

Lycée Pilote Kébili
Devoir de contrôle n°1

☆☆☆☆
PROFESSEUR: Mr Graja Chokri
98668785

SECTION: 2^{ème} année sciences

EPREUVE: Mathématiques

⌚ Durée: 1 heure.

Année scolaire: 2017/2018

Exercice N°1 : (13 points)

A/ Soient les réels $x = \sqrt{17+12\sqrt{2}}$ et $y = \sqrt{17-12\sqrt{2}}$.

1) Montrer que $x.y = 1$.

2) On pose $m = x + y$ et $p = x - y$.

a- Calculer m^2 et p^2 .

b- Déduire une expression plus simple de x et y .

c- Calculer : $x^3 - y^3$.

B/ Les Questions sont indépendantes.

1)

a, b, c et d étant quatre réels distincts.

a- Montrer que : $(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) = (ac + bd)^2 + (ad - bc)^2$.

b- Ecrire le nombre : 61×113 sous la forme de somme de deux carrés.

2) Soient a ; b et c trois réels strictement positifs.

a) Montrer que $\frac{2ab}{a^2 + b^2} \leq 1$

b) Montrer que $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} \geq \frac{2(a+b)}{a^2 + b^2}$

c) En déduire que $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \geq \frac{a+b}{a^2 + b^2} + \frac{a+c}{a^2 + c^2} + \frac{b+c}{b^2 + c^2}$

3) Soient les deux expressions E et F tel que $E = x^3 - 27 - x^2(x-3)$ et $F = x^3 + 27 + (x+3)(3x-13)$

a) Factoriser E et F puis E - F

b) Résoudre dans P l'équation E = F

Exercice N°2 : (7points)

Soit $\mathcal{R} = (O, \vec{i}, \vec{j})$ un repère orthonormé du plan et soient A(2,3) ; B(-2,1) et C(3,-2).

① Montrer que les points A, B et C ne sont pas alignés.

② Déterminer les coordonnées du point D tel que ABCD soit un parallélogramme.

③ Soit E un point de coordonnées (x, y) et soit le vecteur : $\vec{u} = \vec{EA} + \vec{EB} + \vec{EC}$

a- Exprimer le vecteur \vec{u} en fonction des nombres x et y.

b- Déterminer les coordonnées du point G centre de gravité du triangle ABC.

④ Soit F(a, a-3)

a- Déterminer a pour que le triangle ACF soit rectangle en A.

b- Calculer l'aire du triangle ACF pour la valeur de a trouvée.

⑤ On prend $a = 7$, déterminer les coordonnées du point F dans le repère (A, \vec{AB}, \vec{AC})

Question bonus : (2points)

On pose $x = 12^6$, $y = 6^8$ et $z = 2^{11} \cdot 3^7$
Vérifier que $x^x \cdot y^y = z^z$

Bon Travail & Bon courage