega_0 X_m \cos(\varphi_x) = v_0$  (2)

(1)  $\Rightarrow \frac{1}{\omega_0} \operatorname{tg} \varphi_x = \frac{x_0}{v_0}$  alors  $\operatorname{tg} \varphi_x = \frac{\omega_0 x_0}{v_0} = \frac{10 \cdot 0,025}{0,25} = 1$

$\Rightarrow \varphi_x = \frac{\pi}{4} \text{ rad}$  par la suite  $X_m = \frac{x_0}{\sin \varphi_x} = \frac{2,5 \cdot 10^{-2}}{\sin(\frac{\pi}{4})}$

$X_m = 3,53 \cdot 10^{-2} \text{ m}$

b)  $v(t) = v_m \sin(\omega_0 t + \varphi_v)$  avec  $v_m = \omega_0 X_m = 0,353 \text{ ms}^{-1}$

$\varphi_v = \varphi_x + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{2} = \frac{3\pi}{4} \text{ rad}$

$v(t) = 0,353 \sin(10t + \frac{3\pi}{4})$  (ms<sup>-1</sup>)

c) le mobile passe par sa position d'équilibre donc

$v(t) = \pm v_m$  ce qui donne  $\sin(10t + \frac{3\pi}{4}) = \cos(10t + \frac{\pi}{4}) = 1$   
 donc  $10t_k + \frac{\pi}{4} = k\pi$   $t_k = (k - \frac{1}{4}) \frac{\pi}{10}$  avec  $k \geq 1$

par la suite pour  $k=5$  donc  $t_5 = (5 - \frac{1}{4}) \frac{\pi}{10} = 1,49 \text{ s}$

3) a)  $E = E_c + E_p = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} k x^2$

b)  $\frac{dE}{dt} = m v \frac{dv}{dt} + k x \frac{dx}{dt} = \frac{dx}{dt} [m \frac{dv}{dt} + k x] = 0$

puisque  $m \frac{d^2x}{dt^2} + kx = 0$  alors  $E = \text{cte}$  : l'énergie se conserve

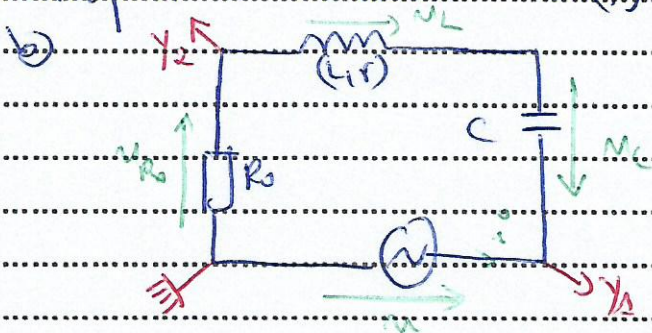
c) Pour  $x = x_0$  on a  $v = v_0$  et  $E = 60$   
 donc  $E = \frac{1}{2} k x_0^2 + \frac{1}{2} m v_0^2$

on:  $E = \frac{1}{2} \cdot 20 \cdot (1,25)^2 + \frac{1}{2} \cdot 0,2 \cdot (9,25)^2 = 12,5 \text{ W}^2 \text{ J}$

Exercice n°2:

1) a)  $U_m = Z \cdot I_m$  et  $U_{Rm} = R_0 \cdot I_m$  or  $Z > R_0 \forall N$   
 donc  $U_m > U_{Rm}$

La onde  $u$  a l'amplitude la plus grande donc elle correspond à la tension  $u(t)$ .



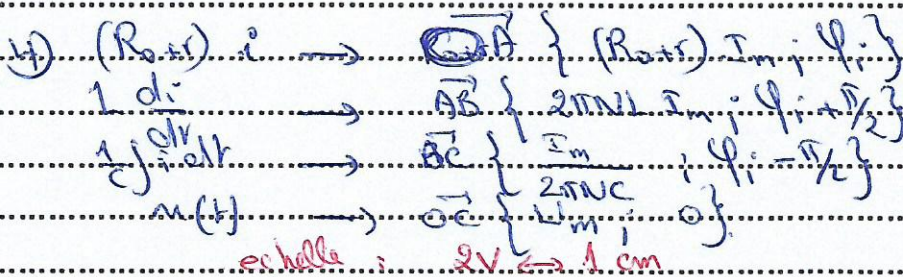
2) a)  $N = \frac{1}{T} = \frac{1}{6,5 \cdot 10^{-3}} = 200 \text{ Hz}$

b)  $I_m = \frac{U_{Rm}}{R_0} = \frac{2}{6} = 0,2 \text{ A}$  ;  $Z = \frac{U_m}{I_m} = \frac{8}{0,2} = 40 \Omega$

c)  $\varphi_i - \varphi_u = \varphi_{R_0} - \varphi_u = -\frac{2\pi}{T} \cdot \Delta t = -\frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{3} = -\frac{\pi}{3} \text{ rad}$   
 $\varphi_i - \varphi_u < 0$  ; le circuit est inductif

