

<i>Lycée Ht. Souk Jerba</i>	<i>Devoir de contrôle n°3(S2)</i>	<i>Prof: Mr SAAFI Rochdi</i>
<i>Date : 11 Mai 2011</i>	<i>Durée : 2^h</i>	<i>Classes :3 Sc.exp 1 + 2</i>

Exercice n° 1 : (2 points)

QCM : « Déterminer, en justifiant, la réponse correcte . »

1°) La courbe représentative de la fonction définie par $f(x) = \frac{2x^2-x}{x+1}$ admet au voisinage de $+\infty$:

- a) une branche parabolique de direction celle de l'axe des abscisses.
- b) une asymptote d'équation : $y = 2$.
- c) une asymptote de coefficient directeur 2 .
- d) une branche parabolique de direction celle de l'axe des ordonnées.

2°) Soit $\theta \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi; k \in \mathbb{Z} \right\}$. Dans l'espace ; Les deux plans $P_\theta : (t \cos \theta)x - (2 \sin \theta)y + z - \cos \theta = 0$

$$\text{et } Q_\theta : (\sin \theta)x - (\sin 2\theta)y + (\cos \theta)z + \sin^2 \theta - 1 = 0$$

- a) Sont sécants
- b) sont strictement parallèles
- c) sont confondus.

Exercice n°2 : (8 points)

L'espace étant rapporté à un repère orthonormé $R = (O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

Soient $A(3, 2, 1)$; $B(4, 3, 2)$; $C(3, 1, -1)$, $E(-1, 3, 1)$, $\vec{u} \left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{smallmatrix} \right)$ et $\Delta = D(E, \vec{u})$

1°) Montrer que : Δ et (AB) ne sont pas parallèles.

2°) a) Ecrire une représentation paramétrique de (AB)

b) En déduire que les points A, B et C ne sont pas alignés.

3°) a) Montrer qu'une équation cartésienne du plan (ABC) est $x - 2y + z = 0$.

b) Déduire que : $\Delta \not\subset (ABC)$.

c) Pour tout réel t on considère le point M_t de l'espace défini par $M_t \left(\frac{1}{2}, \sin t, \cos t, 0 \right)$.

Déterminer les valeurs de t pour les quelles $M_t \in (ABC)$.

4°) a) Donner une représentation paramétrique de Δ .

b) Déduire les coordonnées du point H : d'intersection de Δ et (ABC) .

c) En déduire que Δ et (AB) ne sont pas coplanaires.

5°) Soit $P_m : (m - 1)x + (2m - 6)y + (3 - m)z + m - 2 = 0$; $m \in \mathbb{R}$.

a) Montrer que : pour tout réel m on a P_m est un plan.

b) Montrer que le plan (ABC) est un membre de cette famille.

c) Montrer que tous les plans P_m contiennent une même droite ∇ que l'on caractérisera .

Exercice n°3 : (3 points)

$$f \text{ est une fonction tels que : } \left\{ \begin{array}{l} f \text{ est strictement décroissante sur }]0, +\infty[\\ \lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} (f(x) + x) = 1 \\ f \text{ est une fonction paire} \\ f(2) = -3 \text{ et } f'(2) = -1 \\ [f(x) - (1 - x)] \text{ est négatif sur } [1, +\infty[\text{ et positif sur }]0, 1] \\ \text{le point } A(5, -5) \text{ est un point d'inflexion de sa courbe} \end{array} \right.$$

Construire la courbe représentative de f dans un repère orthonormé $R = (O, \vec{i}, \vec{j})$.

Exercice n°4 : (7 points)

Soit la fonction $f(x) = \sqrt{-x^2 - x + 6}$. Et C_f sa courbe représentative dans un repère orthonormé

1°) a) Déterminer D_f .

b) Etudier la dérivabilité de f à droite en -3 et à gauche en 2 .

c) Montrer que f est dérivable sur $] -3, 2 [$ et calculer $f'(x)$.

d) Dresser le tableau de variation de f .

2°) Montrer que la droite $\Delta : x = -\frac{1}{2}$ est un axe de symétrie de C_f .

3°) a) Soit $M(x, y) \in C_f$. Montrer que : $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + y^2 = \frac{25}{4}$.

b) Construire C_f .

4°) Soit $g(x) = \sqrt{-x^2 - |x| + 6}$. Et C_g sa courbe représentative dans le même repère.

a) Vérifier que $g(x) = f(|x|)$

b) Déduire D_g .

c) Etudier la parité de g .

d) Déduire C_g à partir de C_f .

e) Dresser le tableau de variation de g