

MR : GARY

Système de deux équations à deux inconnues

Classe : 1^{er}
Secondaire

I) Equation du premier degré à deux inconnues

1) Activité 1 P 228

Soit : x le nombre qui apparaît sur la face de 1^{er} dé. avec $x \in \mathbb{N}^*$
 y le nombre qui apparaît sur la face de 2^{ème} dé. avec $y \in \mathbb{N}^*$

-1- a) $x + y = 6$

b) $\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2 \text{ tel que } x + y = 6 \} = \{(5,1) ; (1,5) ; (2,4) ; (4,2) ; (3,3)\}$

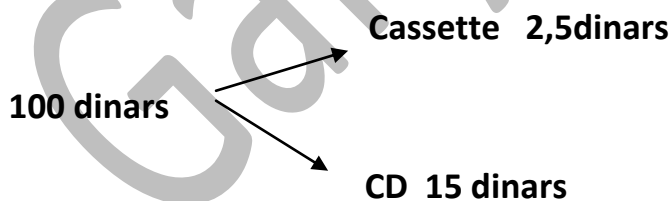
-2- a) $x + y = 10$

b) $\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2 \text{ tel que } x + y = 10 \} = \{(5,5) ; (4,6) ; (6,4) \}$

2) Définition P 228

L'équation $a x + b y + c = 0$, ou $(a,b) \in \mathbb{R}^* \times \mathbb{R}^*$ et x et y sont deux inconnues est appelée équation du premier degré à deux inconnues. Résoudre une telle équation c'est trouver tous les couples (x,y) pour lesquels l'égalité est vraie. chaque couple est appelé solution de l'équation.

3) Activité 2 P 228



-1- Soit x le nombre de cassettes $x \in \mathbb{N}^*$

y le nombre de CD $y \in \mathbb{N}^*$

$2,5 x + 15 y = 100$

-2- $x = 4 ; 2,5 \times 4 + 15 y = 100$

-3- $x = 2y$; $2,5 \times 2y + 15y = 100$ équivaut $y = 5$ et $x = 10$

-4- $y = 1,5x$; $2,5x + 15 \times 1,5x = 100$ équivaut $x = 4$ et $y = 6$

II) Système de deux équations du premier degré à deux inconnues

1) Activité 4 P 229

Soit R : le nombre de boule rouge

N : le nombre de boule noir

$$\begin{cases} 3N = R - 3 \\ 4N = R + 4 \end{cases} \text{ équivaut } \begin{cases} R = 3N + 3 \\ 4N = 3N + 3 + 4 \end{cases} \text{ équivaut } \begin{cases} R = 3 \times 7 + 3 \\ N = 7 \end{cases}$$

équivaut $\begin{cases} R = 24 \\ N = 7 \end{cases}$ On a 24 boules rouges et 7 boules noirs

Cette méthode s'appelle méthode par substitution (remplacement).

2) Définition P 229

Un système de deux équations à deux inconnues est la donnée de équations :

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ Ou } x \text{ et } y \text{ sont les inconnues.}$$

Résoudre un tel système c'est trouver tous les couples (x, y) pur lesquels les deux égalités sont vraies à la fois . Chaque couple est appelé solution du système.

3) Activité 6 P 229

Soit x : le prix d'un cahier

y : le prix d'un stylo

5 cahiers et 2 stylos coutent 3300 millimes.

3 cahiers et 4 stylos coutent 2400 millimes.

$$\begin{cases} 5x + 2y = 3300 \\ 3x + 4y = 2400 \end{cases} \text{ équivaut } \begin{cases} -10x - 4y = -6600 \\ 3x + 4y = 2400 \end{cases} \text{ équivaut}$$

$$\begin{cases} -7x = -4200 \\ 5x + 2y = 3300 \end{cases} \text{ équivaut } \begin{cases} x = 600 \\ 5 \times 600 + 2y = 3300 \end{cases} \text{ équivaut } \begin{cases} x = 600 \\ y = 150 \end{cases}$$

Le prix d'un cahier 600 millimes et le prix d'un stylo 150 millimes

Cette méthode s'appelle méthode par élimination.