3) selon la loi de mailles on a:  $u_L + u_{R_0} + u_C = u$

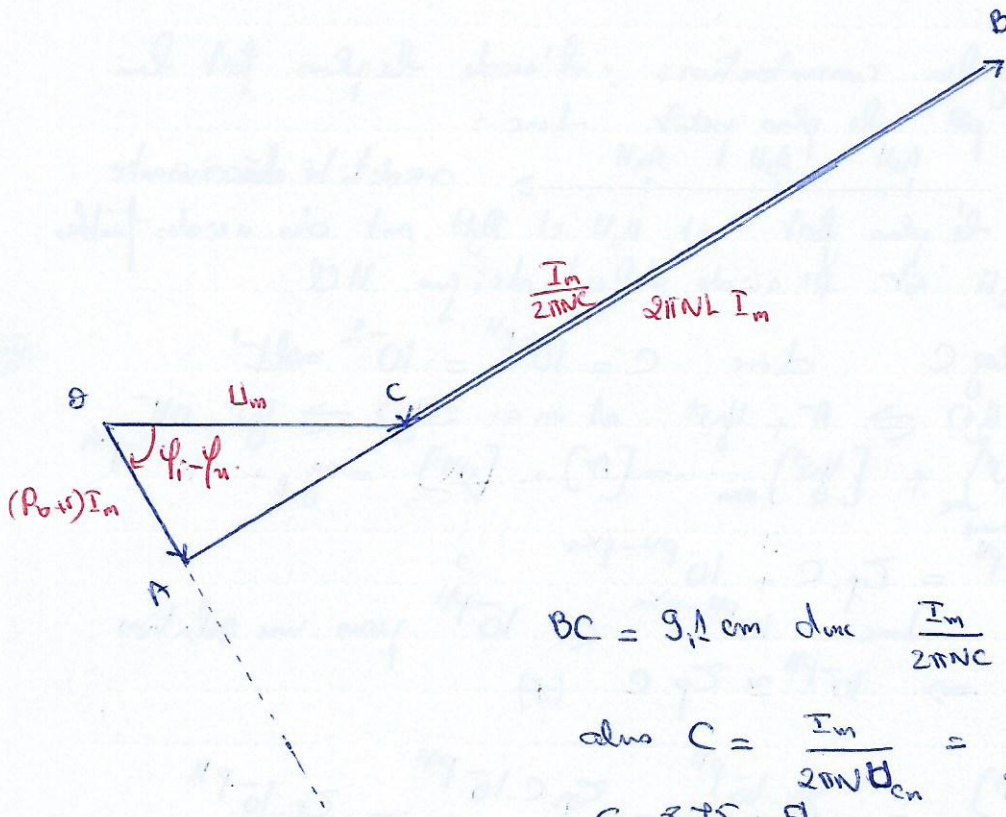
donc  $L \frac{di}{dt} + (r + R_0) \cdot i + \frac{q}{C} = u \Leftrightarrow L \frac{di}{dt} + (r + R_0) \cdot i + \frac{1}{C} \int i dt = u$



$2\pi N L I_m = 2\pi \cdot 200 \cdot 0,2 \cdot 0,2 = 25,12 \text{ V}$  donc  $AB = 12,56 \text{ cm}$

$U_m = 8 \text{ V}$  donc  $OC = 4 \text{ cm}$   
 $\varphi_i - \varphi_u = -\frac{\pi}{3} \text{ rad}$





$$BC = 9,1 \text{ cm} \text{ donc } \frac{I_m}{2\pi f C} = U_{Cm} = 18,2 \text{ V}$$

$$\text{alors } C = \frac{I_m}{2\pi f U_{Cm}} = \frac{0,2}{2\pi \cdot 200 \cdot 18,2} = 8,75 \cdot 10^{-6} \text{ F}$$

$$C = 8,75 \text{ } \mu\text{F}$$

$$OA = 2,1 \text{ cm} \text{ donc } (R_0+r)I_m = U_{Am} = 4,2 \text{ V}$$

$$\text{alors } R_0+r = \frac{U_{Am}}{I_m} \text{ donc } r = \frac{U_{Am}}{I_m} - R_0$$

$$r = \frac{4,2}{0,2} - 10 = 11 \text{ } \Omega$$

5) lorsque  $N = N_0$  on a la résonance d'intensité et le circuit est résistif c.e.d  $Z = R_0+r$ .

