

**Exercice n° 1 : ( 4 points )**

Répondre par : Vrai ou Faux (Aucune justification n'est demandée)

- 1/ Si f et g sont deux polynômes non nuls alors  $d^\circ(f + g) = d^\circ(f) + d^\circ(g)$  .
- 2/ Si ABCD est un parallélogramme alors :  $t_{\overline{AC}}(B) = D$ .
- 3/ Le polynôme  $P(x) = x^6 - 4x^5 + 7x^3 + 2x^2 - 3x - 3$  est factorisable par  $(x^2 - 1)$ .
- 4/ Soit A, B, C et D quatre points du plan. Si  $(\overline{AB})$  et  $(\overline{CD})$  sont parallèles alors  $t_{\overline{BC}}(\overline{CD}) = (CD)$ .

**Exercice n° 2 : ( 8 points )**

- 1/ Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation :  $x^2 + x - 6 = 0$  .
- 2/ a) Vérifier que  $\frac{1}{2}$  est une racine du polynôme  $P(x) = 2x^3 + x^2 - 13x + 6$  .  
b) En déduire une factorisation de P en produit de trois polynôme du premier degré.
- 3/ a) Donner le tableau du signe de P(x) puis résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation :  $2x^3 + x^2 - 13x + 6 \geq 0$  .  
b) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation :  $\sqrt{P(x)} \geq \sqrt{x^2 + x - 6}$  .

**Exercice n° 3 : ( 8 points )**

Soit ABO un triangle équilatéral et  $(\Gamma)$  le cercle de centre O et passant par B. Soit C le point de  $(\Gamma)$  diamétralement opposé de B.

- 1/ a) Faire une figure  
b) Construire les point D et E tels que :  $t_{\overline{AO}}(A) = D$  et  $t_{\overline{AO}}(B) = E$ .  
c) Construire le cercle  $(\Sigma) = t_{\overline{BE}}(\Gamma)$ . Quelle est la position relative de  $(\Sigma)$  et  $(\Gamma)$ ? Justifier la réponse.  
d) Montrer que OBFA est un losange et que E  $\in$   $(\Sigma)$
- 2/ La droite (BE) recoupe le cercle  $(\Sigma)$  en F. Montrer que OBFA est un parallélogramme.
- 3/ La droite (FD) recoupe le cercle  $(\Sigma)$  en G. Montrer que G  $= t_{\overline{BO}}(C)$  .

Il sera tenu compte de la rédaction et la bonne présentation de la copie .