III) Utiliser un graphique pour connaître les solutions éventuelles d'un système

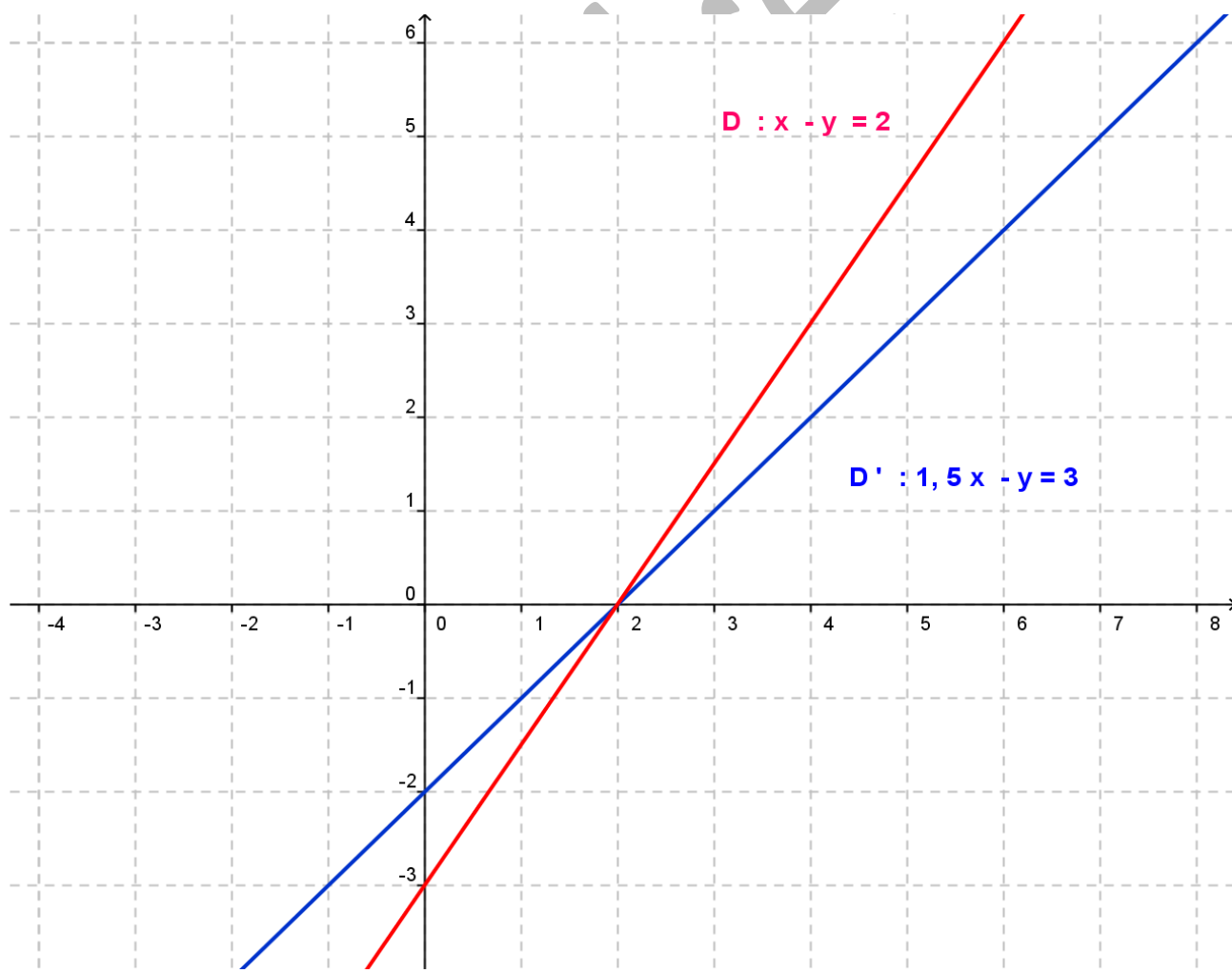
1) Activité 4 P 229

Soient f et g deux fonctions affines tel que : $f(x) = \frac{3}{2}x - 3$ et $g(x) = x - 2$

-1- Tracer Δ_f et Δ_g les représentations graphiques de f et g dans le même repère orthonormé.

-2- a) Est – ce que Δ_f et Δ_g sont sécantes ? si oui déterminer les coordonnées de leurs points d'intersection.

b) Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système suivant
$$\begin{cases} x - y - 2 = 0 \\ \frac{3}{2}x - y - 3 = 0 \end{cases}$$



| | | |
|--------|---|---|
| x | 0 | 2 |
| $f(x)$ | | |
| x | 0 | 1 |
| $g(x)$ | | |

Gary Badredine