$$\text{donc } I_m = \frac{U_m}{Z} = \frac{U_m}{R_0+r} = \frac{8}{21} = 0,381 \text{ A.}$$

$$Q = \frac{2\pi N_0 L}{R_0+r} = \frac{1}{2\pi N_0 (R_0+r) C} = \frac{1}{R_0+r} \sqrt{\frac{L}{C}}$$

$$\text{A.N. } Q = \frac{1}{21} \sqrt{\frac{0,1}{8,75 \cdot 10^{-6}}} = 17,02$$

$$6) I_m = \frac{U_m}{\sqrt{(R_0+r)^2 + \left(2\pi f L - \frac{1}{2\pi f C}\right)^2}}$$

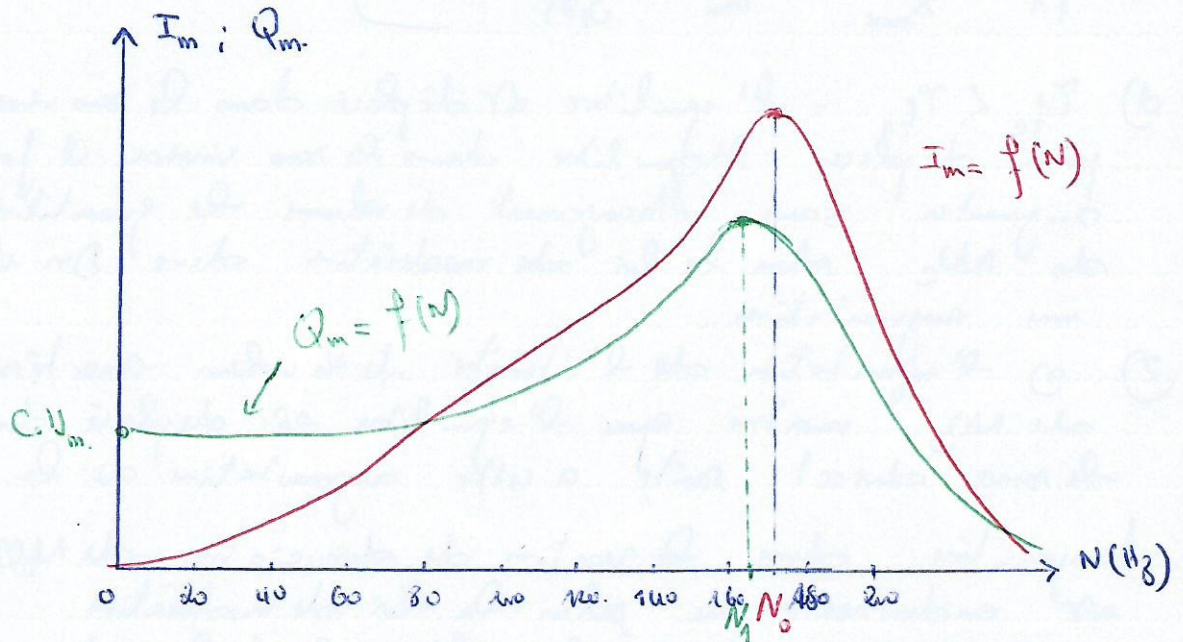
pour  $N = 0 \text{ Hz}$  on a:  $I_m = 0 \text{ A}$

pour  $N = N_0 = 1702 \text{ Hz}$  on a:  $I_m = \frac{U_m}{R_0+r} = 0,381 \text{ A}$

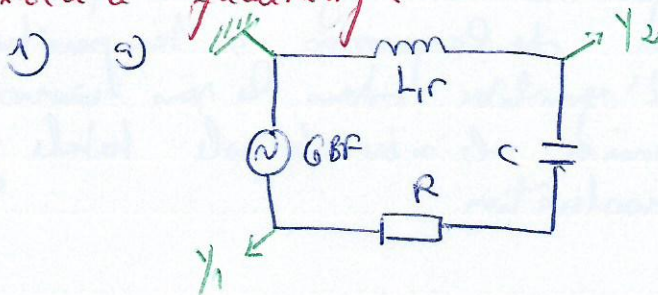
pour  $N$  très grande (infinie)  $I_m = 0 \text{ A}$ .

$$Q_m = w \cdot I_m = 2\pi N \cdot I_m = \frac{U_m}{\sqrt{[2\pi N (R_{0+r})]^2 + (\omega \pi^2 N^2 L - \frac{1}{C})^2}}$$

les que  $N_1 = 0 \text{ Hz}$  alors  $Q_m = C \cdot U_m$   
 les que  $N$  est très grande on a :  $Q_m = 0 C$ .  
 les que  $N_2 = \sqrt{N_0^2 - \frac{(R_{0+r})^2}{8\pi^2 L^2}} = 168,34 \text{ Hz}$ .



