

Exercice 1 : Cocher la réponse juste ☺

1./ L'ensemble de définition de la fonction : $x \mapsto \frac{2}{\sqrt{x}}$ est :

- a) \mathbb{R}^* b) $]0, +\infty[$ c) $[0, +\infty[$

2./ ABC est un triangle tel que : $AB = 2$, $AC = 3$ et $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = 4$ alors ABC est rectangle en

- a) A b) B c) C

3./ A et B deux points du plan et I le milieu de [AB] alors :

- a) $\overrightarrow{IA} \cdot \overrightarrow{IB} = 0$ b) $\overrightarrow{IA} \cdot \overrightarrow{IB} = IB^2$ c) $\overrightarrow{IA} \cdot \overrightarrow{IB} = -\frac{AB^2}{4}$

4./ L'ensemble des points M du plan tel que $\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$ est :

- a) La droite (AB) b) le cercle de centre A c) la droite perpendiculaire à (AB) en A

Exercice 2 :

Dans la figure ci-contre on a représenté une fonction f définie sur \mathbb{R} .

1./ Donner les intervalles où la fonction f est continue

2./ a. Déterminer : $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$

b. f admet-elle une limite en 1 ?

3./ Déterminer les images de chacun

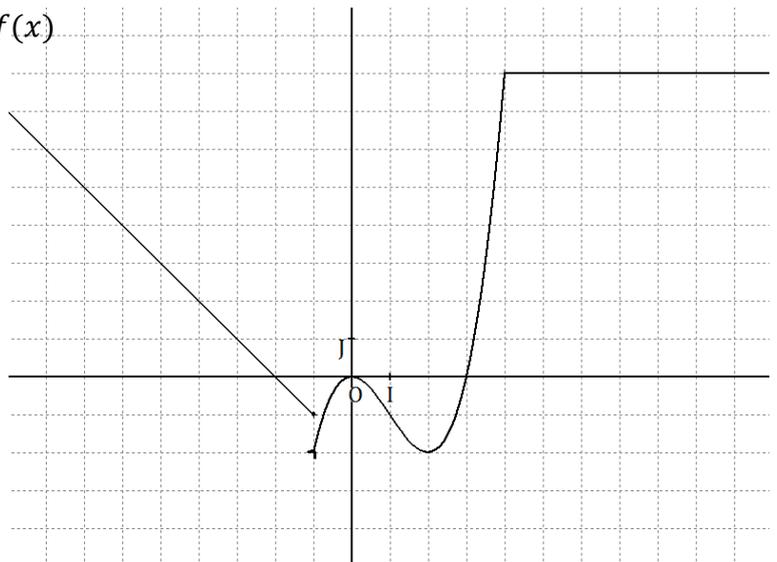
des intervalles $[-2 ; 2]$ et $[0, +\infty[$

4./ Résoudre dans \mathbb{R} les équations :

$$f(x) = 0 \quad \text{et} \quad f(x) = -2$$

5./ On pose $g(x) = \frac{1}{f(x)}$

Donner l'ensemble de définition de g



Exercice 3 :

Soit ABC un triangle isocèle en A telle que $BC = 4$ et $(\vec{BC}, \vec{BA}) \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]$ et

$$I = B * C$$

1./a. Calculer $\vec{BC} \cdot \vec{BA}$

b. En déduire la distance AB

2./Déterminer et construire les ensembles suivants :

$$E = \{ M \in P \text{ telque } \vec{MB} \cdot \vec{MA} - \vec{MA} \cdot \vec{MC} = 0 \}$$

$$F = \{ M \in P \text{ telque } \vec{MB} \cdot \vec{MA} + \vec{MA} \cdot \vec{MC} = 0 \}$$

3./a. Montrer que pour tout point M du plan : $MB^2 + MC^2 = 2MI^2 + 8$

b. En déduire l'ensemble $G = \{ M \in P \text{ telque } MB^2 + MC^2 = 10 \}$

Exercice 4 :

Soit f la fonction définie par :
$$\begin{cases} 2x^2 - mx - 3 & \text{si } x < 3 \\ \frac{mx+3}{x-2} & \text{si } x \geq 3 \end{cases}$$

1./ Préciser l'ensemble de définition de f

2./ Déterminer la valeur de m pour que f soit continue en 3.

Dans la suite de l'exercice on suppose que m = 2

3./Justifier la continuité de f sur chacun des intervalles $]-\infty, 3[$ et $]3, +\infty[$

4./ Déterminer alors le domaine de continuité de f.

5./ Montrer que l'équation $f(x) = 0$ admet au moins une solution dans $]1, 2[$

6./ Calculer : $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 4} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

Bon Travail