

# Résumé sur les ondes progressives

## I- Définitions

- L'onde est le phénomène qui résulte de la propagation d'une succession d'ébranlements.
- Une onde progressive est une onde qui se propage dans un milieu illimité ou ouvert.
- Une onde mécanique est une onde qui ne peut se propager que dans un milieu matériel.
- Une onde transversale est dont la direction de propagation est orthogonal à celle de la perturbation.
- Une onde longitudinale est dont la direction de propagation est identique à celle de la perturbation.
- La longueur d'onde est la distance parcourue par l'onde pendant une période temporelle  $T$ .  $\lambda = T.V = V/N$ .

## II- Equation horaire d'un point M du milieu d'abscisse x :

D'après le principe de propagation :

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 \leq t \leq \theta \quad y_M = 0 \\ t \geq \theta \quad y_M = y_S(t - \theta) \text{ avec } \theta = \frac{x}{V} \end{array} \right.$$

$$y_M(t) = a \sin(\omega(t - \theta) + \varphi_s)$$

$$= a \sin(\omega t - \omega\theta + \varphi_s)$$

$$= a \sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{T.V} + \varphi_s\right)$$

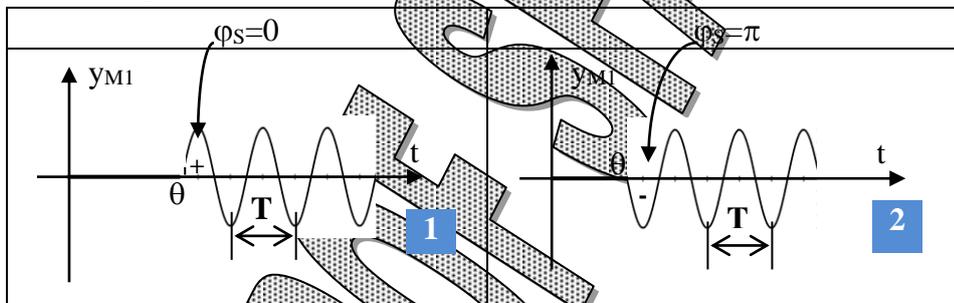
$$y_M(t) = a \sin\left(\omega t - \frac{2\pi x}{\lambda} + \varphi_s\right)$$

## III- Diagramme de mouvement d'un point M<sub>1</sub> d'abscisse donnée x<sub>1</sub>

(sinusoïde de temps) :

On calcule tout d'abord  $\theta = \frac{x_1}{V}$  puis on l'exprime en fonction de T

(exemple  $\frac{\theta}{T} = 1,5$ ).



A partir de cette courbe, on peut déterminer :

- L'amplitude  $a$
- La période temporelle  $T$  et la fréquence  $N = \frac{1}{T}$ .
- Le retard temporel  $\theta$  or  $\theta = \frac{x_1}{V}$  on peut calculer la célérité  $V = \frac{x_1}{\theta}$ .
- La longueur d'onde  $\lambda = T.V = \frac{V}{N}$ .
- La phase initiale de l'élongation du point M :
  - Pour la courbe 1: on peut dire qu'à  $t = \theta + \frac{T}{4}$ ;  $y_M(\theta + \frac{T}{4}) = a$ .

$a \sin(\omega(\theta + \frac{T}{4}) + \varphi_M) = a$  puis on remplace  $\theta$  en fonction de  $T$   
pour avoir  $\varphi_M$ .

- **Pour la courbe 2:** on peut dire qu'à  $t = \theta + \frac{T}{4}$ ;  $y_M(\theta + \frac{T}{4}) = -a$ .

$a \sin(\omega(\theta + \frac{T}{4}) + \varphi_M) = -a$  puis on remplace  $\theta$  en fonction de  $T$   
pour avoir  $\varphi_M$ .

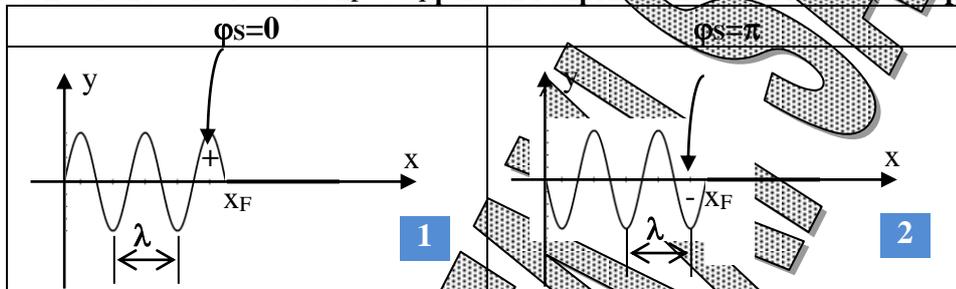
**Attention :**

En observant l'une des courbes on peut savoir directement la valeur de  $\varphi_s$  :

- Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant  $\theta$ , en se dirigeant dans le sens positif  $\varphi_s = 0$  rad.
- Lorsque la sinusoïde commence, à l'instant  $\theta$ , en se dirigeant dans le sens négatif  $\varphi_s = \pi$  rad.

**IV- Aspect de la corde à un instant donné  $t_1$  (sinusoïde des espaces):**

On calcule tout d'abord  $x_F = V \cdot t_1$  puis on l'exprime en fonction de  $\lambda$  (exemple  $x_F = 2,5\lambda$ ).



A partir de cette courbe, on peut déterminer :

- L'amplitude  $a$
- La période spatiale  $\lambda$ .
- La distance  $x_F$  parcourue par l'onde à  $t_1$  et on en déduit la célérité  $V = \frac{x_F}{t_1}$ .
- La période temporelle  $T = \frac{\lambda}{V}$  ou  $N = \frac{1}{\lambda}$ .
- La phase initiale de l'élongation du point  $M$  :

- **Pour la courbe 1:** on peut dire qu'à  $x = \frac{\lambda}{4}$ ;  $y_M(\frac{\lambda}{4}) = a$ .

$a \sin(\omega t_1 - \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{4} + \varphi_s) = a$  on aura directement  $\varphi_s$ .

- **Pour la courbe 2:** on peut dire qu'à  $x = \frac{\lambda}{4}$ ;  $y_M(\frac{\lambda}{4}) = -a$ .

$a \sin(\omega t_1 - \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{\lambda}{4} + \varphi_s) = -a$  on aura directement  $\varphi_s$ .

**Attention :**

En observant l'une des courbes on peut savoir directement la valeur de  $\varphi_s$  :

- Lorsque la sinusoïde se termine par une alternance positive,  $\varphi_s = 0$  rad.
- Lorsque la sinusoïde se termine par une alternance négative,  $\varphi_s = \pi$  rad.