Exercice facultatif :



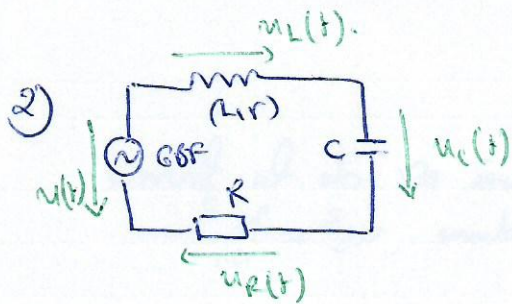
b)  $\varphi_{ub} - \varphi_u = \frac{2\pi}{T} \cdot DT = \frac{2\pi}{T} \cdot \frac{T}{4} = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$

c)  $u_b(t) = U_{bm} \sin(2\pi Nt + \varphi_{ub})$   
 $U_{bm} = 4 \cdot S_v$  or  $U_{bm} = 6 \cdot S_v$  donc  $S_v = \frac{30\sqrt{2}}{6}$

$S_v = 5\sqrt{2} \text{ V} \cdot \text{div}^{-1}$

$a$  que donc  $U_{bm} = 20\sqrt{2} \text{ V}$   
 $\varphi_u = 0 \text{ rad}$  donc  $\varphi_{ub} = \varphi_u + \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$

$N = \frac{1}{T} = 30 \text{ Hz}$  alors  $u_b(t) = 20\sqrt{2} \sin(200\pi t + \frac{\pi}{2}) \text{ V}$



selon la loi des mailles on a

$$u_L + u_R + u_C = u$$

$$L \frac{di}{dt} + (R+r) i + \frac{1}{C} \int i dt = u$$

3)

a)  $U_b = 20 \text{ V}$  qui correspond à 8 cm donc 1 cm  $\Leftrightarrow 2,5 \text{ V}$   
 $U_R = R I$  donc  $I = \frac{U_R}{R} = \frac{6,5 \times 2,5}{32} \approx 0,5 \text{ A}$ .

~~$U_b = Z_L I = 20 \text{ V}$~~

$(R+r) I = 10,5 \times 2,5 = 26,25 \text{ V}$  donc  $R+r = \frac{26,25}{0,5} = 52,5 \Omega$

alors  $r = 52,5 - 32 = 20,5 \Omega$

b)  $\text{tg}(\varphi_{ub} - \varphi_i) = \frac{7}{4} = 1,75$  donc  $\varphi_{ub} - \varphi_i = 60,25^\circ$

$\text{tg}(\varphi_{ub} - \varphi_i) = \frac{2\pi N L I}{r \cdot I} = \frac{2\pi N L}{r}$  alors  $L = \frac{r}{2\pi N} \cdot \text{tg}(\varphi_{ub} - \varphi_i)$

$L = 0,114 \text{ H}$

c) ①  $\varphi_{ub} - \varphi_o = 60,25^\circ$  or  $\varphi_{ub} - \varphi_u = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$  ②  
 $\approx \frac{\pi}{3} \text{ rad}$

② - ①  $\Rightarrow \varphi_i - \varphi_u = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{6} \text{ rad} > 0$

$\Rightarrow$  le circuit est capacitif.

Le reste de la construction est sur la feuille annexe.

graphiquement  $BC = 13 \text{ cm}$  donc  $\frac{I}{2\pi N C} = 13 \times 2,5 = 32,5 \text{ V}$

donc  $C = \frac{0,5}{2\pi \cdot 50 \cdot 32,5} \approx 49 \cdot 10^{-6} \text{ F} = 49 \mu\text{F}$

4) a)  $N_1 = N_0 = \frac{1}{2\pi \sqrt{LC}} = \frac{1}{2\pi \sqrt{0,114 \cdot 49 \cdot 10^{-6}}} = 67,37 \text{ Hz}$

$P_A = (R+r) \cdot I^2 = (R+r) \cdot \frac{U^2}{(R+r)^2} = \frac{U^2}{R+r} = \frac{30^2}{52,5} = 17,14 \text{ watt}$

b)  $u_C(t) = U_{cm} \sin(2\pi N_0 t + \varphi_{uc})$

$U_{cm} = \frac{I_m}{2\pi N_0 C} = \frac{0,81}{2\pi \cdot 67,37 \cdot 49 \cdot 10^{-6}} = 39,07 \text{ V}$

$$\varphi_{uc} = \varphi_i - \frac{\pi}{2} \quad \text{or} \quad \varphi_i - \varphi_u = 0 \quad \text{avec} \quad \varphi_u = 0 \text{ rad}$$

$$\text{donc} \quad \varphi_{uc} = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

$$u_c(t) = 39,07 \sin \left( 423,1 t - \frac{\pi}{2} \right) \quad (v)$$

$$c) \quad Q = \frac{U_{cm}}{U_m} = \frac{39,07}{30\sqrt{2}} = 0,92$$

