



LYCÉE OUED ELLIL



DEVOIR DE CONTRÔLE N° 2

MATHÉMATIQUES

CLASSES : 3^{IEME} ANNÉE SECONDAIRE

SECTION : SCIENCES EXPÉRIMENTALES

DURÉE : 2 HEURES

PROF : BELLASSOUED MOHAMED



ANNÉE SCOLAIRE : 2017-2018



EXERCICE 1: 6.5 POINTS

La courbe représentée ci-dessous est la courbe représentative \mathcal{C}_f d'une fonction f définie et continue sur $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$ (**figure 1**)

- La droite $\Delta : y = x - 1$ et une asymptote à \mathcal{C}_f au voisinage de $+\infty$
- La droite $\Delta' : y = -1$ et une asymptote à \mathcal{C}_f au voisinage de $-\infty$
- La droite d'équation $x = -1$ et une asymptote à \mathcal{C}_f

1-On utilisant le graphique :

1- a- déterminer : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - x + 1$ et $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$

b- déterminer en justifiant la réponse :

- $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{f(x) - x + 1}$; • $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1}{f(x) + 1}$
- $\lim_{x \rightarrow (-2)^+} \frac{1}{f(x)}$; • $\lim_{x \rightarrow (-2)^-} \frac{1}{f(x)}$

c- déterminer $f(]-\infty; -1[)$ et $f(]-1; +\infty[)$

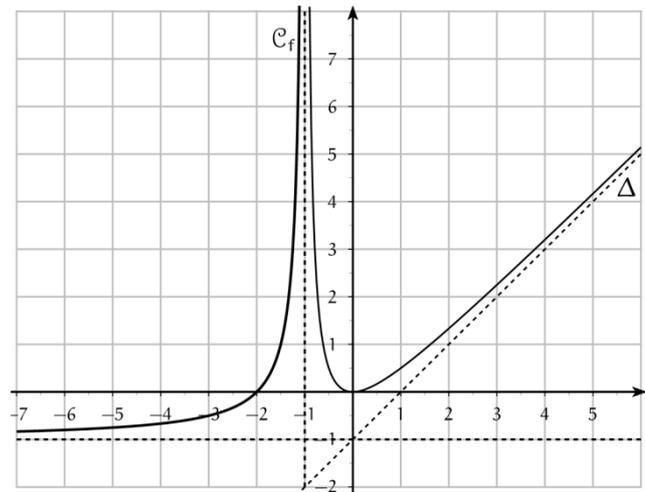


figure 1

2- Soit la fonction g définie par $g(x) = \frac{1}{\sqrt{f(x)}}$

a- Déterminer le domaine de définition de la fonction g

b- Montrer que la fonction g est prolongeable par continuité en -1

3- a- Déterminer les limites de la fonction g aux bornes de sa domaine de définition .

b- Interpréter graphiquement les résultats .

EXERCICE 2: 7 POINTS

Soit f la fonction définie sur $\mathbb{R} \setminus \{-2\}$ par :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3 - x}{x^2 + x - 2} & \text{si } x < 1 \\ f(x) = x^3 - 4x & \text{si } 1 \leq x < 2 \\ f(x) = \sqrt{x^2 - 4} & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$$

On désigne par \mathcal{C}_f la courbe représentative de f dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j})

1- a- Montrer que f n'est pas continue en 1

b- Montrer que f est continue en 2

c- Montrer que f est continue sur l'intervalle $[1; 3]$

d- Montrer que l'équation $f(x) = 0$ admet au moins une solution dans l'intervalle $[1; 3]$

2- a- Déterminer les limites suivantes : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow (-2)^-} f(x)$ et $\lim_{x \rightarrow (-2)^+} f(x)$

b- Interpréter graphiquement les résultats obtenus.

3- a- Montrer que la droite $\mathcal{D}_1 : y = x - 1$ est une asymptote à la courbe \mathcal{C}_f au voisinage de $-\infty$

b- Montrer que la droite $\mathcal{D}_2: y = x$ est une asymptote à la courbe \mathcal{E}_f au voisinage de $+\infty$

0.75

4-a- Etudier la position relative de la courbe \mathcal{E}_f par rapport à \mathcal{D}_1 sur $]-\infty; 1[$

0,5

b- Etudier la position relative de la courbe \mathcal{E}_f par rapport à \mathcal{D}_2 sur $[2; +\infty[$

0,5

EXERCICE 3: 6.5 POINTS

N.B : Les réponses relatives à l'exercice 3 seront rédigées sur la feuille annexe

Le plan est orienté dans le sens direct.

- ACD est un triangle rectangle et isocèle en A
- ABC et ADE deux triangles équilatéraux (figure 2)

1-a- Déterminer la mesure principale de l'angle orienté $(\overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AE})$

1

b- Vérifier que $\widehat{(\overrightarrow{CD}; \overrightarrow{CB})} \equiv \frac{7\pi}{12} [2\pi]$ et $\widehat{(\overrightarrow{CB}; \overrightarrow{DA})} \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]$

1,5

2- Montrer que les droites (AE) et (BC) sont perpendiculaires

1

3- Montrer que les droites (CD) et (BE) sont parallèles

1

4- Déterminer et construire dans la feuille annexe les ensembles \mathcal{F}_1 et \mathcal{F}_2

des points M du plan dans Chacun des cas suivants :

a- $\mathcal{F}_1 = \left\{ M \in P \text{ telque } \widehat{(\overrightarrow{MD}; \overrightarrow{MB})} \equiv \frac{7\pi}{12} [2\pi] \right\}$

1

b- $\mathcal{F}_2 = \left\{ M \in P \text{ telque } \widehat{(\overrightarrow{MD}; \overrightarrow{MA})} \equiv \frac{\pi}{4} [2\pi] \right\}$

1

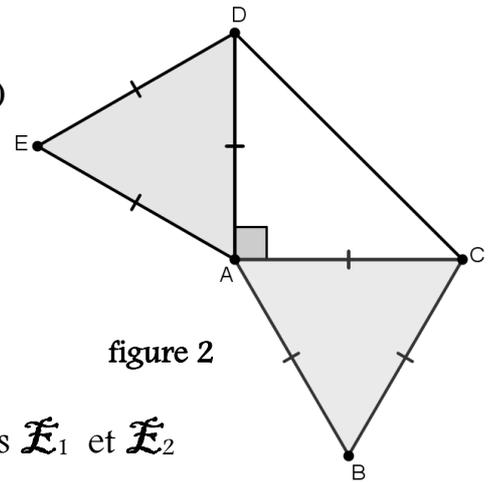


figure 2

