

MR : GARY

Fonctions affines

Classe :

1^{er} Secondaire

I) Fonction affine

1) Activité 1

Quand on arrête un taxi , on paye 400 millimes comme taxe d'arrêt puis 30 millimes l'unité . yassine a pris un taxi et a rempli le tableau suivant

x	0	1	3	5	10	11
y	400					

Combien paie – t-il s ' il fait x unités on établit une relation entre y et x .

$$Y = 30x + 400$$

2) Définition

Soient a et b deux réels l'orque a chaque réel , on associe le réel $ax + b$, on définit une fonction affine f

On note f : $x \mapsto ax + b$

On lit : f est la fonction qui a (x) associe ($ax + b$).

f(x) : est l'image de x par f.

x : est un antécédent de f(x).

3) Exemple

$g(x) = 3x + 2$ est une fonction affine tel que $a = 3$ et $b = 2$

4) Exercice

Soit f une fonction affine tel que $f(x) = 2x - 1$

-1- calculer $f(0)$; $f(3)$ $f(\frac{1}{2})$.

-2- Déterminer l'antécédent de -3 et 4 par f.

5) Cas particulier

$$f: x \mapsto ax + b$$

- a) Si $b = 0$ alors $f: x \mapsto ax$ fonction linéaire
b) Si $a = 0$ alors $f: x \mapsto b$ fonction constante

II) Taux d'accroissement

1) Activité 3 P 215

Retenons

f une fonction affine

$$f(x) = ax + b \text{ on a } f(0) = b \text{ et } a = \frac{f(x) - f(x')}{x - x'} \text{ pour tous réels distincts } x \text{ et } x'.$$

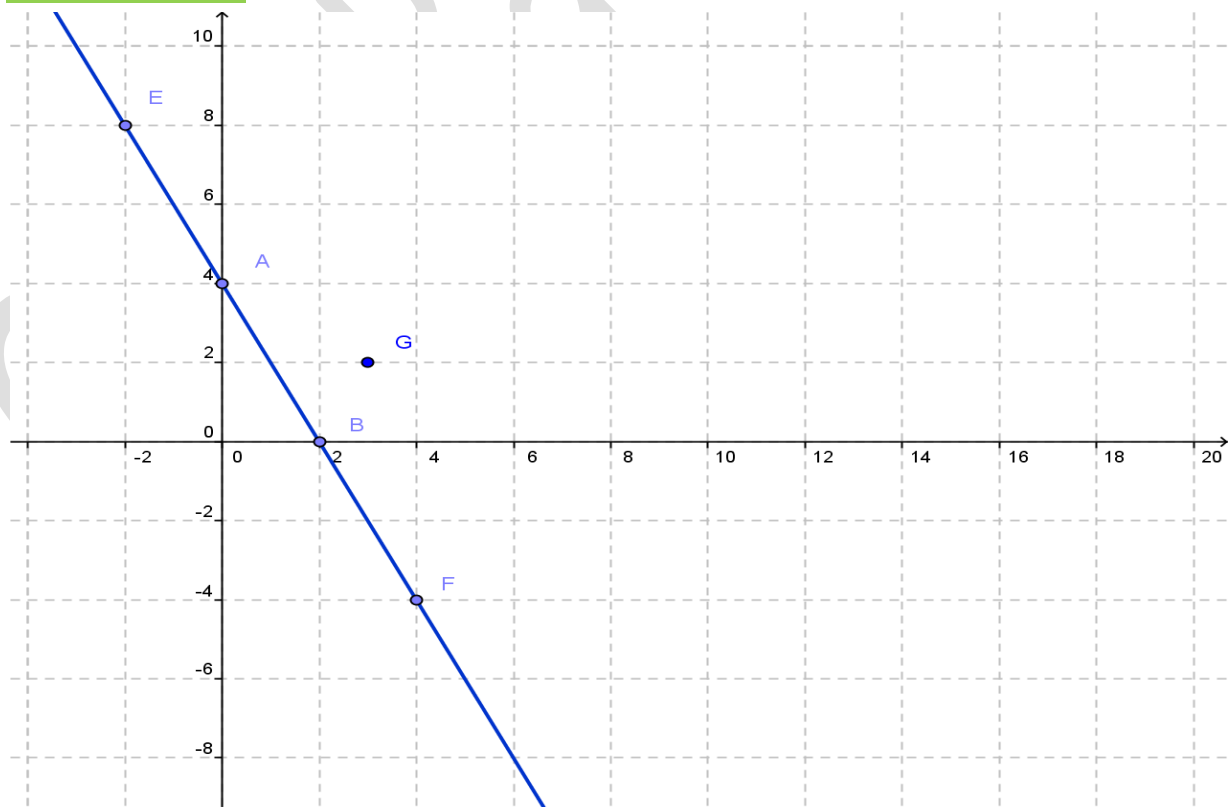
on dit que b est l'ordonnée à l'origine et a est le coefficient de f .

III) Déterminer une fonction affine f connaissant les images de deux nombres

1) Situation 1 P 219

IV) Représentation graphique d'une fonction affine

1) Activité 5 P 216



x	-1	-0,5	0	2	3
f(x)					
M(x,y)	(-1 ;)	(-0,5 ;)	(0 ;)	(2,)	(3 ,)

-2- a) Les points de coordonnées $M(x, f(x))$ sont alignés.

-3- b) La droite D passe par A et B l'ensemble des points $M(x, f(x))$ est la représentation graphique de f .

