

Exercice N°1: (4 points)

Répondre par " Vrai " ou " faux " et justifier votre réponse :

- 1) l'équation : $x^2 + 4x + 4 - m^2 = 0$, admet deux racines distincts , pour tout $m \in \mathbb{R}$
- 2) $\sqrt{2 - 3x} + \sqrt{2x}$: existe pour tout : $x \in [0, \frac{3}{2}]$
- 3) l'équation : $(2x + 1)^2 = 3 - x(5 - 2x)$ est du second degré
- 4) si 2 et -3 deux racines de l'équation : $2x^2 + bx + c = 0$, alors : $c = -12$

Exercice N°2: (4, 5 points)

Résoudre dans \mathbb{R} , les équations suivantes :

$$1) 2x^2 - 5x - 3 = 0 \quad 2) \frac{x+3}{2x^2-5x-3} = \frac{1}{x-1} \quad 3) \sqrt{x^2 + 5} = 1 - x$$

Exercice N°3: (4points)

On donne $g(x) = 2x^2 - x - 1$

- 1) Montrer que : $g(x+1) - g(x) = 4x + 1$
- 2) En déduire que : $5 + 9 + 13 + \dots + (4n+1) = 2n^2 + 3n$, avec $n \in \mathbb{N}^*$

Exercice N°4: (6,5points)

dans un repère orthonormé $R(O, \vec{i}, \vec{j})$. on donne les points : A (1,2) ; B(3,4) et C(- 1 , 4)

- 1) Montrer que le triangle ABC est rectangle et isocèle en A
- 2) Montrer que : (\vec{AB}, \vec{AC}) forme une base de l'ensemble des vecteurs
- 3) a) déterminer dans R les coordonnées du point D vérifiant : $\vec{AD} = 2\vec{BC}$
 b) En déduire les coordonnées du point D dans la base (\vec{AB}, \vec{AC})
- 4) Soit le point G définie par : $3\vec{AG} - \vec{BG} + \vec{CG} = \vec{0}$
 a) Déterminer les coordonnées de G dans la base (\vec{AB}, \vec{AC})
 b) En déduire que : $G \in (AD)$