

Exercice 1 : (4 pts)

1/ Résoudre dans \mathbb{C} :

a/ $iz + 5 = z - 2i$ b/ $i(\bar{z} - i) + 2 + 3i = 0$

2/ a/ Vérifier que : $z^2 - 2\sqrt{3}z + 4 = (z - \sqrt{3})^2 + 1$

b/ Résoudre dans \mathbb{C} : $z^2 - 2\sqrt{3}z + 4 = 0$

Exercice 2 : (5 pts)

Le plan complexe est rapporté à un repère orthogonal direct (O, \vec{u}, \vec{v}) avec $\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\| = 2$

On considère les points A ,B et C d'affixes respectives : $z_A = \sqrt{3} + i$, $z_B = \bar{z}_A$ et $z_C = iz_A$

1/ a / Ecrire z_A sous la forme trigonométrique

b/ En déduire l'écriture trigonométrique de z_B et z_C

c/ Placer alors les points A, B et C

2/ Déterminer et construire les ensembles suivantes :

(E) = $\{M(z) \text{ tel que : } |z - \sqrt{3} - i| = |z + 1 - i\sqrt{3}|\}$

(F) = $\{M(z) \text{ tel que : } |z - \sqrt{3} - i| = |-1 + i\sqrt{3}|\}$

(G) = $\{M(z) \text{ tel que : } \arg\left(\frac{z - z_B}{z - z_A}\right) \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]\}$

Exercice 3 : (5 pts)

Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 + x} - x + 2 & , x \geq 0 \\ x^3 + x^2 - x + 2 & , x < 0 \end{cases}$

1/ Montrer que f est continue en 0.

2/ a/ Montrer que f est dérivable à gauche en 0.

b/ Etudier la dérivabilité de f à droite en 0

c/ Interpréter les résultats obtenus.

3/a/ Calculer : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

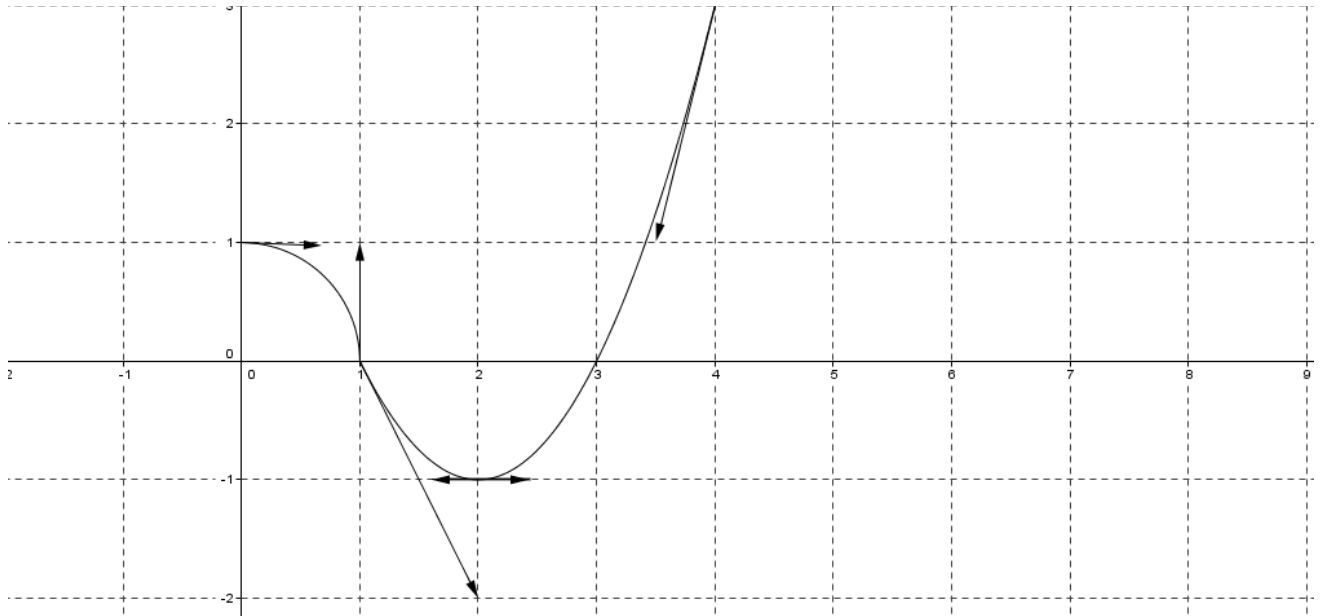
b/ Calculer : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.Interpréter le résultat

4/ a/ Calculer : $f'(x)$

b/ Dresser le tableau de variations de f sur \mathbb{R}

Exercice 4 : (6 pts)

La courbe (Cf) représentée ci-dessous est la courbe d'une fonction f définie sur $[0, 4]$.



1/ a/ Déterminer graphiquement : $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)-1}{x}$, $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x)}{x-1}$, $f'_d(1)$, $f'(2)$, $f'_g(4)$,

b/ Donner une approximation affine de $f(1,001)$

2/ Soit la fonction g définie par : $g(x) = f(3x - 2)$

a/ Déterminer D_g domaine de définition de g

b/ Calculer $g'(x)$ pour $x \in [\frac{2}{3}, 2]$

c/ Déterminer l'équation de la tangente à (Cg) au point d'abscisse 1.

d/ Dresser le tableau de variations de g sur $[\frac{2}{3}, 2]$

Bon Travail