Lycée S.C.J Gafsa A /S 2017-2018

DEVOIR DE CONTROLE **N**I

Prof :Mr ,Slimen .L

Niveau : $3^{eme}T_1$

Exercice N1

(3pts)

Pour chacune des questions suivantes une seule des trois réponses est exacte. Indiquer la bonne réponse :

1/ Soit \vec{U} et \vec{V} deux vecteurs non nuls tel que $(\vec{U}, \vec{V}) = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi$; $k \in \mathbb{Z}$.la mesure principal de $(-\vec{V}, \vec{U})$ est

$$a/\frac{\pi}{3}$$

$$b/-\frac{5\pi}{3}$$

$$c/\frac{4\pi}{3}$$

2/ le repère orthonormée $(0, \vec{i}, \vec{j})$ est direct si et seulement si :

$$a/(\vec{\iota},\vec{j}) = \frac{\pi}{2} + k\pi$$

$$b/(\vec{\iota},\vec{j}) = \frac{\pi}{2} + 2k\pi$$

$$c/\left(\vec{\iota},\vec{j}\right) = \pi + k\pi$$

3/Pour tout $x \in \mathbb{R}$; Lexpression $(\sin x + \cos x)^2 - (\sin x - \cos x)^2$ est égale:

$$a/2\sin 2x$$

$$b/2\cos 2x$$

Exercice N2

(6pts)

Le plan est orienté dans le sens direct

1/ Déterminer la mesure principale de $(\vec{u}, \vec{v}) \equiv \frac{-47}{6} [2\pi]$

2/ Soit ABC un triangle rectangle en A de sens direct tel que $(\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{BA}) \equiv \frac{-47\pi}{6} [2\pi]$

a-Construit le triangle ABC puis à l'extérieure de ABC deux triangles équilatéraux de sens direct CBF et ACG

b-Calculer la mesure principale de l'angle $(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})$.

c- En déduire que les points G, C et F sont alignés.

3/ Soit P le point du segment [CF] tel que CA= CP. Déterminer la mesure principal de $(\overrightarrow{AP}, \overrightarrow{AC})$

Exercice N3

(5pts)

Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 - 6x + 5$

1/a-vérifier que $f(x) = (x-3)^2 - 4$

b- En déduire que f admet un minimum que l'on déterminera.

c-Etudier les variations de f sur $]-\infty,3]$ et $[3,+\infty[$.

d-Déterminer les points d'intersection de ξ_f et l'axe des abscisses .

2/Soit la fonction g définie par g(x) = f(|x|). Etudier la parité de g.

Exercice N4

(6pts)

Les parties *I* et *II* sont indépendantes :

I- **ξ** est la courbe d'une fonction f

1/Donner le domaine de f.

2/Lire graphiquement f(-2), f(0), f(1) et f(2)

3/Dresser le tableau de variation de f.

4/Donner le maximum et le minimum de f.

II-Soit *g* la fonction définie par $g(x) = \frac{x+1}{2x^2+3x+1}$

1/Déterminer les limites de g en $(+\infty)$ et en $(-\infty)$

2/Prouver que $\lim_{x\to -1} g(x) = -1$

3/Calculer $\lim_{x \to (\frac{-1}{2})^+} g(x)$ et $\lim_{x \to (\frac{-1}{2})^-} g(x)$