

Exercice n°1

(3pts)

Pour chaque question, une seule réponse est exacte. L'exercice consiste à donner la réponse exacte sans justification.

N°	questions	réponses		
		a	b	c
1	a, b et c des réels strictement positifs tels que : $\ln a = 3 ; \ln b = -2$ et $\ln c = 4$ alors $\ln \left(\frac{a^2 b}{c^4} \right) =$	-1	-12	5
2	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln^2 x}{x} =$	1	0	$+\infty$
3	On donne le plan P et la droite D $P : 2x - 3y + z + 1 = 0$ $D : \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 + t \\ z = 1 + t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$	P//D	P⊥D	P et D ne sont ni // ni ⊥
4	On donne les deux plans P et P' $P : 2x - y + z + 1 = 0$ $P' : ax + 2y + z - 3 = 0$ P⊥P' signifie	a = -1	a = $\frac{1}{2}$	a = 1

Exercice n°2

(6pts)

L'espace est muni d'un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

A(1, -2, 0) ; B(2, 1, 2) et C(0, -1, 0)

1°) Montrer que A, B et C définissent un plan P.

2°) Donner une équation cartésienne du plan P.

3°) Soit le point I(1, 2, 1).

a – Calculer la distance d(I, P).

b – Soit D la droite perpendiculaire à P et passant par I. Donner un vecteur directeur de D, en déduire un système d'équations paramétriques de D.

- c – Soit H le point d'intersection de P et D. Déterminer les coordonnées de H.
d – Retrouver alors la distance $d(I, P)$.

Exercice n°3

(3pts)

Soit f la fonction définie sur $]0, +\infty[$ par $f(x) = x \ln x$

- 1°) Calculer $f'(x)$.
2°) En déduire la primitive de f qui s'annule en 1.

Exercice n°4

(8pts)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \sqrt{x^2 + 2x + 5}$.

- 1°) Calculer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; et $f(1)$
2°) Montrer que la droite $\Delta : x = -1$ est un axe de symétrie de C_f .
3°) Etudier les variations de f et donner le T.V de f .
4°)
a – Montrer que la droite $D: y = x + 1$ est une asymptote oblique à C_f au $V(+\infty)$.
b – Montrer que C_f est située au dessus de D .
c – Tracer C_f .
5°) Soit g la restriction de f à l'intervalle $[-1, +\infty[$.
a – Montrer que g réalise une bijection de $[-1, +\infty[$ vers un intervalle J à préciser.
b – Montrer que g^{-1} est dérivable en $2\sqrt{2}$ et que $(g^{-1})'(2\sqrt{2}) = \frac{1}{\sqrt{2}}$
c – Tracer $C_{g^{-1}}$.
d – Donner l'expression de $g^{-1}(x)$ pour tout $x \in J$.