-4- a) $E(-2, 0)$

b) $F(4, -4)$

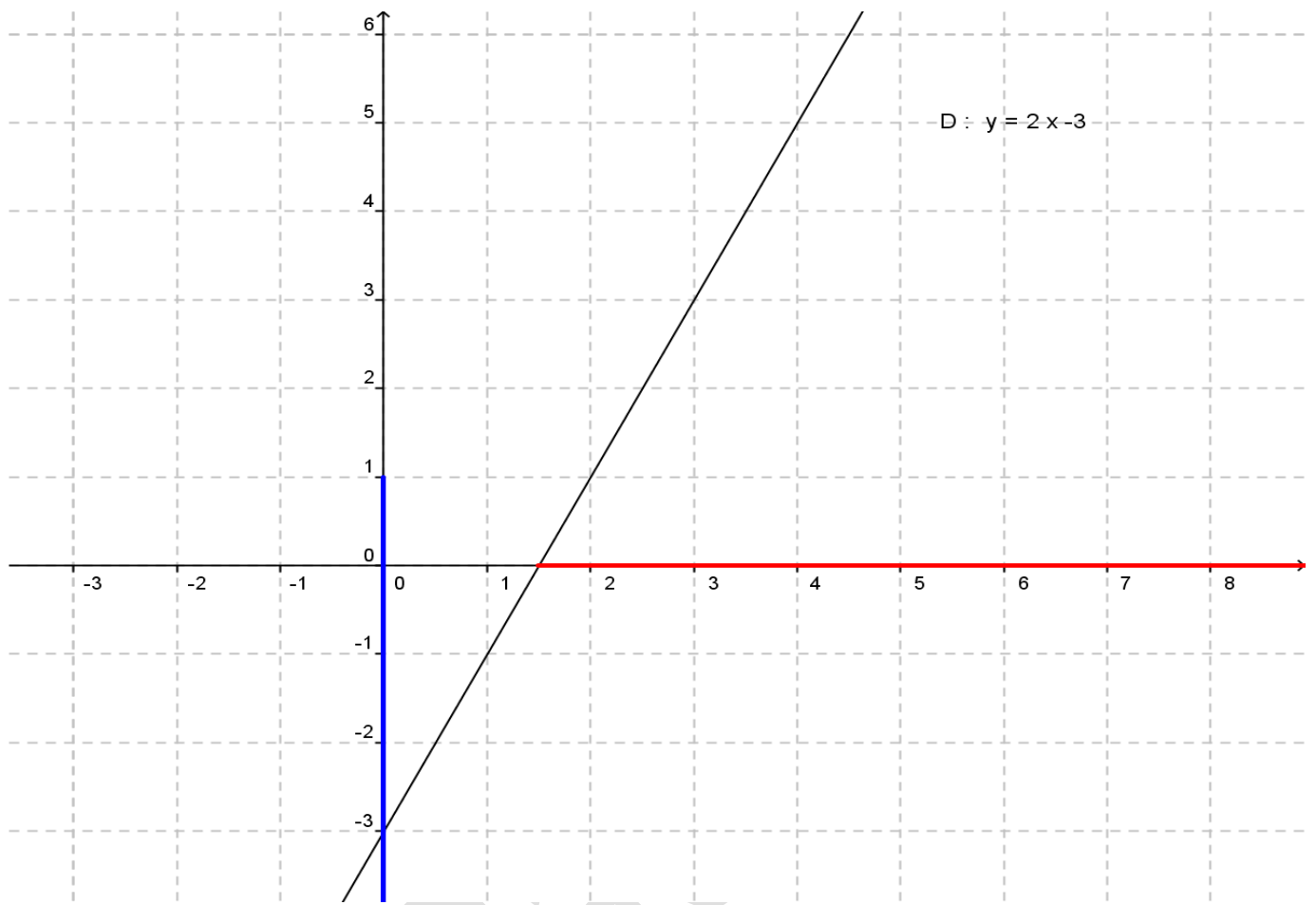
c) $G(3, 2) \notin D$

Retenons

La représentation graphique d'une fonction affine est l'ensemble des points de coordonnées $M(x, f(x))$ est une droite D d'équation $D : y = ax + b$

V) Lecteur graphique

1) Activité 7 P 217



-1- a) $D : y = 2x - 3$; $(ox) : y = 0$ $D \cap (ox) = \{E\}$

Graphiquement $E \left(\frac{3}{2}, 0 \right)$

Par le calcul $h(x) = 0$ ssi $2x - 3 = 0$ ssi $x = \frac{3}{2}$ $E \left(\frac{3}{2}, 0 \right)$

b) $(oy) : x = 0$ $D \cap (oy) = \{F\}$

Graphiquement $F(0, -3)$

Par le calcul $h(0) = -3$

-2- b) l'ensemble des ordonnées de ces points tel que $x \geq \frac{3}{2}$ est $y \geq 0$,
 $y \in [0 ; +\infty [$

-3- b) l'ensemble des abscisses de ces points tel que $y \leq 1$ graphiquement $x \leq 2$
 $x \in] -\infty ; 2 [$

Retenons

Soit $f(x) = ax + b$ et $D_f : y = ax + b$

$g(x) = a'x + b$ et $D_g : y = a'x + b'$

-1- $D_f // D_g$ ssi $a = a'$

-2- D_f et D_g sont sécantes ssi $a \neq a'$

