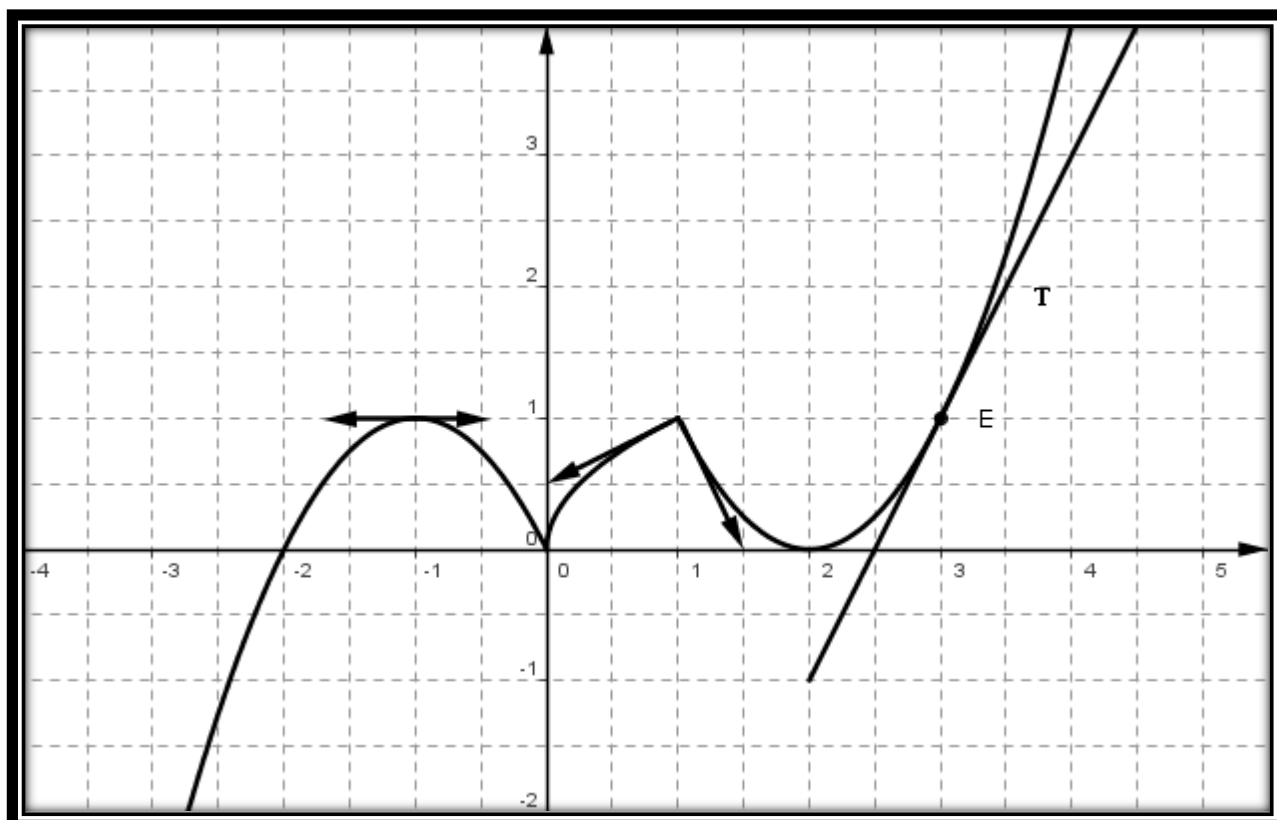


**Exercice N°1 (6 points)**

Dans la figure ci-dessous on a représenté la courbe (C) de la fonction  $f$  ainsi que les tangentes (ou les demi-tangentes) en certain de ces points. (T est la tangente à (C) au point E (3, 1)).



1/ Répondre par vrai ou faux pour chacune de ces propositions

a/  $f$  est dérivable sur  $\mathbb{R}$

b/  $f$  est définie sur  $\mathbb{R}$

c/ la courbe (C) de  $f$  admet au point  $x_0 = -1$  un maximum global.

d/  $f'(-2) > f'(-0,5)$

2/ Déterminer graphiquement

$f'(3) = \dots$        $f'(-1) = \dots$        $f'_d(1) = \dots$       et       $f'_g(1) = \dots$

3/ Dresser le tableau de variation de  $f$  ainsi que le signe de sa fonction dérivée  $f'$

4/ Supposons que cette courbe (C) est la courbe de la fonction dérivée d'une fonction  $F$ .

Déterminer le sens de variation de  $F$ .

### **Exercice N°2 (5 points)**

Soit  $f$  la fonction définie par  $f(x) = \frac{x^2+ax+b}{x(x+2)}$  où  $a$  et  $b$  sont deux paramètres réels.

Soit  $(C_f)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé.

1/ Déterminer le domaine de dérivabilité de  $f$  puis calculer  $f'(x)$  en fonction de  $a$  et  $b$ .

2/ Déterminer  $a$  et  $b$  sachant que le point  $A(-1, 4)$  est un extrémum de  $f$ .

3/ Pour les valeurs de  $a$  et  $b$  trouvées vérifier que  $f'(x) = \frac{6(x+1)}{x^2(x+2)^2}$

a/ Dresser alors son tableau de variations.

b/ Déduire le signe de  $f(x)$  suivant les valeurs de  $x$ .

### **Exercice N°3 (9 points)**

**A/** Soit  $U(x) = 2 - 2 \cos(2x + \frac{\pi}{3})$  et  $V(x) = \cos(x + \frac{\pi}{6}) - \cos(3x + \frac{\pi}{2})$

1) a) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  puis dans  $]-\pi, \pi]$  l'équation  $V(x) = 0$

b) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'inéquation  $U(x) \geq 1$

2) a) Montrer que pour tout  $a \in \mathbb{R}$  ;  $\cos a - \cos 3a = 4 \cos a \sin^2 a$

b) En déduire une factorisation de  $V(x)$

c) Montrer que  $U(x) = 4 \sin^2(x + \frac{\pi}{6})$

3) Pour  $x \in [0, \pi]$  on pose  $f(x) = \frac{U(x)}{V(x)}$

a) Déterminer le domaine de définition de  $f$

b) Montrer que  $f(x) = \frac{1}{\cos(x + \frac{\pi}{6})}$  pour tout réel  $x$  de son domaine de définition

**B/** Dans le plan orienté muni d'un repère orthonormé  $\mathcal{R}(O, \vec{i}, \vec{j})$  direct, on considère les points

$A$  et  $B$  de coordonnées polaires respectives  $(2, \frac{\pi}{3})$  et  $(2, \frac{\pi}{4})$

1) Placer  $A$  et  $B$  sur le repère  $\mathcal{R}$

2) Déterminer les coordonnées cartésiennes de  $A$  et  $B$

3) a) Calculer  $\vec{OA} \cdot \vec{OB}$

b) Déterminer une mesure de  $(\vec{OA}, \vec{OB})$

c) Calculer  $\cos(\vec{OA}, \vec{OB})$  et en déduire  $\cos \frac{\pi}{12}$

d) Calculer  $\sin(\vec{OA}, \vec{OB})$  et en déduire  $\sin \frac{\pi}{12}$

